การตรวจเอกสาร

เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับงานวิจัยนี้แบ่งออกเป็น 6 ส่วน คือ ชั้นกันซึมดิน เหนียวบดอัด, Bentonite, ทฤษฎีการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อนในตัวกลางพรุน, การทดลองแบบ สดมภ์, การทดลองแบบแบทช์และงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง ซึ่งมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

2.1 ชั้นกันซึมดินเหนียวบดอัด (Compacted Clay Liners) ในสถานที่ฝังกลบมูลฝอย

ชั้นกันซึมซึ่งจะอยู่ด้านล่างสุดของบ่อฝังกลบในสถานที่ฝังกลบมูล ฝอย ทำหน้าที่ป้องกันการไหลซึมของน้ำชะมูลฝอยสู่น้ำใต้ดินหรือปล่อยให้น้ำชะมูลฝอยไหลซึม ผ่านได้ในอัตราที่ไม่ก่อให้เกิดการปนเปื้อนของน้ำใต้ดินจนเป็นอันตรายต่อมนุษย์ ดังนั้นดินที่มีส่วนผสมของดินเหนียวที่บดอัดอย่างเหมาะสมจะสามารถใช้เป็นชั้น กันซึมได้ โดยกระทรวงวิทยาศาสตร์ เทกโนโลยีและสิ่งแวดล้อม (2542) ได้แบ่งประเภทของ การปูวัสดุกันซึมที่ผนังและก้นบ่อฝังกลบออกเป็น 4 ประเภทได้แก่

- การใช้ดินที่มีอัตราการใหลซึมต่ำ (Low Permeable Soil Liner) (ภาพประกอบที่ 2.1) ที่ประกอบด้วยชั้นดินเหนียวบดอัดหนา 60 cm มีค่า K ต่ำกว่า 1 x 10⁻⁷ cm/s โดยที่แรง ดันของน้ำชะมูลฝอย (Hydraulic Head) ต้องไม่เกิน 30 cm

- การใช้แผ่นวัสดุสังเคราะห์ชั้นเดียวกับดินที่มีอัตราการใหลซึมต่ำ (Single Geosynthetic Liner with Low Permeable Soil) โดยใช้แผ่นโพลีเอททีลินชนิดความหนาแน่น สูง (HDPE) หนา 1.5 mm ขึ้นไป และชั้นด้านล่างเป็นดินบดอัดหนา 60 cm มีก่า K ของน้ำที่ อิ่มตัว ต่ำกว่า 1 x 10⁻⁵ cm/s

การใช้วัสดุกันซึมผสม (Composite Liner) มีลักษณะคล้ายกับการใช้
 วัสดุสังเคราะห์ชั้นเดียว ต่างกันที่จะมีค่า K ของดินที่อยู่ชั้น ล่างของวัสดุ
 สังเคราะห์ ต่ำกว่า 1 x 10⁻⁷ cm/s

การบดอัดดินคือกระบวนที่ทำให้ดินแน่น ด้วยเครื่องมือกล เพื่อไล่อากาศออกไป จากช่องว่างระหว่างเม็ดดิน ซึ่งจะทำให้เม็ดดินอัดตัวกันแน่นขึ้น เมื่อดินมีความแน่นเพิ่มขึ้นแล้ว ก็ จะสามารถรับน้ำหนักได้มากขึ้น การทรุดตัวของดินก็จะน้อยลง และยอมให้น้ำ ใหลซึมผ่านได้น้อยลง (มณเฑียร กังศศิเทียม, 2529)



ภาพประกอบที่ 2.1 วัสดุกันซึมแบบดินที่มีอัตราการไหลซึมต่ำ (Low Permeable Soil Liner) (กระทรวงวิทยาศาสตร์ เทคโนโลยีและสิ่งแวคล้อม, 2542)

การใช้ดินเหนียวที่เหมาะสมมาบดอัดจะสามารถใช้เป็นชั้นกันซึมได้ โดยกำหนดว่าจะด้องมีค่า K ต่ำกว่า 1 x 10⁻⁷ cm/s ซึ่งอาจจะมีความหนาตั้งแต่ 60 cm - 120 cm โดยดินเหนียวจะถูกบดอัดเป็นชั้นๆ ชั้นละ 15 - 20 cm นอกจากดินเหนียวบดอัดจะยอมให้น้ำ ชะมูลฝอยไหลซึมผ่านได้ช้ามากแล้ว ยังมีความสามารถคงทนอยู่ได้ยาวนานและมี ความสามารถในการหน่วง เนื่องจากในอนุภาคดินเหนียวจะมีประจุลบอยู่ ทำให้ สามารถหน่วงประจุบวกของสารอนินทรีย์ ซึ่งเป็นสารปนเปื้อนในน้ำชะมูลฝอยได้ 2.1.1 คุณสมบัติของคินเหนียว

2.1.1.1 ประจุลบของแร่ดินเหนียว (Negative Charge of Clay Mineral)

แร่ดินเหนียวมีค่าประจุไฟฟ้าเป็นลบโดยธรรมชาติ ซึ่งประจุลบนี้สามารถดูดประจุ บวกของโมเลกุลของน้ำ ทำให้ดินเหนียวมีน้ำเคลือบอยู่ที่ผิว มีความเหนียวและมีความเป็นพลาสติก สาเหตุที่ทำให้แร่ดินเหนียวมีประจุเป็นลบสามารถสรุปได้ดังนี้

ประจุลบที่เกิดจากการที่แทนที่แบบไอโซโมฟัส (Isomorphous Substitution)
 ซึ่งเป็นการเกิดประจุลบที่สำคัญที่สุด การเกิดประจุลบแบบนี้ คือ การเข้าไปแทนที่อย่างถาวรของ
 อะตอมที่มีขนาดใกล้เคียงกัน โดยอะตอมที่มีประจุบวกน้อยกว่าจะไปแทนที่อะตอมที่มีประจุบวก
 มากกว่า ในกระบวนการเกิดของแร่ดินเหนียว ทำให้ก่าประจุลัพท์ของแร่ดินเหนียวเป็นลบ

- ประจุลบในแร่คินเหนียวที่เกิดจากการสลายของแรงยึดเหนี่ยว (Broken Bond) ที่ยึดแผ่นซิลิกาหรือแผ่นอะลูมินาไว้ด้วยกัน แต่ปรากฏการณ์แบบนี้จะให้ประจุลบไม่ถาวร เพราะ แผ่นซิลิกาหรือแผ่นอะลูมินาอาจจะรวมตัวกันใหม่

