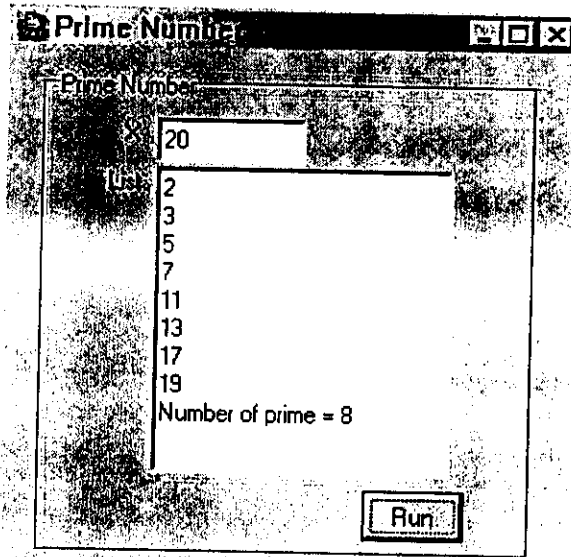


## ภาคผนวก ก

## คู่มือการใช้งานชุดโปรแกรมทฤษฎีจำนวน

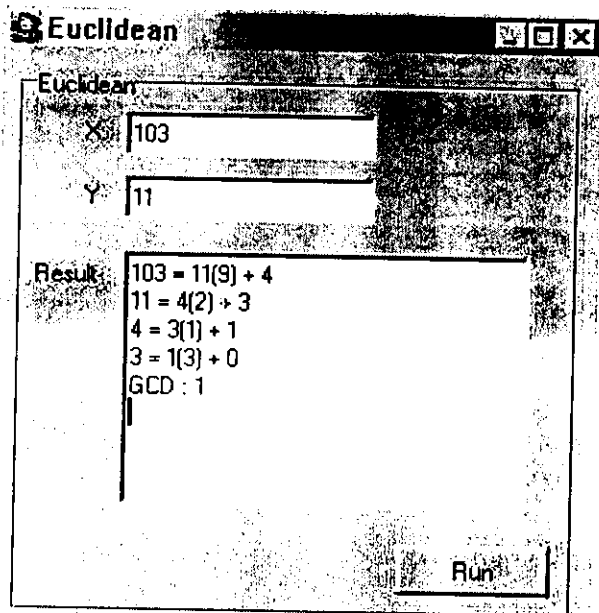
1. Prime number คือโปรแกรมย่อยที่ใช้หาจำนวนเฉพาะตั้งแต่ 2 ไปจนถึงจำนวนที่ผู้ใช้ได้กำหนดไว้ ดังเช่นตัวอย่างภาพประกอบที่ ก.1 ซึ่งตัวอย่างคือการหาจำนวนเฉพาะตั้งแต่ 2 จนถึง 20



ภาพประกอบที่ ก.1 การหาจำนวนเฉพาะ

- 1.1 ป้อนค่าที่ต้องการ ในที่นี้คือค่า 20 ในช่อง X
- 1.2 คลิกที่ปุ่ม Run เพื่อดูคำตอบ ซึ่งคำตอบจะปรากฏในช่อง List เมื่อแสดงจำนวนเฉพาะจนครบแล้วโปรแกรมย่อยจะแสดงจำนวนของจำนวนเฉพาะที่แสดงออกมา

