

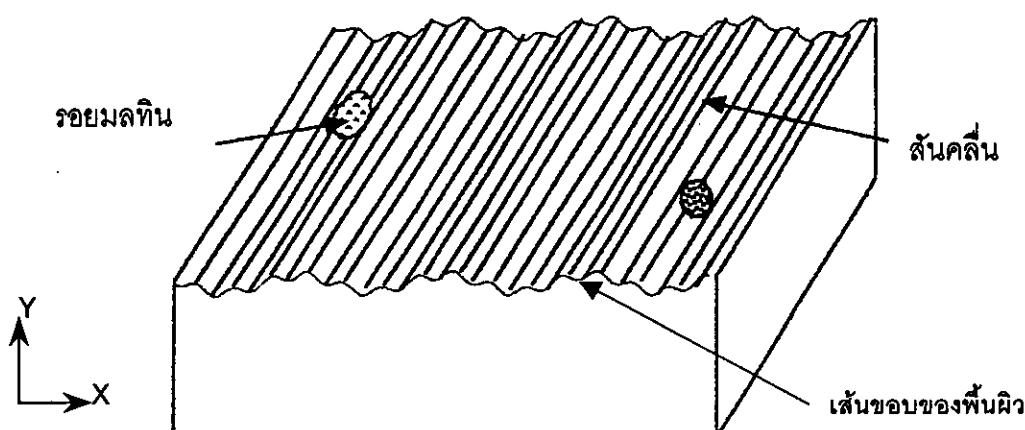
บทที่ 2

ทฤษฎีเกี่ยวกับการวิจัย

ในการศึกษาเรื่องการกลึงจะต้องอาศัยความรู้มีเนียมและทางเหลืองด้วยไม้มีดเพชรนั้น จะเน้นในเรื่องความชำนาญของผู้ช่างงานและแรงตัดอันเกิดจากการกลึง ดังนั้นในการทดลองจะวัดและศึกษาความขุ่นของพื้นผิวชิ้นงาน ซึ่งผ่านการกลึงในห้องทดลองและเปรียบเทียบค่าที่ได้กับค่าที่ควรจะเป็นตามทฤษฎี รวมทั้งจะมีการวัดการสึกหรอและอายุการใช้งานของไม้มีดด้วย ซึ่งจะได้กล่าวถึงดังต่อไปนี้ (ศุภโชค, 2543)

1 ความขุ่นของพื้นผิว (Surface Roughness)

พื้นผิว (surface) หมายถึงส่วนนอกสุดของเท็บวัตถุ (body) ที่จะสัมผัสกับอากาศ (space) หรือสัมผัสกับอีกชิ้นของเท็บวัตถุอื่น ผิวของวัตถุส่วนมากจะมีลักษณะเหมือนคลื่นที่มีความยาวคลื่น (wavelength) ยาว ผสมกับระลอกคลื่นที่มีความยาวคลื่นสั้น ความขุ่นจะแสดงได้โดยขนาด (amplitude) ของคลื่น และโดยค่าความยาวคลื่น



ภาพประกอบ 2.1 ตัวอย่างพื้นผิวสำเร็จ

ที่มา : ศุภโชค, 2543 : 202

1.1 การวัดค่าความชุ่มของพื้นผิว

โดยปกติแล้วจะใช้เครื่องมือที่มีลักษณะคล้ายเข็มลากอย่างซ้ำๆ ผ่านไปบนแกนนอน (แกนX) ของพื้นผิวที่จะวัดค่าความชุ่ม การเคลื่อนที่ของปลายเข็มในแนวตั้ง (Y) จะเป็นไปตามลักษณะเส้นขอบของพื้นผิว (surface profile) ดังแสดงในภาพประกอบ 2.1 จากนั้นจะมีระบบบันทึกค่า และนำไปคำนวณต่อไปอีกเพื่อหาความชุ่มระ

ค่าความชุ่มจะแสดงได้ด้วยตัวแปรต่างๆ หลายตัวแปร ซึ่งจะได้มาพิจารณาดังต่อไปนี้

1.1.1 ค่าเฉลี่ยทางเลขคณิต (Arithmetic Average, R_a)

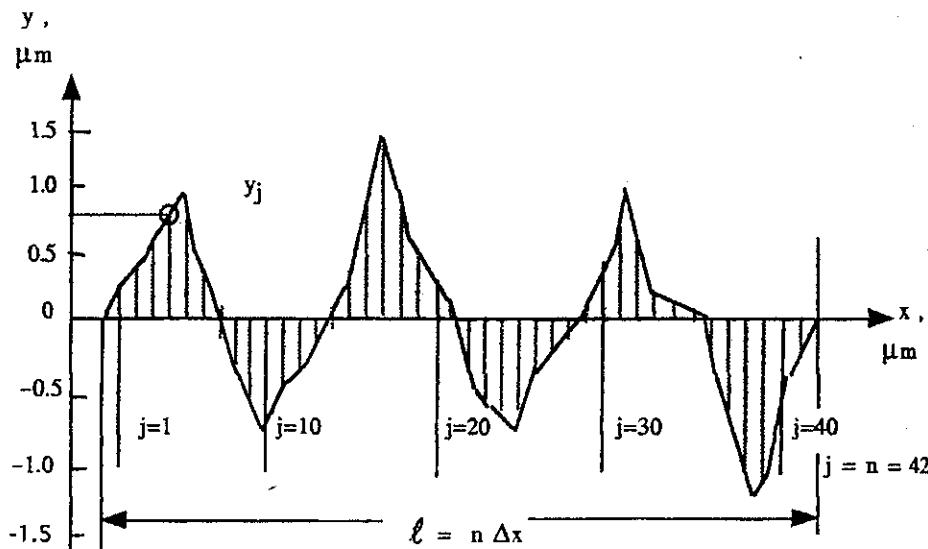
ถ้าลากเส้นในแนวอนผ่านกึ่งกลางของเส้นขอบรูปที่ตัดค่าความเป็นคลื่นออกจนเหลือแต่ความชุ่ม ดังแสดงในภาพประกอบที่ 2.2 เส้นนี้เรียกว่าเส้นกึ่งกลาง (central line) โดยแบ่งพื้นที่ระหว่างเส้นขอบรูปกับเส้นกึ่งกลางเป็นสองส่วนเท่า ๆ กัน ค่าในแกนตั้งวัดจากเส้นกึ่งกลางจะเรียกว่าค่า y และค่าความสูงเฉลี่ยทางเลขคณิต R_a จะนำมาใช้เป็นค่าความชุ่ม นั่นคือ $R_a = \text{ผลรวมของค่าสมบูรณ์ของพื้นที่ใต้เส้นขอบรูป} / \text{ระยะทางในการวัดตามแนวอน}$ หรือ