ความสามารถของคินแต่ละชนิคในการคูคโลหะหนักมาติคที่ผิวมีความแตกต่าง กันตามชนิคและปริมาณของแร่คินเหนียวที่มีอยู่ในคิน โคยจากการรวบรวมข้อมูลของ Yong (2000) สามารถแยกลำคับการคูคซับโลหะหนัก ตามช่วง pH ของน้ำตัวอย่าง คังตารางที่ 2.1

ชนิดของแร่ดินเหนียว	ลำดับของการดูดซับโลหะหนัก	แหล่งอ้างอิง
Montmorillonite Clay (pH 3.5-6)	Ca > Pb > Cu > Mg > Cd > Zn	Farrah and Pickering (1977)
Montmorillonite Clay (pH 5-7.5)	Cd = Zn > Ni	Plus and Bohn (1988)
Montmorillonite Clay (pH \approx 4)	Pb > Cu > Zn > Cd	Yong and Phadungchewit (1993)
(pH≈5)	$Pb > Cu > Cd \approx Zn$	
(pH ≈ 6)	Pb = Cu > Zn > Cd	
Illite Clay (pH 3.5-6)	Pb > Cu > Zn > Ca > Cd > Mg	Farrah and Pickering (1977)
Illite Clay (pH 4-6)	Pb > Cu > Zn > Cd	Yong and Phadungchewit (1993)
Kaolinite Clay (pH 3.5-6)	Pb > Ca > Cu > Mg > Zn > Cd	Farrah and Pickering (1977)
Kaolinite Clay (pH 5.5-7.5)	Cd > Zn > Ni	Plus and Bohn (1988)

ตารางที่ 2.1 ลำคับการดูคซับโลหะหนักตามชนิคของแร่คินเหนียว (Yong, 2000)

2.1.1.2 CEC

ค่า CEC ของดินเหนียวขึ้นอยู่กับชนิดของแร่ดินเหนียวที่ประกอบเป็นดินเหนียว นั้นๆ ดินเหนียวที่มี CEC มากกว่าจะสามารถดึงประจุบวกมาเกลือบที่ผิวได้มากกว่า จึงทำให้กวาม หนาของฟิล์มของน้ำรอบอนุภาคของดินเหนียว (Diffuse Double Layer, DDL) มากกว่าและค่ามีค่า น้อยกว่า ซึ่ง DDL จะเกิดขึ้นเมื่อดินเหนียวซึ่งมีประจุเป็นลบสัมผัสกับน้ำ ก็จะมีการดึงประจุบวก ของไฮโดรเจนในน้ำและประจุบวกของโลหะที่ละลายอยู่ในน้ำเข้ามาเกลือบที่ผิวก่อให้เกิดเป็นฟิล์ม รอบอนุภาคของดินเหนียว การหาค่า CEC ของดินเหนียว ทำได้โดยวัดประจุลบของแร่ดินเหนียว นั่นเอง ค่า CEC มีหน่วยเป็น meq/100g (milliequivalent ของประจุบวกต่อ 100 g ของดินเหนียว) โดยมอนต์มอริลโลไนต์ (Montmorilonite) มีค่า CEC ประมาณ 8-150 meq/100 g

2.2 เบนโทในต์ (Bentonite)

เบนโทในต์ เป็นดินที่เกิดจากเถ้าภูเขาไฟ ที่ผ่านกระบวนการเปลี่ยนแปลงตาม ธรรมชาติเป็นระยะเวลานาน จนเกิดเป็นดินที่มีคุณสมบัติการพองตัวสูง ซึ่งมืองก์ประกอบของ มอนต์มอริลโลในต์ เป็นแร่ดินเหนียวหลัก รองลงมาได้แก่ ซิลิกอนไดออกไซด์ เหล็กออกไซด์ และแกลเซียมออกไซด์ ทำให้เบนโทในต์มีความสามารถในการแลกเปลี่ยนประจุได้ โดยมีราย ละเอียดหลักดังนี้

2.2.1 โครงสร้างหลัก

โครงสร้างการจัดเรียงตัวของผลึกในแร่ดินเหนียว แบบมอนต์มอริลโลไนต์ ประกอบด้วยโครงสร้างหลัก 2 ชนิด คือ แผ่นซิลิคาหรือแผ่นเตตระฮีดรอล (Silica or Tetrahedral Sheet) และแผ่นอะลูมินาหรือแผ่นออกตะฮีดรอล (Alumina or Octahedral Sheet) โดยมีการจัดเรียง ด้วของโครงสร้างเป็นแบบ 2 : 1 (ภาพประกอบที่ 2.2) ประกอบด้วย แผ่นซิลิคา 2 แผ่น วางอยู่ด้าน บนและด้านล่างของแผ่นอะลูมินา 1 แผ่น การวางเรียงตัวของโครงสร้าง 2 : 1 จำนวนหนึ่งชั้น เกิด จากการใช้ออกซิเจนร่วมกันแบบพันธะโควาเลนต์ของแผ่นซิลิคาและแผ่นอะลูมินา แต่ละชั้นมี ความหนาประมาณ 0.96 นาโนเมตร แรงยึดเหนี่ยวระหว่างแผ่นซิลิคาชั้นบนและชั้นล่าง คือ แรง แวนเดอวาลส์ (Van de Waals Forces) ซึ่งเป็นแรงที่อ่อนมาก น้ำและไอออนสามารถเข้าไปแทรก ระหว่างชั้นของโครงสร้าง 2 : 1 และแบ่งให้ขาดออกจากกันได้ มอนต์มอริลโลไนต์มีความสามารถ ในการดึงดูดน้ำได้สูงมาก ดังนั้นจึงมีแนวโน้มในการเกิดการพองตัว (Swelling) เมื่อเจอกับน้ำ มีก่าK ด่ำมาก ประมาณ 1x10⁻² cm/s



ภาพประกอบที่ 2.2 แสดงโครงสร้างของมอนต์มอริลโลในต์แบบ 2 : 1

2.2.2 ความสามารถในการแลกเปลี่ยนประจุของเบนโทในต์

ความสามารถในการดูดซับและความสามารถในการแลกเปลี่ยนประจุของเบนโท ในต์ มีความแตกต่างกันไปตามองค์ประกอบทางเคมีของมอนต์มอริลโลไนต์ เช่น มอนต์มอริลโล ในต์ที่มีไอออนของโซเดียมแทนที่อยู่ในโครงสร้างเป็นปริมาณมาก จะมีความสามารถในการดูดซับ น้ำและเกิดการแลกเปลี่ยนไอออนกับสารอื่นๆ ในสิ่งแวดล้อม ได้ดีกว่ามอนต์มอริลโลไนต์ที่มี ไอออนของแคลเซียมหรือโพแทสเซียมแทนที่ สามารถแบ่งเบนโทไนต์ที่ใช้ในอุตสาหกรรมออก ได้เป็น 3 กลุ่ม คือ โซเดียมเบนโทไนต์ แกลเซียมเบนโทไนต์และแคลเซียม-แมกนีเซียมเบนโทไนต์ 2.2. 3 การนำเบนโทไนต์ไปใช้ประโยชน์