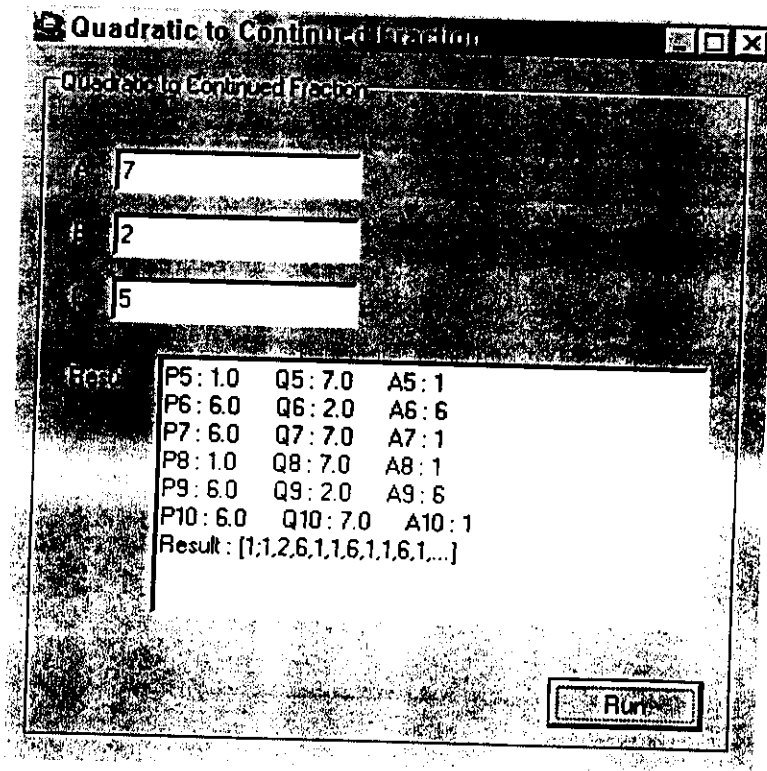
2. Euclidean Algorithm คือโปรแกรมย่อยที่ใช้หาตัวหารร่วมมากระหว่างจำนวน 2 จำนวนโดยใช้ขั้นตอนวิธีของยุคลิด ดังตัวอย่างภาพประกอบที่ ก.2 ซึ่งหาตัวหารร่วมมากระหว่าง 113 และ 11



- 2.1 ใส่ค่าตัวเลขที่ต้องการหาตัวหารร่วมมาก จำนวน 2 จำนวนลงในช่อง X และ Y
- 2.2 คลิกที่ปุ่ม Run เพื่อหาคำตอบที่ต้องการ โดยคำตอบที่ต้องการพร้อมขั้นตอนการคำนวณโดยวิธีของยุคลิดจะแสดงในช่อง Result

ภาพประกอบที่ ก.2 การหาตัวหารร่วมมากโดยใช้ขั้นตอนวิธีของยุคลิด

3. การเปลี่ยนจำนวนอตรรกยะเป็นเศษส่วนต่อเนื่อง ดังภาพประกอบที่ ก.3



ภาพประกอบที่ ก.3 การเปลี่ยนจำนวนอตรรกยะเป็นเศษส่วนต่อเนื่อง

- 3.1 จากตัวอย่างเป็นการเปลี่ยนจำนวนอตรรกยะซึ่งอยู่ในรูปแบบ  $\frac{A + \sqrt{B}}{C}$  ซึ่งใน

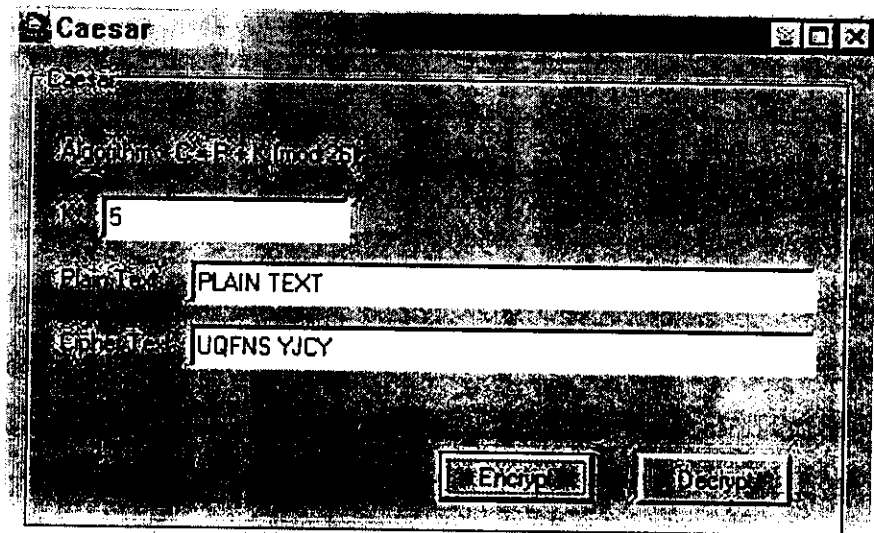
ตัวอย่างนี้คือค่า  $\frac{7 + \sqrt{2}}{5}$  เป็นเศษส่วนต่อเนื่อง