$$R_a = \frac{1}{l} \int_0^l |y| dx \quad (2-1)$$

หรือ ถ้าแบ่งระยะทาง l ออกเป็น n ส่วนโดยที่ g มีค่าสูงพอ จะพบว่า

$$R_a = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n |y_j| \quad (2-2)$$

ค่าเฉลี่ยทางเลขคณิต R_a เป็นค่าที่นิยมใช้ระบุความชุ่มของพื้นผิวมาแต่เดิมก่อนค่าอื่นๆ ซึ่งเป็นที่รู้จักกันดีและใช้กันมากจนกระทั่งปัจจุบัน แต่ต่อมามีการนำเอาตัวแปรอื่นๆ มาใช้ระบุค่าความชุ่มเพิ่มเติมอีก เพื่อให้การพิจารณาค่าความชุ่มมีหลักฐานยิ่งขึ้น



ภาพประกอบ 2.2 การแบ่งเส้นขอบของพื้นผิวเป็นอีสเมนท์อย่างๆ

ที่มา : ศุภโชค, 2543 : 204

1.1.2 ค่าเฉลี่ยรากมีนสแควร์ (Root Mean Square Average, R_q หรือ R_{rms})

การคำนวณหาค่าความชุ่มตามวิธีรากมีนสแควร์ เป็นความพยายามที่จะนำเอาหลักการทางสถิติมาใช้ในการวัดค่าความชุ่ม โดยใช้สูตรการคำนวณโดยอาศัยหลักการยกกำลังสองของ y เพื่อให้ค่า y ที่มีค่าลบกลายเป็นค่าบวกของ y^2 จากนั้นหาค่าเฉลี่ยของ y^2 แล้วจึงถอดกรณ์ท์ หรือ ราก (root)ฐานสอง เพื่อให้น่วยของการวัดเป็นหน่วยยกกำลังหนึ่ง ซึ่งเป็นหน่วยตามปกติที่คุ้นเคยกัน

ค่าความชุ่มตามวิธีรากมีนสแควร์ R_q หรือ R_{rms} หาได้จากการต่อไปนี้

$$R_{rms} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i^2} \quad (2-3)$$

1.1.3 ค่าระหว่างยอดสูงสุดกับก้นรองต่ำสุด (Maximum Distance between Peak to Valley, R_{max})

ค่า R_{max} หรือ ค่าระหว่างยอดสูงสุดกับก้นรองต่ำสุด เท่าที่วัดได้จากการยาว ℓ ที่วัดจากพื้นผิว ได้แสดงไว้ดังภาพประกอบ 2.3 ค่า R_{max} หาได้ดังนี้

$$R_{\max} = 1.5 + 1.2 = 2.7 \quad (2-4)$$

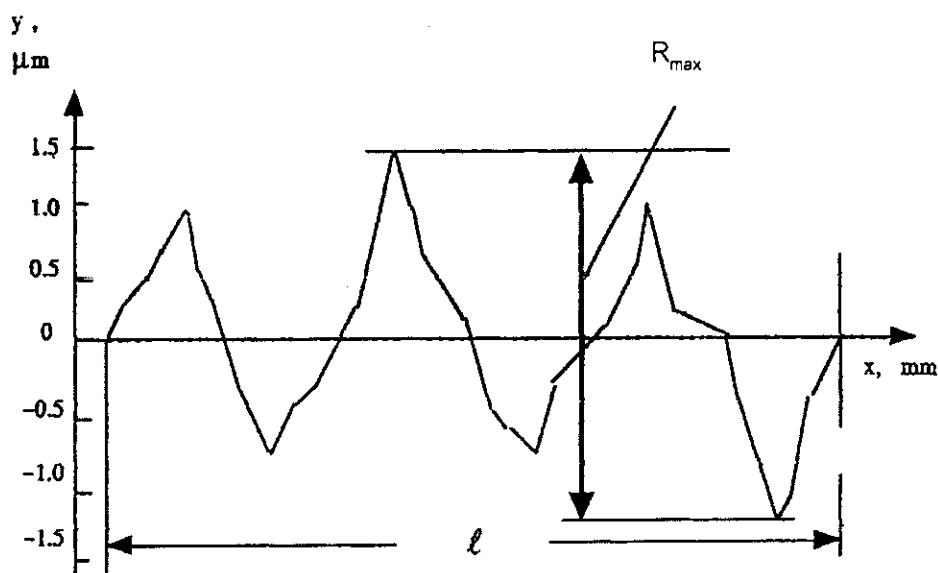
ค่า R_{\max} มีความหมายในการปฏิบัติงาน คือ เป็นค่าที่จะบอกได้ว่า ในการจะขัดเนื้อผ้าตัวอย่างนี้ จะต้องขัดเนื้อผ้าออกเป็นความลึกไม่น้อยกว่าค่าของ R_{\max} จึงจะทำลายผ้าเดิมได้หมด