เบนโทในต์ถูกนำไปใช้ในงานหลายๆ ด้าน เช่น

 การใช้เป็นสารหล่อเย็นในการขุดเจาะสำหรับงานทางด้านวิศวกรรมโยธา, การใช้เป็นสารฟอกสีหรือสารดูดซึม เพื่อทำความสะอาดในอุตสาหกรรมกลั่นน้ำมัน, การใช้เป็น สารตัวเติม เพื่อเพิ่มปริมาณเนื้อสาร หรือใช้ในการปรับความหนืดสำหรับอุตสาหกรรมสีและหมึก พิมพ์, การใช้เป็นสารดูดซับกลิ่นของเสีย ที่เกิดจากการขับถ่ายของสัตว์เลี้ยง

การนำไปดัดแปลงโดยทำปฏิกิริยากับกรดได้แอกติเวเตดเกลย์ (Activated Clays)
 สำหรับใช้เป็นตัวเร่งปฏิกิริยา หรือทำปฏิกิริยากับโซดาไฟ (NaOH) เปลี่ยนจาก
 แกลเซียมเป็นโซเดียมเบนโทไนต์ เป็นต้น

2.2. 4 แหล่งเบนโทในต์ที่สำคัญ

ปัจจุบัน เมืองไวโอมิง (Wyoming) ประเทศสหรัฐอเมริกา เป็นแหล่งเบนโทไนต์ ที่สำคัญของโลก รองลงมาได้แก่ กลุ่มประเทศอิสระที่แยกตัวจากรัสเซียเดิม (The Commonwealth of Independent States, CIS) ประเทศกรีซ เยอร์มัน ญี่ปุ่น และตุรกี ตามลำคับ โดยคิดเป็นร้อยละ 84 ของกำลังการผลิตในปี 1995 สำหรับในประเทศไทย พบเบนโทไนต์ ชนิดแคลเซียมเบนโทไนต์อยู่ มาก ในอำเภอชัยบาดาล จังหวัดลพบุรี (สรินทร ลิ่นปนาทธ, 2549)

2.3 ทฤษฎีการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อนในตัวกลางพรุน

สารปนเปื้อนที่ไหลปนมากับน้ำชะมูลฝอย หากสามารถเคลื่อนที่ผ่านชั้นกันซึมไป สู่ชั้นน้ำใต้ดินก็จะทำให้น้ำใต้ดินมีการปนเปื้อนได้ ดังนั้นการศึกษาการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อน ผ่านชั้นกันซึมจึงมีความสำคัญต่อการออกแบบชั้นกันซึมที่เหมาะสม โดยการเคลื่อนที่ของสารปน เปื้อนในตัวกลางพรุน ประกอบด้วย 2 กระบวนการหลัก คือ กระบวนการเคลื่อนที่แบบการพา (Advection) และกระบวนการเคลื่อนที่แบบการแพร่ (Diffusion) ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

2.3.1 กระบวนการเคลื่อนที่แบบการพา (Advection)

การเคลื่อนที่แบบการพา คือ กระบวนการที่สารปนเปื้อนเคลื่อนที่ไปกับการไหล ซึมของน้ำในตัวกลางพรุน เนื่องจากความแตกต่างของความคันน้ำ (Water Head) โดยสารปนเปื้อน ในน้ำจะถูกพาจากบริเวณที่มีระดับน้ำสูงกว่าไปยังบริเวณที่มีระดับน้ำต่ำกว่า

สารปนเปื้อนที่เป็นสารละลายแบบนอนรีแอกทีพ (Non-Reactive Solutes) ซึ่งไม่ ทำปฏิกิริยากับประจุลบในดินเหนียว เช่น คลอไรด์ (CI) จะเคลื่อนที่แบบการพาไปในดินด้วย ความเร็วเฉลี่ยเท่ากับความเร็วในการไหลซึมของน้ำในดิน (Seepage Velocity : V) ซึ่งสามารถ แสดงความสัมพันธ์ดังนี้

$$V_{s} = \frac{V}{n}$$
(2.1)

เมื่อ V = ความเร็วในการใหลซึมของน้ำ (L/t) n = ความพรุนของดิน V = ความเร็วของคาร์ซี (Darcy Velocity ; L/t) โดยค่าความเร็วของคาร์ซี สามารถหาได้จาก

$$V = \frac{Q}{A} = -\kappa \frac{\Delta H}{\Delta z}$$
(2.2)

เมื่อ	Q	=	อัตราการใหล (L³/t) ของน้ำในดิน
	А	=	พื้นที่หน้าตัดของดิน (L²) ที่มีการไหลของน้ำ
	K	=	ค่าสัมประสิทธิ์การยอมให้น้ำซึมผ่าน (L/t)
	Δ H	=	ค่าความแตกต่างของระดับของน้ำ(L) ที่ต้นน้ำและท้ายน้ำ
	Δz	=	ความหนาของดิน (L)
	i	=	ความชันทางชลศาสตร์ (Hydraulic Gradient) $= rac{\Delta H}{\Delta z}$

เวลา (t) ของการเคลื่อนที่แบบการพา ของสารปนเปื้อนผ่านชั้นกันซึม สามารถคำนวณได้จาก

$$t = \frac{L}{V_s} = \frac{L \times n}{K \times i}$$
(2.3)

เมื่อ L = ความหนาของตัวอย่างดิน (L)

อัตราการเคลื่อนที่ของมวลของสารปนเปื้อนที่เคลื่อนที่แบบการพา ผ่านชั้นกันซึมต่อหน่วยพื้นที่ (Advective Mass Flux, J_A) ซึ่งมีหน่วยเป็น M/L²t สามารถหาได้จากความสัมพันธ์

$$J_{A} = C \times V_{s} = \frac{K \times i \times C}{n}$$
(2.4)

เมื่อ C = ความเข้มข้นของสารปนเปื้อน (M/L³)

2.3.2 กระบวนการเคลื่อนที่แบบการแพร่ (Diffusion)