- 3.2 ป้อนค่า A, B, C ที่ต้องการลงในช่องรับค่า

- 3.3 คลิกที่ปุ่ม Run เพื่อตรวจสอบคำตอบและขั้นตอนการคำนวณ

- 3.4 คำตอบและขั้นตอนการคำนวณจะปรากฏในช่อง Result

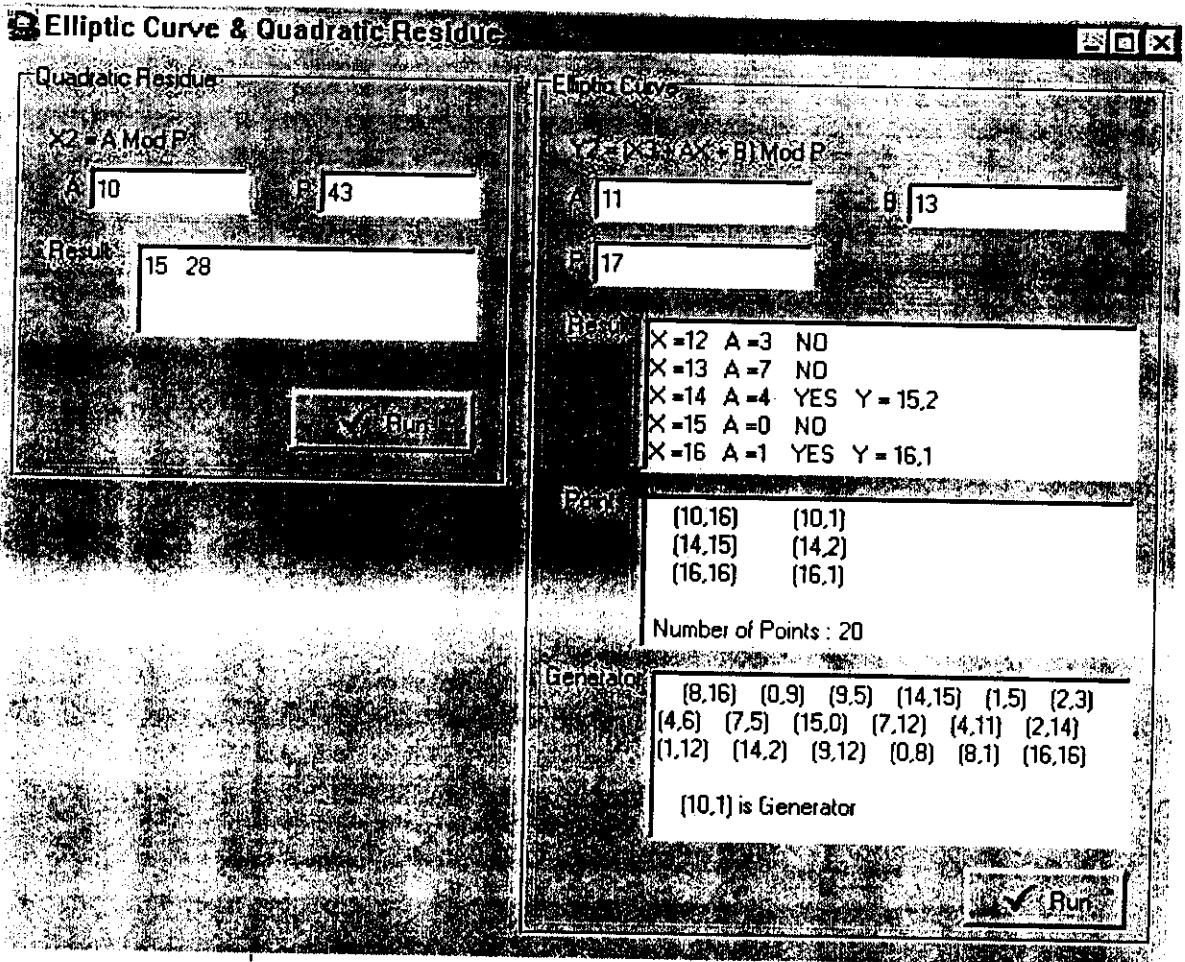
4. การเข้ารหัสแบบซีซาร์ คือการเข้ารหัสแบบเลื่อน ค่าคีย์ที่ใช้ในการเข้ารหัสเป็นเลขจำนวนเต็มบวกซึ่งเป็นเลขจำนวนที่ใช้บอกการเลื่อนของตัวอักษรว่าให้เลื่อนถัดไปอีกกี่ตัวอักษร เช่น A หากค่าคีย์เป็น 1 คือให้เลื่อนไป 1 ตัวอักษรเป็น B และหากค่าคีย์เป็น 2 ก็จะเลื่อนไปเป็น C ดังภาพประกอบที่ ก.4