แต่เนื่องจากค่า R_{\max} วัดได้ไม่แน่นอน เพราะเป็นค่าสูงสุดค่าเดียวซึ่งจะขึ้นอยู่กับตำแหน่งของพื้นผ้าที่วัด จึงนิยมวัดค่าเฉลี่ย R_z แทนค่า R_{\max} โดยให้ R_z เป็นค่าเฉลี่ยของค่าความสูงระหว่างยอดสูงสุดกับก้นร่องต่ำสุด จากค่าสูงสุดที่วัดได้ 5 ค่าแรก

ถ้าค่า h_1, h_2, h_3, h_4 และ h_5 เป็นค่าความสูงระหว่างยอดสูงสุดกับก้นร่องต่ำสุด โดยเป็นค่าสูงสุด 5 ค่าแรก เท่าที่วัดได้จากความยาว ℓ ที่วัดจากพื้นผ้า ดังได้แสดงไว้โดยภาพประกอบ 2.4 ต้นน้ำค่า R_z คำนวณได้จาก

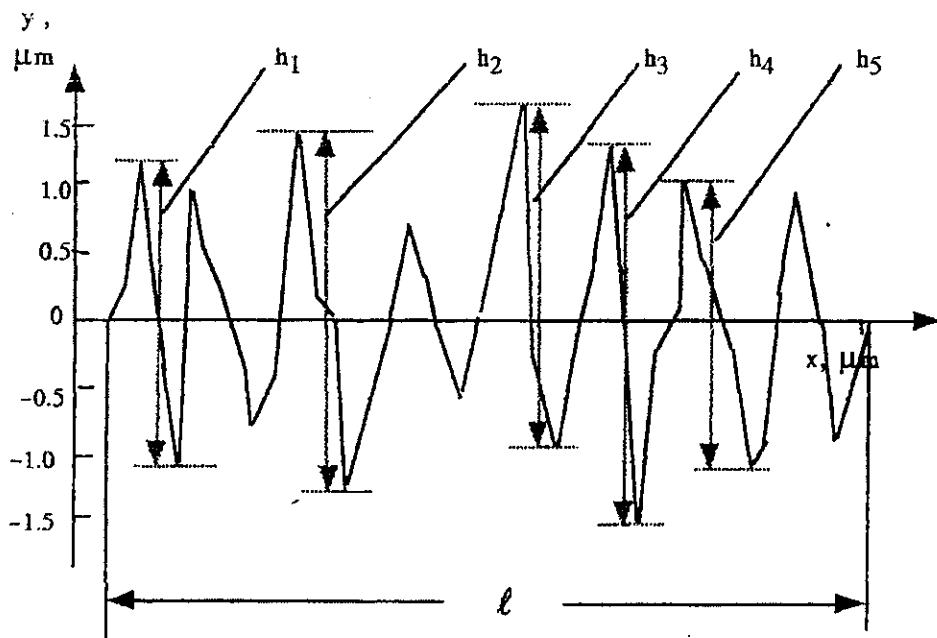
$$R_z = \frac{1}{5} \sum_{j=1}^5 h_j = \frac{1}{5} [h_1 + h_2 + h_3 + h_4 + h_5] \quad (2-5)$$

ยังมีวิธีวัดค่าความชุขระวิธีอื่นอีกหลายวิธี แต่ไม่สักจะเป็นที่นิยมมากนัก จึงจะไม่นำมาพิจารณา



ภาพประกอบ 2.3 แสดงค่าระหว่างยอดสูงสุดกับก้นร่องต่ำสุด R_{\max}

ที่มา : ศุภโชค, 2543 : 207

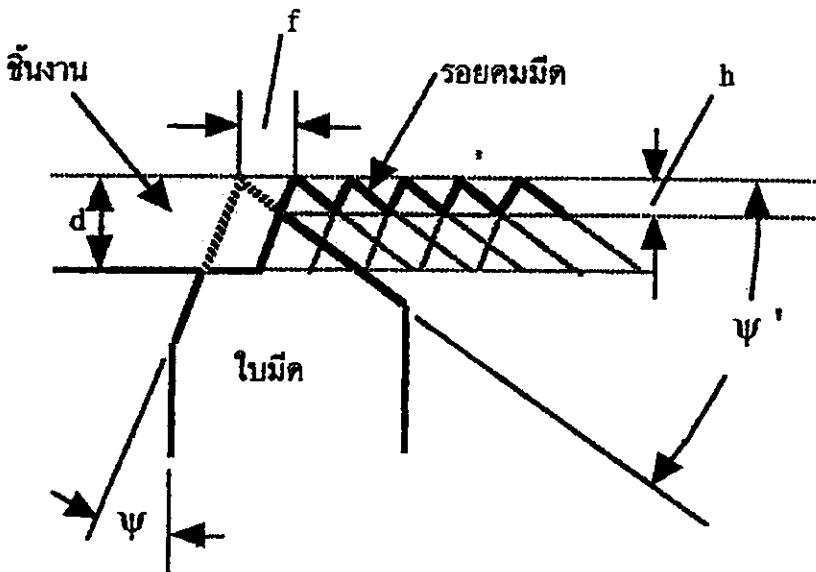


ภาพประกอบ 2.4 แสดงค่าระหว่างยอดสูงสุดกับกันร่องต่ำสุดห้าค่าแรก R_z
ที่มา : ศุภโชค, 2543 : 207