กระบวนการเคลื่อนที่แบบการแพร่เกิดจากความแตกต่างของความเข้มข้นของสาร ปนเปื้อนระหว่างจุดสองจุดในดิน ความแตกต่างของความเข้มข้นของสารปนเปื้อนต่อหน่วยระยะ ทาง (Concentration Gradient) ก่อให้เกิดความต่างศักดิ์ทางเกมี ส่วนที่มีความเข้มข้นมากกว่าก็จะ แพร่ไปยังส่วนที่มีความเข้มข้นน้อยกว่า โดยไม่จำเป็นต้องอาศัยการไหลของน้ำ กระบวนการแพร่ จะดำเนินไปเรื่อยๆ จนกว่าความเข้มข้นของทั้งสองจุดจะเท่ากันจึงจะหยุดการแพร่ สมการพื้นฐานที่ ใช้อธิบายการแพร่สำหรับการเคลื่อนที่ใน 1 มิติ เรียกว่า Fick's Law ดังแสดงด้วยสมการต่อไปนี้

$$J_{\rm D} = -D \times n \frac{\partial C}{\partial z}$$
(2.5)

เมื่อ
$$J_D$$
=อัตราการเคลื่อนที่ของมวลของสารปนเปื้อนที่เคลื่อนที่
แบบการแพร่ผ่านชั้นกันซึมต่อหน่วยพื้นที่
(Diffusive Mass Flux, M/L²t)D=สัมประสิทธิ์การแพร่ของตัวกลาง
(Diffusion Coefficient, L²/t) $\frac{\partial C}{\partial Z}$ =อัตราส่วนการเปลี่ยนแปลงของความเข้มข้นต่อระยะทาง
ในแนวการแพร่ (M/L³-L)

2.3.3 สมการการเคลื่อนที่ของสารละลายในดินที่ขึ้นกับเวลา

Shackelford (1993) เสนอว่า การเคลื่อนที่ของมวลสารในคินที่ขึ้นกับเวลา (Transient) ในเรื่อง ทฤษฎีการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อน สามารถอธิบายได้จากกฎทรงมวล โดยมี สมมุติฐานดังต่อไปนี้

1) ดินเป็นวัสดุเนื้อเดียว (Homogeneous)
 2) ค่า K มีค่าคงที่
 3) ค่าความชันทางชลศาสตร์มีค่าคงที่
 4) การ ใหลเป็นแบบหนึ่งมิติ

พิจารณาหน่วยปริมาตรในภาพประกอบที่ 2.3 โดยอัตราการเพิ่มของมวลใน หน่วยปริมาตรสามารถอธิบายได้โดยใช้สมการกฎทรงมวล ในสมการที่ 2.6



ภาพประกอบที่ 2.3 กฎทรงมวลของการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อนในหน่วยปริมาตร (Shackelford, 1993)

อัตราการเพิ่มของมวล = อัตราการเพิ่มของมวลเนื่องจากการพา
$$(\Delta J_A)$$
 +
ในหน่วยปริมาตร อัตราการเพิ่มของมวลเนื่องจาก การแพร่ (ΔJ_D) +
อัตราการเพิ่ม/ลดของมวลเนื่องจาก
การเกิดปฏิกิริยากับดิน (Reaction) (2.6)

อัตราการเพิ่มของมวลเนื่องจากการพาสามารถแสดงได้โดยใช้ความสัมพันธ์จาก สมการที่ 2.4 ดังนี้

$$\Delta J_{A} = J_{Ain} - J_{Aout}$$

$$\Delta J_{A} = -V_{s} \times n \frac{\partial c}{\partial z}$$
(2.7)

อัตราการเพิ่มของมวลเนื่องจากการแพร่ สามารถแสดงโดยความสัมพันธ์ จากสมการที่ 2.5 ดังนี้

$$\Delta J_{\rm D} = J_{\rm Din} - J_{\rm Dout}$$

$$\Delta J_{\rm D} = + D \times n \frac{\partial^2 c}{\partial z^2}$$
(2.8)

ปฏิกิริยาที่เกิดขึ้น (Reaction) เมื่อสารปนเปื้อนเคลื่อนที่ผ่านเข้าไปในดิน คือ

การถูกดูคซับ (Sorption) ซึ่งเกิดจากประจุบวกของสารละลายไปยึดติดกับประจุลบในดินเหนียว อัตราการลดลงของมวลเนื่องจากการถูกดูดซับนี้สามารถเขียนได้ในรูปของความสัมพันธ์ดังนี้

$$\frac{\partial \left(\frac{M_{q}}{V_{v}}\right)}{\partial t} = -\frac{\rho_{d} \times K_{p}}{n} \times \frac{\partial (n \times C)}{\partial t}$$
(2.9)

เมื่อ
$$M_q$$
 = มวลที่ถูกดูคซับ
 V_v = ปริมาตรของช่องว่างในดิน
 ρ_d = กวามหนาแน่นแห้งของดิน
 K_p = สัมประสิทธิ์พาร์ทิชั่น (Partition Coefficient)

เมื่อแทนค่า สมการที่ 2.7, 2.8 และค้านขวามือของ สมการที่ 2.9 ลงในสมการที่ 2.6 แล้วจัดเรียงใหม่ สมการที่ได้จะแสดงความสัมพันธ์ของการเคลื่อนที่ของมวลของสารปนเปื้อนใน ดินกับเวลา เรียกว่า สมการการพาและการแพร่ (Advection-Diffusion Equation) ดังแสดงในสมการ ที่ 2.10 ดังนี้

$$\frac{D}{R} \times \frac{\partial^2 C}{\partial z^2} - \frac{V_s}{R} \times \frac{\partial C}{\partial z} = \frac{\partial C}{\partial t}$$
(2.10)

เมื่อ R = แฟคเตอร์ความหน่วง (Retardation factor) = $1 + \frac{\rho_d \times K_p}{n}$

โดยค่า R จะมีค่าเท่ากับ 1 สำหรับสารละลายที่ไม่ทำปฏิกิริยา เช่น Cl โดยที่ทั้ง ค่า R และ Dในสมการที่ 2.10 สามารถหาได้จากการทำการทคสอบแบบแบทช์

ค่าคำตอบแบบ analytical ของสมการที่ 2.10 ในรูปของ C(z,t) และอัตราการ เคลื่อนที่ผ่านดินของมวลในสารละลายต่อหน่วยพื้นที่ (mass flux, J(z,t)) (Shackelford, 1990) ซึ่งใช้ วิเคราะห์หากวามเข้มข้นของสาร และ mass flux ที่เคลื่อนที่ผ่านชั้นดินที่เวลาใดๆ สามารถแสดงได้ ดังนี้

$$\frac{C(z,t)}{C_0} = \frac{1}{2} \left\{ \operatorname{erfc} \left[\frac{1-T_R}{2\sqrt{\frac{T_R}{P_L}}} \right] + \exp(P_L) \operatorname{erfc} \left[\frac{1+T_R}{2\sqrt{\frac{T_R}{P_L}}} \right] \right\}$$
(2.11)

$$F_{R} = \frac{J(z,t)}{V_{s} \times n \times C_{0}} = \left\{ \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left[\frac{1-T_{R}}{2\sqrt{\frac{T_{R}}{P_{L}}}} \right] \right\} + \frac{\exp \left[-\frac{\left(1-T_{R}\right)}{4\frac{T_{R}}{P_{L}}} \right]}{\sqrt{\pi}T_{R}P_{L}}$$
(2.12)