ภาพประกอบที่ ก.4 การเข้ารหัสแบบซีซาร์

- 4.1 การเข้ารหัสแบบซีซาร์เป็นการเข้ารหัสแบบเลื่อน ดังตัวอย่างค่าคีย์ของการเข้ารหัสคือ 5
- 4.2 จากตัวอย่าง ข้อความก่อนการเข้ารหัสคือ Plain Text และข้อความหลังการเข้ารหัสคือ Cipher Text ค่าคีย์ที่ใช้เข้ารหัสคือค่า K
- 4.3 ป้อนค่าคีย์ที่ใช้เข้ารหัสในช่องค่า K
- 4.4 ใส่ Plain text ที่ต้องการเข้ารหัสในช่อง Plain text จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Encrypt เพื่อเข้ารหัสข้อความ ข้อความที่เข้ารหัสจะปรากฏในช่อง Cipher text
- 4.5 ในทางกลับกัน หากต้องการถอดรหัสก็ใส่ค่าคีย์ลงในช่องค่า K
- 4.6 ใส่ Cipher text ลงในช่อง Cipher text จากนั้นจึงคลิกปุ่ม Decrypt เพื่อถอดรหัสข้อความ ข้อความที่ถูกถอดรหัสจะปรากฏในช่อง Plain text

## 5. Elliptic Curve และ Quadratic Residue ดังภาพประกอบที่ ก.5

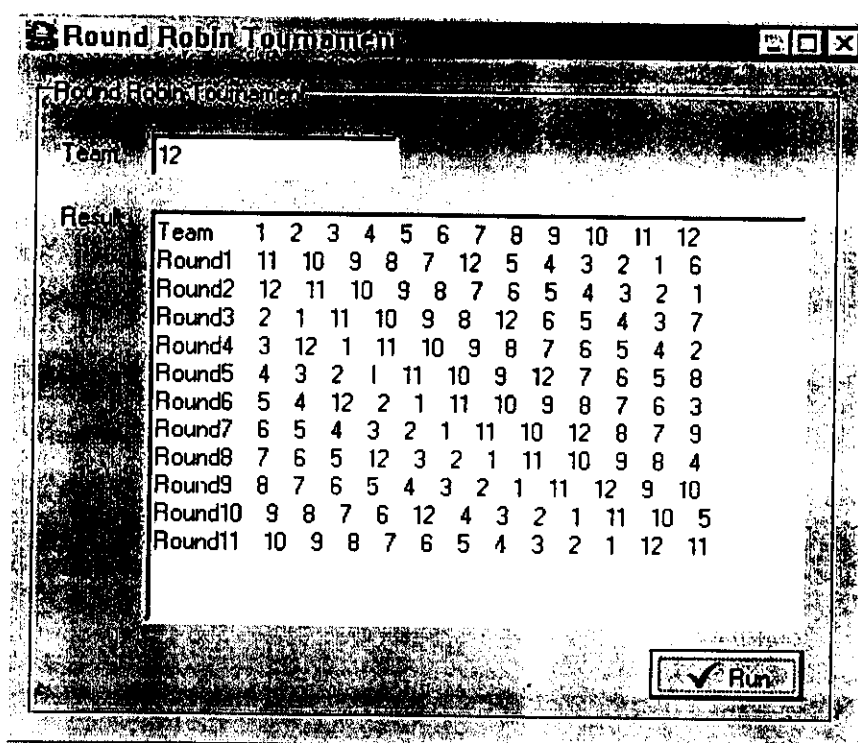


ภาพประกอบที่ ก.5 Elliptic Curve & Quadratic Residue

- 5.1 ในโปรแกรมย่อยนี้ประกอบด้วยเมนูย่อย 2 เมนูคือส่วนของ Elliptic Curve และ Quadratic Residue ซึ่งทั้งสองเมนูย่อยนี้มีเนื้อหาที่เกี่ยวข้องกัน
- 5.2 ป้อนค่าข้อมูลนำเข้าต่างๆ เข้าสู่ช่องว่างที่รองรับค่าต่างๆ จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run ในเมนูย่อยที่ต้องการทราบค่า ในที่นี้ขอกล่าวถึงเฉพาะ Elliptic Curve
- 5.3 หลังจากป้อนค่าต่างๆ และคลิกปุ่ม Run แล้ว ผลลัพธ์การคำนวณต่างๆ จะแสดงในช่องแสดงผลต่างๆ
- 5.4 ในช่อง Result จะแสดงผลการคำนวณของค่าตั้งแต่ 0 จนถึงค่าจำนวนเฉพาะที่ป้อนเข้ามา -1 พร้อมแสดงว่าสามารถหาคำตอบที่เป็นตัวเลขจำนวนเต็มได้หรือไม่
- 5.5 ในช่อง Points จะแสดงคู่อันดับของผลลัพธ์ที่สามารถคำนวณได้ ซึ่งเป็นผลลัพธ์ต่อเนื่องจากช่อง Result