1.2 รอยคมมีด (Feed Mark)

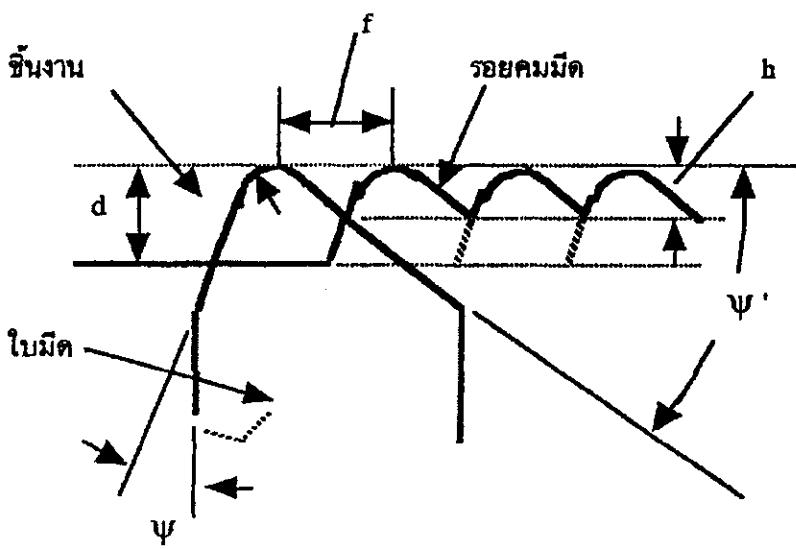
ตั้งแต่อดีตจนกระทั่งปัจจุบัน มีความเข้าใจกันว่า พื้นผิวสำเร็จในการตัดวัสดุก็คือ พื้นผิวที่คมมีดฝ่ากรอยเอาไว้ และค่าความขุรุกะจะคำนวนหาได้จากพื้นผิวที่คมมีดฝ่ากรอยเอาไว้แล้ว แต่เมื่อไม่นานมานี้ ได้มีความตระหนักว่าแนวคิดนี้อาจจะไม่ถูกต้อง แต่ยังมีอิทธิพลของตัวแปรอื่นๆ ที่อาจจะมีความสำคัญ และต้องนำเข้ามาพิจารณาด้วย แต่อย่างไรก็ตาม ในความเข้าใจโดยทั่วๆ ไป ยังมีความเชื่อกันว่าสาเหตุที่สำคัญที่สุดของความขุรุกะของพื้นผิว มาจากการที่คมมีดฝ่ากรอยเอาไว้บนชิ้นงานในระหว่างการตัด

E.J.A. Armarego [ศุภโชค, 2543] ได้เสนอลักษณะการฝ่ากรอยของคมมีดในการกลึง ดังจะได้หยิบยกมาพิจารณาดังต่อไปนี้ เพื่อความสะดวก จะแบ่งการพิจารณาเป็นสองกรณี กรณีแรก เป็นกรณีของใบมีดปลายแหลมที่ไม่มีมูกมีด และกรณีที่สองเป็นกรณีของใบมีดที่มีมูกมีด และรัศมีของมูกมีดมากกว่าศูนย์



ภาพประกอบ 2.5 รอยคอมมีดในการ量ลึกเมื่อใช้ใบมีดปลายแหลม

ที่มา : ศุภโชค, 2543 : 208



ภาพประกอบ 2.6 รอยคอมมีดในการ量ลึกเมื่อใช้ใบมีดปลายมน

ที่มา : ศุภโชค, 2543 : 208

ภาพประกอบ 2.5 เป็นกรณีของการลิ่งโดยใช้ใบมีดปลายแหลมที่ไม่มีมูกมีด ซึ่งมักจะเป็นใบมีดที่ทำจากวัสดุเนี้ยบ ที่ยกที่จะกะเทาะหรือร้าว เช่น เหล็กกล้าไฮสปีด และเป็นใบมีดลับคมมาใหม่ๆ ยังไม่มีการสึกหรอที่มูกมีด ความสูงระหว่างยอดและร่อง (h) ทุกค่ามีค่าเท่ากัน ดังนั้นค่าสูงสุดของความสูงระหว่างยอดและร่อง R_{max} ก็คือ

$$R_{max} = h = f / (\tan \psi + \cot \psi') \quad (2-6)$$

ในกรณีที่เส้นขอบรูปของพื้นผิวสำเร็จ เป็นรูปสามเหลี่ยมอย่างง่าย และเส้นกึ่งกลางอยู่ตรงกลางระหว่างยอดและร่อง ดังในกรณีนี้ จะสามารถคำนวณหาค่าเฉลี่ยเลขคณิต R_a ได้โดยง่ายจากสมการ (2-7) นั้นคือ