เมื่อ	T_{R}	=	เฟคเตอร์ของเวลา (Time Factor)
		=	$V_{s} \times t$
			$R \times z$
	\mathbf{P}_{L}	=	พิกเลย์นัมเบอร์ (Peclet Number)
		=	$\underline{V_s \times z}$
			D

2.4 การทดลองแบบสดมภ์ (Column Test)

ค่าพารามิเตอร์การเกลื่อนที่สามารถหาได้จากการทดลองแบบสดมภ์ โดยมีวิธีการ หาค่าพารามิเตอร์การเกลื่อนที่ได้ 2 วิธี คือ Breakthrough Curve และ Concentration Profile ซึ่งมี รายละเอียดดังนี้

2.4.1 การหาค่าพารามิเตอร์การเคลื่อนที่จาก Breakthrough Curve

Shackelford (1994) แสดงการใช้การทดลองแบบสดมภ์ หาค่าพารามิเตอร์ของการ เคลื่อนที่ คือ ค่า R, D และ n ซึ่งจำเป็นต้องใช้ในสมการที่ 2.11 หรือ 2.12 เพื่อหาความสัมพันธ์ ระหว่างการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อนที่ละลายอยู่ในน้ำผ่านชั้นดินที่มีขนาดเม็ดดินเล็ก เช่น ดินเหนียว ที่มีอัตราการไหลซึมต่ำ โดยเป็นการจำลองการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อนในสนามมาไว้ ในห้องปฏิบัติการ โดยการนำสารละลายที่ต้องการศึกษาที่มีความเข้มข้นเริ่มต้น C_o มาไหลผ่านดินที่ บดอัดแล้ว แล้วเก็บตัวอย่างน้ำที่ปลายอีกด้านหนึ่งของตัวอย่างดิน จากนั้นจึงนำน้ำที่ได้ไปหาความ เข้มข้นของสารปนเปื้อนเมื่อเวลาผ่านไป C, แล้วนำไปหาความสัมพันธ์ของ C,/C₀ กับเวลา การทำให้สารละลายไหลผ่านดิน อาจจะให้น้ำไหลผ่านดิน โดยอาศัยแรง

โน้มถ่วงของโลกหรือใช้ระบบเพิ่มความคัน เพื่อเพิ่มแรงคันน้ำ รูปแสดงการทคลองแบบสคมภ์ได้ แสดงไว้ในภาพประกอบที่ 2.4 ความสัมพันธ์ของ C_t/C₀ กับเวลา "Breakthrough Curve" ดังภาพประกอบที่ 2.5



ภาพประกอบที่ 2.4 การทคลองแบบสคมภ์พร้อมค้วยอุปกรณ์เพิ่มแรงคันคงที่



ภาพประกอบที่ 2.5 Breakthrough Curve

การคำนวณหาค่า R, D และ n ทำโดยใช้สมการที่ 2.11 โดยการลองผิดลองถูก (Trial and Error) ซึ่งทำได้โดยเปลี่ยนค่า R, D และ n ไปเรื่อยๆ จนกว่า Breakthrough Curve ที่ได้ จากการทดลองจะสอดกล้องกับ Breakthrough Curve ของการคำนวณ โดยแสดงความต่างของ Breakthrough Curves ทั้งสองในรูปของค่าเฉลี่ยของผลต่างยกกำลังสอง (Mean Squared Error, MSE) 2.4.2 การหาค่าพารามิเตอร์การเคลื่อนที่จาก Concentration Profile

การหาค่าพารามิเตอร์การเคลื่อนที่ โดยใช้ Breakthrough Curve ทำได้โดยเก็บตัว อย่างน้ำที่ปลายอีกด้านหนึ่งของตัวอย่างดิน แล้วนำน้ำที่ได้ไปหาความเข้มข้นของสารปนเปื้อนเมื่อ เวลาผ่านไป C, แต่ในทางปฏิบัติ วิธีการนี้ต้องใช้ระยะเวลานานมากเพื่อให้สารละลาย Breakthrough ออกมาที่ท้ายน้ำ ดังนั้น Tanchuling et al. (2003) ได้เสนอวิธีการในการหาค่าพารามิเตอร์ตามสมการ ที่ 2.11 โดยใช้ Concentration Profile โดยการให้สารละลายที่ทราบความเข้มข้นไหลผ่านตัวอย่าง ดิน แล้วตรวจวัดความเข้มข้นสุดท้ายของโลหะหนักจากการสกัดโลหะหนักออกจากตัวอย่างดินที่ แบ่งเป็นชั้นๆ (C,) โดยความเข้มข้นของโลหะหนักที่ตรวจวัดได้ (C_{measured}) สามารถนำไปคำนวณ ตามสมการที่ 2.13 ดังนี้

$$C_{s} = \frac{C_{measured} \times Volume(liquid)}{m_{soil}} \times \frac{1(L)}{10^{3} (mL)}$$
(2.13)

เมื่อ	C _s	=	ความเข้มข้นของโลหะหนักที่ถูกดูดติดผิวในดินที่แบ่ง
			เป็นชั้นๆ (mg/g)
	C _{measured}	=	ความเข้มข้นของโลหะหนักที่ตรวจวัดได้จากเครื่อง
			Atomic Absorption Spectrophotometer (mg/L)
Volume (1	liquid)	=	ปริมาตรของสารละลายกรคทั้งหมคที่ใช้ เท่ากับ 56 mL
	m _{soil}	=	น้ำหนักดินแห้งที่ใช้ในการย่อยด้วยกรด เท่ากับ 0.5 g

นำค่า C ที่ได้จากสมการที่ 2.13 ไปคำนวณอัตราส่วนระหว่างความเข้มข้นของ โลหะหนักที่ถูกดูดติดผิวในดิน (C) ต่อความเข้มข้นสูงสุดของโลหะหนักที่ถูกดูดติดผิว (C (C) ของ โลหะหนักในบริเวณดินชั้นแรก (ลึกประมาณ 0.7 cm) ที่ได้จากการทดลองแบบสดมภ์ ความ สัมพันธ์ของ C/C กับความลึกของตัวอย่างดิน เรียกว่า "Concentration Profile"