$$R_a = \frac{h}{4} = \frac{f}{4(\tan \psi + \cot \psi')} \quad (2-7)$$

ในบางกรณี จะมีการลับปลายใบมีดให้เป็นรูยมนที่เรียกว่ามูกมีด (nose) โดยมีวัตถุประสงค์หลักคือป้องกันการกะเทาะหรือการสึกหรอของมูกมีด ในงานกลึงจะเลือกที่แรงในการตัด มีค่าน้อย รัศมีมูกมีด (nose radius, r_n) จะมีค่าน้อย เช่น ในมีดอินเซอร์ท ที่ทำจากคาร์บิด มักจะมีค่า $r_n = 0.6 - 1.0$ mm สำหรับงานกลึงละเอียด $r_n = 0.8 - 1.4$ mm สำหรับงานกลึงทั่วไป และ r_n ตั้งแต่ 1.4 mm ขึ้นไปสำหรับงานกลึงหยาบ ส่วนใบมีดเหล็กกล้าไฮสปีด ซึ่งโดยปกติจะเป็นมีดปลายแหลม ซึ่ง $r_n = 0$ แต่เมื่อใช้งานไประยะหนึ่งปลายของคมมีดจะสึก ทำให้มีลักษณะโค้งมน ซึ่งมีค่า r_n ประมาณ 0.4 - 0.6 mm.

เส้นขอบรูปของผิวสำเร็จจากการลิ่งโดยมีดปลายมนจะมีความซับซ้อนมาก ในที่นี้จะยกเฉพาะกรณีที่เกิดขึ้นบ่อยๆ แต่ไม่ซับซ้อนนักมาพิจารณา คือกรณีดังแสดงในภาพประกอบ 2.6 เงื่อนไขของกรณีนี้ ก็คือ

$$d \geq r(1 - \sin \psi) \quad (2-8)$$

แล้ว

$$f_{AB} < f < f_{BZ} \quad (2-9)$$

โดยที่

$$f_{AB} = \sqrt{2rd - d^2} + r \sin \psi' + \cot \psi' [d - r(1 - \cos \psi')] \quad (2-10)$$

แล้ว

$$f_{BZ} = \frac{r\{1 - \sin(\psi - \psi')\}}{\sin \psi'} + \{d - r(1 - \sin \psi)\}\{\cot \psi' - \tan \psi\} \quad (2-11)$$

ค่าของ R_{max} ที่แสดงให้โดย Armarego ก็คือ

$$R_{max} = h \text{ ซึ่งนำไปสูตร } \quad (2-12)$$

$$R_{max} = r \frac{\{1 - \cos(\psi' - \psi) - \sin \psi' - \cos \psi\} + f \sin \psi' \cos \psi}{\cos(\psi' - \psi)} \quad (2-12)$$

จะเห็นได้ว่า การคำนวณหาค่าความขุ่นระ ในกรณีของใบมีดปลายมน มีความซับซ้อนมาก ลูตรการคำนวณหาค่า R_{max} ที่แสดงโดย Armarego ครอบคลุมกรณีต่าง ๆ นอกเหนือจากกรณีที่ยกมาแสดงอย่างกว้างขวาง(ตั้งแสดงในภาคผนวก ก)

ค่าความขุ่นระที่คำนวณได้จากการอยค์มีด บางครั้งเรียกว่า ค่าความขุ่นระตามทฤษฎี (theoretical roughness value) หรือบางทีก็เข้าใจกันว่าเป็นค่าความขุ่นระต่ำสุดที่เป็นไปได้ บางครั้งจึงเรียกกันว่า ค่าความขุ่นระในอุดมคติ (ideal surface roughness value) (แต่ความเข้าใจที่ว่าเป็นค่าความขุ่นระต่ำสุดนี้ อาจจะไม่จริงก็ได้) อย่างไรก็ตามค่าความขุ่นระในอุดมคติ ก็เป็นค่าที่มีประโยชน์ เพราะเป็นแนวความคิดที่รู้จักกันมานาน และเป็นเป้าหมายที่พยายามจะพัฒนาการตัดวัสดุให้สามารถบรรลุถึงได้ หากไม่ปัจจุบันก็อาจจะเป็นในอนาคต

2 การสึกหรอของใบมีด (Tool Wear)

การสึกหรอของใบมีดมีหลากหลายลักษณะ และไม่ได้สึกเฉพาะที่คมมีด (cutting edge) เท่านั้นแต่ยังครอบคลุมถึงผิวน้ามีด (rake face) และผิวหลังมีด (flank) อีกด้วย โดยการสึกหรอจะมีผลโดยตรงกับการหมดอายุของคมมีด (tool-edge life, T_e) แต่เนื่องจากใบมีดที่ใช้ในการทดลองนี้เป็นใบมีดอินเสอร์ทที่มีคมเพียงคมเดียว ดังนั้น อายุใบมีด (tool-bit life, T_b) จึงมีค่าเท่ากับอายุของคมมีด ซึ่งปกติแล้วเราจะตัดสินว่าใบมีดหมดอายุหรือไม่นั้นก็ต่อเมื่อ คมมีดไม่สามารถตัดชิ้นงานให้เป็นชิ้นส่วนที่มีคุณภาพตามที่ต้องการซึ่งอาจหมายความอย่างใดอย่างหนึ่ง ดังต่อไปนี้ (ศุภโชค, 2538)