การคำนวณหาค่า R, D และ n ทำได้โดยใช้ Concentration Profile และสมการที่ 2.11 โดยการลองผิดลองถูก (trial and error) ซึ่งทำได้โดยเปลี่ยนค่า R, D และ n ไปเรื่อยๆ จนกว่า Concentration Profile ที่ได้จากการทดลองจะสอดคล้องกับ Concentration Profile จากการคำนวณ กระบวนการดูดติดที่ผิว (Adsorption) คือกระบวนการที่อิออนหรือโมเลกุลที่อยู่ ในสถานะหนึ่งพยายามที่จะรวมตัวกันแน่นและเข้มข้นที่บริเวณผิวของสารในอีกสถานะหนึ่ง โดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงสถานะ ตัวอย่างเช่น การที่อิออนลบของสารละลายอนินทรีย์ถูกดูดติดที่ ผิวของดินเหนียว โดยความสามารถในการดูดติดผิวของดินจะขึ้นอยู่กับชนิดของดินและชนิดของ สารละลาย ซึ่งสามารถแสดงได้ในรูปของสัมประสิทธิ์พาร์ทิชั่น

มวลของสารละลายที่ถูกดูดติดผิว (Mass sorbed, M_a) สามารถคำนวณได้จาก

$$M_{q} = (C_{i} - C_{f})V_{l}$$
(2.14)
เมื่อ $C_{i} =$ ความเข้มข้นเริ่มต้นของสารละลาย (mg/L)
 $C_{f} =$ ความเข้มข้นสุดท้ายของสารละลาย (mg/L)
 $V_{1} =$ ปริมาตรของสารละลายที่ใช้ (mL)

การคำนวณก่าอัตราส่วน (q) ระหว่างมวลของสารละลายที่ถูกดูดติดผิว (M_q) ต่อน้ำ หนักของดินที่ใช้ (M_c) สามารถคำนวณได้จาก

$$q = \frac{M_q}{M_s}$$
(2.15)

ความสัมพันธ์ระหว่างค่า q และ C_r สามารถหาได้ด้วยการนำค่า q และ C_r ไปพล็อ ตกราฟ โดยให้ q อยู่ในแกนตั้ง และ C_r อยู่ในแกนนอน เรียกกราฟความสัมพันธ์นี้ว่า "ไอโซเทอม (Isotherm)" ซึ่ง Freundlich ได้เสนอสมการไอโซเทอม (Freundlich Isotherm) ดังนี้

$$q = \kappa_{\rm F} \times C_{\rm f}^{1/n} \tag{2.16}$$

เมื่อ $K_F =$ สัมประสิทธิ์พาร์ทิชั่นของ Freundlich Isotherm (L/kg)

1/n = ค่าคงที่ที่แสดงถึงการขึ้นตรงกับความเข้มข้นของ สารละลาย Correction Factor

โดยทั่วไปสารละลายที่มีความเข้มข้นต่ำ ค่า n จะมีค่าเท่ากับ 1 และไอโซเทอมจะมี ลักษณะเป็นเส้นตรง (สมการที่ 2.17) ซึ่งได้แสดงไว้ในภาพประกอบที่ 2.6

$$q = K_{p} \times C_{f}$$
(2.17)

เมื่อ $K_p =$ สัมประสิทธิ์พาร์ทิชั่นของไอโซเทอมเส้นตรง (L/kg)



ภาพประกอบที่ 2.6 ใอโซเทอมแบบ Freundlich และเส้นตรง

เมื่อนำสมการที่ 2.15 มาจัดในรูปของสมการเส้นตรงบนกราฟ Log-Log จะได้

$$\log q = \left(\frac{1}{n}\right) \log C_{f} + \log K_{I}$$

กรณีที่ค่า q มีค่าคงที่ในขณะที่ค่า C_r สุดท้ายเพิ่มขึ้น แสดงว่าสารละลายถูกยึดติดที่ ผิวของดินจนถึงค่าความสามรถการดูดติดที่ผิวของดินแล้วไม่สามารถดูดเพิ่มได้อีก เรียกว่า ความ สามารถในการดูดติดผิวของดิน (Sorption Capacity of Soil)

Langmuir ได้เสนอสมการไอโซเทอมที่อธิบายการดูคติดผิวแบบชั้นเคียว โดยมี สมมติฐานว่า โมเลกุลจะถูกดูคติดผิวบนพื้นที่ผิวที่จำกัดของการดูคติดผิว ซึ่งแต่ละพื้นที่ที่ถูกดูคติด ้ผิวจะเกิดการดูดติดผิวเพียงชั้นเดียว โดยทุกพื้นผิวของตัวดูดติดผิวจะมีพถังงานในการดูดติดผิวคงที่ และโมเลกุลที่ถูกดูดมาติดที่พื้นผิวจะไม่สามารถเกลื่อนที่ได้อย่างอิสระ เรียกว่า Langmuir Isotherm มีสมการดังนี้

$$\frac{C_{f}}{q} = \left(\frac{1}{bX_{m}}\right) + \left(\frac{C_{f}}{X_{m}}\right)$$
(2.18)

จากสมการที่ 2.18 นำมาจัดสมการในรูปแบบสมการเส้นตรงจะได้

2.6 งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

อาทิพย์ ฉลองจันทร์ (2545) ได้ศึกษาการหาค่าสัมประสิทธิ์การแพร่-การกระจาย และค่าตัวประกอบความหน่วงของการเคลื่อนที่ของสารละลายเกลือผ่านดิน โดยใช้สมการพื้นฐาน advection-dispersion ซึ่งใช้วิธีทำให้เกิดการเคลื่อนที่ของน้ำเกลือที่ผสมน้ำด้มกับเกลือสินเธาว์ บริ สุทธ์มีค่าความเก็มประมาณ 180 mS/cm ขึ้นไปตามช่องว่างของดินในท่อ PVC ด้วยแรง capillary โดยใช้ดินเก็มในจังหวัดขอนแก่นและจังหวัดมหาสารกามรวม 3 แห่ง ซึ่งมีเนื้อดินต่างกัน ได้แก่ ดิน เนื้อหยาบ (loamy sand) ปานกลาง (sandy loam) และละเอียด (clay loam) จากบ้านหนองเขื่อน อำเภอโกสุมพิสัย จังหวัดมหาสารกาม บ้านดอนหัน และบ้านโกกกลาง อำเภอเมือง จังหวัด ขอนแก่น ตามลำดับ พบว่า ได้ก่า D เฉลี่ยเท่ากับ 0.0005±26, 0.0011±109 และ 0.0003±23 cm²/s ตามลำดับ สำหรับก่า R ได้ก่าเฉลี่ยเท่ากับ 0.195±0.072, 0.230±0.149 และ 0.164±0.125 ตามลำดับ