1. คมมีดแตกหักโดยลิ้นเชิง (total failure) ใช้งานต่อไปไม่ได้และอาจเป็นอันตราย
2. คมมีดเกิดการร้าว (cracking) หรือ การกะเทาะ (chipping) ไกลลัจแทกหักต้องเลิกก่อนแทกหักจริงจนเป็นอันตราย
3. คมมีดสึกหรอมาก หมดสภาพการใช้งาน หรือไกลลัจแทกหักแล้ว
4. รอยແດບສึก (wear land) ที่ผิวด้านหลังมีดหรือผิวหลบซองคมมีด (tool flank) มีขนาดสูงเกินค่าที่ยอมรับได้ ถ้าเริ่นใช้คมมีดต่อไป จะเสียงต่อการที่คมมีดแตกหัก
5. ความลึกของหลุมรอยสึก (crater depth) หรือความกว้างของหลุม (crater width) ที่ผิวน้ามีดมีขนาดสูงเกินค่าที่ยอมรับได้ ถ้าใช้คมมีดต่อไปจะเสียงต่อการที่คมมีดแตกหัก
6. ปริมาตร หรือ น้ำหนักของรอยสึกมีค่าสูงกว่าค่าที่ยอมรับได้
7. ชิ้นส่วนที่ผลิตออกมาก มีขนาดผิดไปจากค่าที่กำหนดเกินกว่าที่จะยอมรับได้
8. ชิ้นส่วนที่ผลิตออกมาก มีค่าความชุ่มชื้นของผิวสูงเกินค่าที่กำหนด เกินกว่าที่จะยอมรับได้

นอกจากเกณฑ์ที่แสดงไว้ข้างต้น ผู้ผลิตอาจเลือกใช้เกณฑ์อื่นที่ตนเองเห็นว่าเหมาะสม แต่ในการวิจัยนี้ ผู้วิจัยได้ใช้ใบมีดเพชรซึ่งมีความแข็งสูงมากไปกึ่งทองเหลืองและอะลูมิเนียมซึ่งเป็นวัสดุอ่อน ดังนั้นจึงไม่น่าจะมีการสึกหรอเกิดขึ้นมากจนทำให้ใบมีดหมดอายุ แต่อย่างไรก็ตาม ผู้วิจัยก็จะมีการวัดการสึกหรอของคมมีดเพื่อเปรียบเทียบกับรอยสึกตามที่ ISO (ISO, 1977) ได้เสนอมาไว้ซึ่งเป็นแนวทางที่เป็นกลาง และเป็นที่ยอมรับหรือรับรู้ในระดับนานาชาติ โดย ISO

ได้ระบุลักษณะโดยทั่วไปของการสึกหรอของใบมีดกลึง ซึ่งใช้เป็นตัวแทนของใบมีดปลายเดียว (single point cutting tool) ชนิดต่างๆ ไม่ว่าจะเป็นใบมีดกลึง มีดไส หรือ มีดอื่นๆ

ในการนิยองใบมีดปลายเดียว คือ มีดที่ใช้ตัดโดยแท้จริงมีสองคุณ คือ คุณตัดหลัก (major cutting edge) และคุณตัดรอง (minor cutting edge) ในกรณีที่ถือว่าเป็นการตัดแบบคุณเดียวันนี้ ที่แท้จริงคือการตัดส่วนใหญ่เกือบทั้งหมดเกิดขึ้นที่คุณตัดหลัก เช่นการกลึงปอกผิวโดยทั่วๆไป ส่วนการตัดแบบหลายคุณ คือคุณตัดหลักและคุณตัดรองทำหน้าที่เท่ากัน ซึ่งจะพบน้อย และจะไม่นำมาพิจารณาในที่นี้ ตามแนวคิดของ ISO จะรับรู้ว่ามีการสึกเกิดขึ้นที่ผิวนลังมีดของคุณตัดรองด้วยแต่จะไม่นำมาพิจารณา จะพิจารณาเฉพาะการสึกหรอที่เกี่ยวข้องกับคุณตัดหลัก และที่คุณตัดหลัก ความสึกหรอจะเกิดขึ้นสองบริเวณ ดังแสดงในภาพประกอบ 2.7

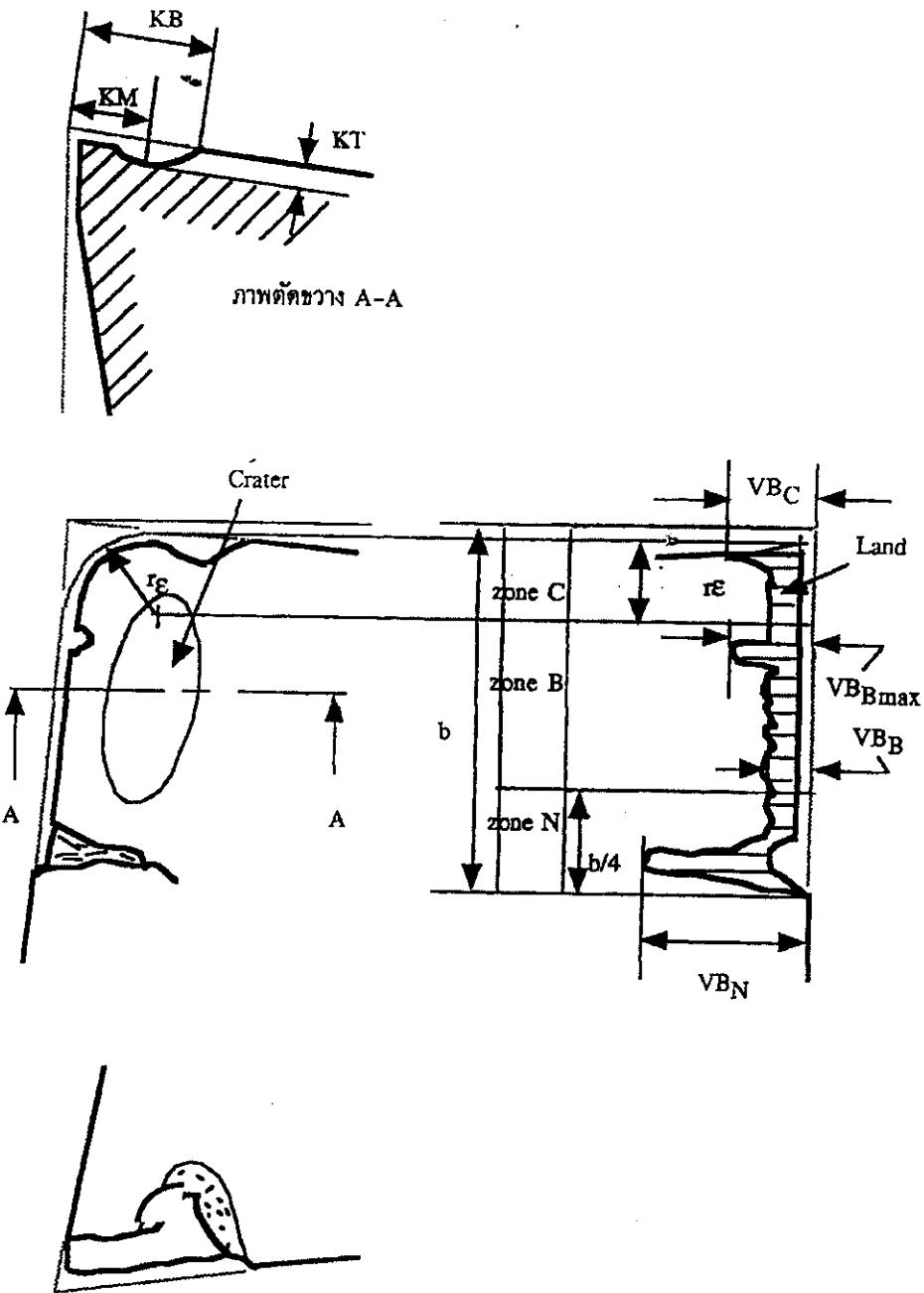
บริเวณแรก คือ ที่ผิวน้ำมีดหลังคุณตัดหลัก ลักษณะการสึกหรอจะเป็นหลุม (crater) ญูป่างรี มีพิษทางชานานกับคุณตัด ในกรณีของการสึกเป็นหลุม (crater wear) ลักษณะและขนาดของหลุมจะถูกระบุโดยค่า KB, KM, และ KT โดยที่ KB เป็นระยะห่างสุดของขอบหลุมวัดจากคุณมีด KM เป็นระยะห่างจากคุณมีดถึงกึ่งกลางหลุม และ KT เป็นความลึกสูงสุดของหลุมรอยสึกซึ่งในทางปฏิบัติตามปกติแล้ว ตัวแปรที่นิยมนิยมนำมาใช้กำหนดอายุการใช้งานของใบมีด คือ KT

บริเวณที่สองคือที่ผิวนลังมีดของคุณตัดหลัก ลักษณะการสึกจะเป็นแฉน (land) มีความยาว (b) ไปตามคุณตัด ในการสึกที่เป็นแฉน (land wear) จะพบว่าความกว้างของแฉนจะไม่สม่ำเสมอ และ ISO แบ่งແບสึกแบ่งเป็น 3 โซน คือ โซน C โซน B และโซน N

ที่โซน C เป็นบริเวณจมูกมีด ที่ปลายสุดของจมูกมีด การสึกหรอจะยาวกว่าปกติ มองเห็นคล้ายรูปเขี้ยวหรือยอดแหลม ความสูงของยอดแหลมจะระบุโดยค่า VB_C ส่วนบริเวณที่เหลือ รอยสึกหรอจะค่อนข้างสม่ำเสมอ

ที่โซน B เป็นบริเวณตอนกลาง การสึกหรอส่วนมากจะมีค่าสม่ำเสมอ คือ ค่า VB_B ยกเว้นบางครั้งอาจมีการเกิดยอดแหลมได้บ้าง ยอดแหลมนี้จะวัดเฉพาะค่าความสูงที่สุดค่าเดียว คือ VB_{Bmax}

โซน N เป็นโซนในสุด คือ ห่างจากรอยสึกด้านในสุดไปทางปลายมีด เป็นระยะทาง 1/4 ของความยาวของรอยสึก b ที่โซน N จะมีรอยสึกญูป่างรีที่สูงมาก คือมีความสูง VB_N