Amatya and Takemura (2002) ได้ศึกษาการเคลื่อนที่ของสารปนเปื้อนที่ไม่ทำปฏิ กิริยา (เช่น คลอไรด์) ในชั้นดินเหนียวกรุงเทพ โดยใช้วิธี Finite difference บนโปรแกรม Modflow และ MT3DMS โดยตั้งสมมติฐานว่า ค่า D = 5x10⁻⁶ cm²/s และ R=1,และ K=1x10⁻⁸ cm/s พบว่าดิน เหนียวธรรมชาติ (ไม่ต้องบดอัด) ในชั้นดินเหนียวกรุงเทพ ที่มีความหนา 12 เมตร สามารถใช้เป็น ชั้นกันซึมธรรมชาติได้เป็นอย่างคี โดยจะมีสารปนเปื้อนที่ไม่ทำปฏิกิริยาคลื่อนที่ผ่านได้น้อยมาก

Gleason et al. (1997) ได้ศึกษาการใช้ทรายผสมเบนโทไนต์ เพื่อลดค่าสัมประสิทธิ์ การยอมให้ไหลซึมโดยใช้หลักที่ว่า เบนโทไนต์ซึ่งประกอบด้วยแร่หลักคือ montmorillonite สามารถทำให้ ทรายผสมเบนโทไนต์ มีค่า K ลดลงอย่างมากเมื่อเทียบกับค่านี้ของทรายที่ไม่ได้ผสม เบนโทไนต์ คุณสมบัติของ montmorillonite คือ 1) มีค่า cation exchange capacity สูง 2) มีค่า specific surface area สูง 3) มีความสามารถในการพองตัวสูง และ 4) มีค่า K ต่ำ จากผลการทดลอง ของ Gleason et al. (1997) พบว่าทรายที่มีค่าสัมประสิทธิ์การยอมน้ำซึมผ่าน ประมาณ 1x10⁻⁵ cm/s เมื่อผสมกับเบนโทไนต์ไม่น้อยกว่า 5 % โดยน้ำหนัก แล้วบดอัดด้วยวิธี Standard Proctor (ASTM D698) ด้วยความชื้นของทรายผสมเบนโทไนต์ประมาณ 15-19% จะมีค่าสัมประสิทธิ์การ ยอมให้ไหลซึมน้อยกว่า 1x10⁻⁷ cm/s เหมาะสมต่อการทำเป็นชั้นกันซึม

Abollino et al. (2003) ได้ศึกษาการดูดซับโลหะหนักบน Na- Montmorillonite ที่ เป็นผลกับ pH และ สารอนินทรีย์ ที่เป็นโลหะหนัก คือ Cd, Cr, Cu, Mn, Ni, Pb และ Zn โดยใช้ pH ที่ 5.5 และความเข้มข้นของโลหะหนักที่ 1 x 10⁻⁴ M จำนวน 25 ml พบว่า Na - Montmorillonite สามารถดูดซับโลหะหนัก เรียงตามลำดับ คือ Mn \leq Pb \leq Cd \leq Zn < Ni < Cu < Cr โดยพิจารณาจาก Total Sorption Capacity คือ Cd, Cr, Cu, Mn, Ni, Pb และ Zn เท่ากับ 9.25, 29.6, 9.57, 11.7, 12.4, 9.25 และ 11.0 meq/100g ตามลำดับ ผลการทดลองที่ได้แสดงถึงแร่ดินเหนียวมีคุณสมบัติในการดูด ซับโลหะหนักได้ดี

Li and Li (2001) ได้ศึกษาการดูดซับโลหะหนักของเบนโทในต์ และดินในธรรม ชาติ 2 ชนิด และศึกษาค่า K ของดินผสม 3 ชนิด คือ ทรายผสมเบนโทในต์ ในอัตราส่วนทรายต่อ เบนโทในต์ 100 : 8 โดยน้ำหนัก, ทรายต่อเบนโทในต์กับ forest soil ในอัตราส่วน 100 : 7: 1 โดยน้ำ หนัก และทรายต่อเบนโทในต์กับ spruce bark ในอัตราส่วน 100 : 7: 1 โดยน้ำหนัก มีค่า i อยู่ ระหว่าง 65 – 88 โดยทดสอบกับ Pb, Cu และ Cd พบว่า ความสามารถในการดูดซับของ forest soil > เบนโทในต์ = spruce bark โดยลำคับการดูดซับของดินทั้ง 3 ชนิดจะสามารถดูดซับ Pb > Cu > Cd ตามลำคับ ค่า K ของทุกการทดลองอยู่ที่ประมาณ 3.3 x 10⁻⁷ cm/s สำหรับชุดการ ทดลองควบคุมจะใช้ Ca(NO₃)₂ เข้มข้น 0.01 mol เป็นสารละลายทดลอง มีค่า K เมื่อเริ่มการทดลอง ต่ำกว่า 4 x 10⁻⁹ cm/s ใช้ระยะเวลาในการทดลองประมาณ 1 – 2 เดือน

Kim et al. (1997) ได้ศึกษาคุณสมบัติของ Kirby Lake Till ที่ได้จาก Outagamie County Landfill เมือง Appleton มลรัฐ Wisconsin พบว่า มีค่า PI = 17%, ค่า LL = 33%, P200 = 83% และ CEC = 2.3 meq/100g ทำการบดอัดดินเพื่อทำการทดลองแบบสคมภ์โดยให้สาร ละลายโบรไมด์ (Br) เคลื่อนที่ผ่าน Kirby Lake Till ที่บดอัดแล้ว จากนั้นทำการวัดก่ากวามเข้มข้น ของสารละลาย Br⁻ ที่ท้ายน้ำเทียบกับเวลา แล้วหาก่ากำตอบของสมการที่ 2.10 เทียบกับก่ากวามเข้ม ข้นของสารละลาย Br⁻ จากการทดลอง พบว่า ก่า D และ R ของสารละลาย Br⁻ ใน Kirby Lake Till มีก่าเท่ากับ 4.5 x 10⁻⁵ cm²/s และ 1.0 ตามลำดับ