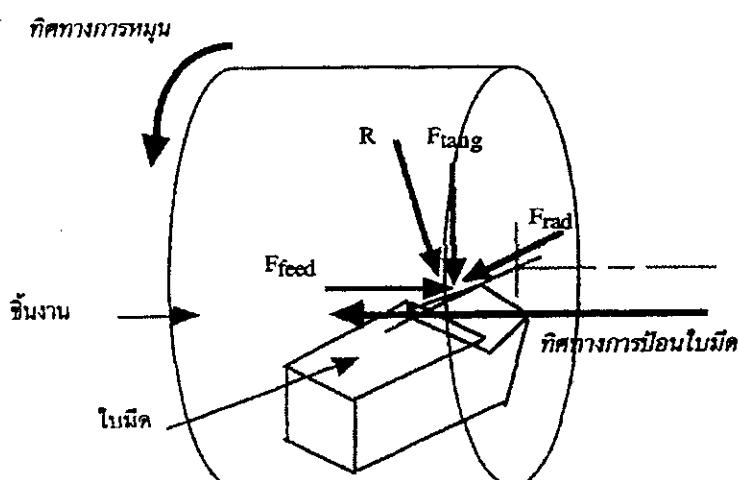
ภาพประกอบ 2.7 รอยสึกตามความคิดของ ISO

ที่มา : ISO, 1977

3 แรงตัดและกำลังในการกลึง

จากการศึกษาเอกสาร (ศุภโชค และคณะ, 2538; ศุภโชค 2543) พบว่าแรงและกำลังอาจเปลี่ยนไปตามตัวแปร 2 ประการ ประการแรกคือ ตัวแปรเรขาคณิต (geometrical variable) ซึ่งได้แก่ มุมต่างๆ ของใบมีดเป็นต้น ส่วนประการที่ 2 คือตัวแปรสภาวะการตัด ซึ่งครอบคลุมความเร็วในการตัด (cutting speed) อัตราการป้อนใบมีด (feed หรือ feed rate) ความลึกในการตัด (depth of cut) และสภาวะการหล่อเย็น (cutting fluid application) ซึ่งหมายถึงสภาวะของการใช้น้ำยาหล่อเย็น เช่น ใช้น้ำยาประเทกได ฉีดน้ำยาอย่างไร ด้วยความเร็ว ความดัน หรืออัตราปริมาณเท่าไรเป็นต้น นอกจากนี้แล้ว วัสดุใบมีดและวัสดุชิ้นงานก็เป็นตัวแปรสภาวะการตัดที่สำคัญ ที่มีผลต่อแรงและกำลังในการกลึง แต่ในงานวิจัยชิ้นนี้ไดกำหนดขอบเขตการทดลองโดยใช้ใบมีดอินเสอร์ทที่ทำจากเพชร จำกัดลักษณะทางเรขาคณิตไว้ให้มีลักษณะเดียวเพื่อไม่ให้สิ่นเปลืองจนเกินไป กลึงชิ้นงานอะลูมิเนียมและทองเหลืองโดยกลึงแห้งในอากาศไม่ใช้น้ำยาหล่อเย็น ดังนั้นตัวแปรที่ส่งผลต่อแรงและกำลังในการวิจัยครั้งนี้จึงมีเฉพาะตัวแปรสภาวะการตัด

เมื่อกล่าวถึงการกลึงนั้น งานกลึงปอกผิวทรงกระบอกเป็นงานตัดวัสดุที่ใช้กันมากที่สุดงานหนึ่ง แรงที่ชิ้นงานกระทำบนคมมีดนิยมจำแนกออกเป็น 3 แรงย่อยในทิศทางตั้งฉากกัน คือแรงในทิศทางของเส้นสัมผัสกับเส้นรอบวงของพื้นที่หน้าตัด (F_{tang}) แรงในทิศทางของ การป้อนชิ้นงานเข้าหากคมมีด (F_{feed}) และแรงในทิศทางของเส้นรัศมี (F_{rad}) ดังภาพประกอบ 2.8



ภาพประกอบ 2.8 แรงตัดในการกลึงผิวทรงกระบอก

ที่มา : ศุภโชค, 2543 : 171

เมื่อนำการวิเคราะห์เชิงกลศาสตร์โดยพิจารณาจากลักษณะทางเรขาคณิตดังในภาพประกอบ 2.8 และเทียบเคียงกับการตัดเฉียงโดยมีดคมเดี่ยวจะพบว่า แรงตัด F_{tang} , F_{feed} และ F_{rad} จะแสดงได้โดยสมการดังต่อไปนี้ (ศุภโชค, 2543 : 171)

$$F_{\text{tang}} = F_p + F_{p_e} \quad (2-13)$$

$$F_{\text{feed}} = (F_Q + F_{Q_e}) \cos \Psi + (F_R + F_{R_e}) \sin \Psi \quad (2-14)$$

$$F_{\text{rad}} = (F_p + F_{p_e}) \sin \Psi - (F_R + F_{R_e}) \cos \Psi \quad (2-15)$$

เมื่อ F_p คือ แรงพลัง(power force)

F_{p_e} คือ แรงยัน(thrust force)

ในทางปฏิบัติการคำนวณแรงโดยการวิเคราะห์เชิงกลศาสตร์มีความซับซ้อน จึงมีความนิยมที่จะสร้างสมการที่ค่อนข้างจะง่ายจากผลการทดลองตัดวัสดุแล้วนำไปใช้คำนวณค่าแรง ขูปแบบหนึ่งที่รู้จักกันดีคือรูปแบบของสมการเอกซ์โพเนนเชียล (ศุภโชค, 2543 : 173) นั้นคือ

$$F_{\text{tang}} = 10^{e0t} v^{evt} f^{eft} d^{edt} \quad (2-16)$$

$$F_{\text{feed}} = 10^{e0r} v^{evr} f^{efr} d^{edr} \quad (2-17)$$

$$F_{\text{rad}} = 10^{e0f} v^{evf} f^{eff} d^{edf} \quad (2-18)$$

เมื่อ v เป็นความเร็วของการตัด f เป็นอัตราปั่น d เป็นความลึกของการตัด $e0t$, $e0r$, $e0f$, evt , evr , evf , eft , efr , eff , edt , edr , และ edf เป็นค่าคงตัวที่ทราบจากผลการทดลองตัดวัสดุ ซึ่งจากการทดสอบสมการดังกล่าวข้างต้นในมหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์พบว่า สมการใช้ได้กับใบมีดชีปีเอ็นและใบมีดเพชร ครอบคลุมวัสดุหลายชนิดรวมทั้งอะลูมิเนียมและทองเหลืองด้วย