Shackelford (1990) ได้ศึกษาความเหมาะสมของดินเหนียวลัฟกิ้น (Lufkin Clay) ซึ่งเป็นดินเหนียวท้องถิ่นเพื่อนำมาสร้างเป็นชั้นกันซึมในบ่อฝังกลบมูลฝอยในมลรัฐเท็กซัส, สหรัฐ อเมริกา โดยศึกษาคุณสมบัติทางกายภาพของดิน พบว่า มีค่า PI = 42%, ค่า LL = 56%, P200 = 82% และ CEC = 25 meq/100g และทำการทดลองบดอัดดินด้วยวิธีการทดลองแบบสดมภ์ เพื่อหาค่าพารามิเตอร์การเคลื่อนที่ การทดลองทำใด้โดยใช้น้ำชะมูลฝอยสังเคราะห์ที่มีความเข้มข้น ของ คลอไรด์ (Cl), โพแทสเซียม (K⁺), สังกะสี (Zn²⁺) และแคคเมียม (Cd²⁺) เท่ากับ 529, 501, 18.8 และ 1.95 mg/L ตามลำดับ แล้วใช้สมการที่ 2.11 หาค่าพารามิเตอร์การเคลื่อนที่ พบว่า โลหะหนัก ทั้ง 4 ชนิด มีค่า D เท่ากับ 4.7 x 10⁻⁶, 2.0 x 10⁻⁵, 1.7 x 10⁻⁶ และ 3.0 x 10⁻⁶ cm²/s ตามลำดับ มีค่า R เท่ากับ 1.0, 26.7, 92.7 และ 371 ตามลำคับ แล้ววิเคราะห์หาความหนาของชั้นดินบดอัดกันซึม โดย ใช้หลักว่าชั้นกันซึมจะต้องมีประสิทธิภาพที่ดีในเวลา 40 ปี พบว่าชั้นกันซึมที่หนา 0.9 เมตร ก็เพียง พอต่อการป้องกันสารปนเปื้อนลงสู่ชั้นน้ำใต้ดิน

Tanchuling et al. (2003) ได้ศึกษาการหาค่า Partitioning Coefficient และ Dispersion Coefficient ด้วยวิธีการทดลองแบบสดมภ์ โดยให้สารละลายที่มีความเข้มข้นของ Zn เท่ากับ 450 mg/L มาไหลผ่านดิน Illite Clay ที่บดอัดแล้ว โดยกำหนดให้ก่า i = 49 – 163 ใช้ระยะเวลาทดลอง 12 – 54 วัน จากนั้นทำการสกัดหาความเข้มข้นของโลหะหนักออกจากดินด้วย วิธีการย่อยด้วยกรดตามความลึกของชั้นดิน (C₁) ที่แบ่งเป็นชั้นๆ แล้วนำไปคำนวณเพื่อหาก่าพารา มิเตอร์การเกลื่อนที่ตามสมการที่ 2.11 โดยผู้วิจัยได้อธิบายขั้นตอนการสกัดโลหะหนักออกจากดิน ด้วยกรดตามข้อ 3.5.5.2 และขั้นตอนการกำนวณหาก่าพารามิเตอร์การเกลื่อนที่ได้อธิบายไว้ในข้อ 3.5.6 โดยผลการกำนวณ พบว่า ก่า D มีก่าตั้งแต่ 3.08 x 10⁻⁷ – 103 x 10⁻⁷ cm²/s มีก่า R ตั้งแต่ 1.82 – 16.30 ก่า n อยู่ในช่วง 0.6-0.7 โดยมีก่า K ประมาณ 4.80 x 10⁻⁸ – 8.00 x 10⁻⁸ cm/s

วัสสา คงนคร (2546) ได้ศึกษาลักษณะการเคลื่อนตัวของเบนซีนในชั้นน้ำใต้ดิน รวมถึงศึกษาความสามารถในการดูดซับเบนซีน โดยใช้ตัวอย่างดินในเขตพื้นที่นิคมอุตสาหกรรม มาบตาพุด จังหวัดระยอง ทำการทดลองแบบกะ แบบคอลัมน์และวิเคราะห์โดยใช้โปรแกรม กอมพิวเตอร์จำลองการเคลื่อนตัวของเบนซีนในชั้นน้ำใต้ดิน พบว่า ความสามารถในการดูดซับเบน ซีนบนผิวดินที่สมดุลเป็นไอโซเทอมแบบเชิงเส้น มีก่าคงที่การดูดซับเป็น 0.5444 cm³/g ส่งผลให้ก่า คงที่ของการหน่วง (R) เป็น 5.43 สำหรับการทดลองแบบคอลัมน์เพื่อหาก่าสัมประสิทธิ์การกระจาย ตัว (D) ของดินด้วยสารละลายโบรไมด์ พบว่า ลักษณะการเกลื่อนที่เป็นแบบสมดุลมีก่า D อยู่ใน ช่วง 0.0088-0.0116 cm²/s และผลการจำลองการเกลื่อนตัวของเบนซีนด้วยโปรแกรมกอมพิวเตอร์ พบว่า มีความแตกต่างกับผลการทดลองจริงแบบคอลัมน์ ซึ่งสามารถอธิบายด้วยการเกลื่อนที่แบบ ไม่สมดุล

Kim et al. (2001) ใด้ศึกษาการเคลื่อนที่ของ Volatile Organic Compounds (VOCs) ผ่านชั้นดินเหนียวบดอัด โดยทำการทดลองในระดับห้องปฏิบัติการด้วยการทดลองแบบ สดมภ์และ Tank Test โดยศึกษา VOCs ทั้งหมด 7 ชนิด ได้แก่ Chloroform (CF), Ethylbenzene (EB), Methylene Chloride (MC), Toluene (TOL), 1,1,1-Trichloroethane (1,1,1-TCA), Trichloroethylene (TCE) and m-Xylene (m-XYL) ที่ระดับความเข้มข้นเริ่มด้น ประมาณ 20 mg/L พบว่า ความเข้มข้นเริ่มต้นของ Influent มีแนวโน้มลดลเรื่อยๆ ตั้งแต่วันที่ 2 ของการทดลอง ถึงวันที่ 116 ของการทดลอง ค่าสัมประสิทธิ์พาร์ทิชั่นของดิน-สารละลาย VOCs ทั้ง 7 ชนิด มีความสัมพันธ์ กันในเชิง logarithm อย่างมากกับค่าสัมประสิทธิ์พาร์ทิชั่นของ Octanal-น้ำ การเปลี่ยนแปลงของ ค่า K ไม่มีนัยสำคัญกับค่าสัมประสิทธิ์การแพร่เชิงกล สำหรับค่า D โดยส่วนใหญ่อยู่ในช่วง 10 ⁻⁶ cm²/s และจะลดลงเมื่อความสามารถในการละลาย VOCs เป็นสิ่งที่สำคัญมากต่อการหาค่าพารามิเตอร์ การเคลื่อนที่ เพราะต้องใช้ระยะเวลานานในการทดลอง ซึ่งทำให้ความเข้มข้นเริ่มด้นของสารละลาย VOCs ลดลงได้