5.6 ในช่อง Generator จะแสดงการหา generator ของคู่อันดับที่เป็นผลลัพธ์ต่อ เนื่องจากช่อง Points ซึ่งหาคู่อันดับใดสามารถเป็น generator ได้ก็จะแสดงผลบอกรอกออกมาว่าเป็น generator

6. Round Robin Tournament เป็นโปรแกรมย่อยที่ประยุกต์ใช้ระบบคอนกรูเออร์มาใช้ในชีวิตประจำวัน คือการจัดตารางการแข่งขันกีฬาแบบพบกันหมด ดังแสดงตามภาพประกอบที่ ก.6

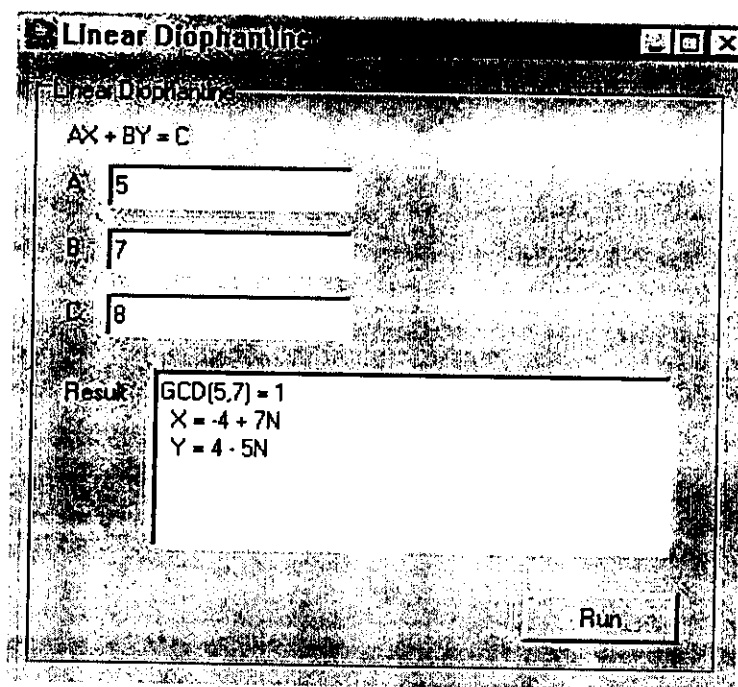


ภาพประกอบที่ ก.6 Round Robin Tournament

- 6.1 จากตัวอย่างเป็นการจัดตารางการแข่งขันแบบพบกันหมด โดยมีทีมเข้าร่วมการแข่งขันจำนวน 12 ทีม
- 6.2 การใช้งานส่วนโปรแกรมย่อยนี้เพียงป้อนค่าจำนวนทีมที่ต้องการลงในช่องว่างจำนวนทีม
- 6.3 จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run เพื่อให้ส่วนของโปรแกรมทำการคำนวณ และจัดตารางการแข่งขัน
- 6.4 ผลการจัดตารางการแข่งขันจะปรากฏในช่อง Result ค่าตัวเลขตามแนวนอนคือหมายเลขทีมที่จับคู่แข่งขันกันในแต่ละรอบการแข่งขัน ค่าตัวเลขตามแนวตั้งจะเป็นหมายเลขทีมที่ทีมหมายเลขที่หัวสดมภ์จะพบในแต่ละรอบ เช่น ใน

รอบที่ 1 ทีมหมายเลข 1 พบทีมหมายเลข 11 เช่นเดียวกันทีมหมายเลข 11 ก็  
จะพบกับทีมหมายเลข 1 ในรอบที่ 1 เช่นกัน หรือทีมหมายเลข 2 พบทีมหมาย  
เลข 10 ในรอบที่ 1 ทีมหมายเลข 3 พบทีมหมายเลข 9 เป็นต้น

7. Linear Diophantine คือ โปรแกรมย่อยที่ใช้หาคำตอบสมการ 1 สมการแต่มี 2 ตัวแปร โดยมีรูปแบบสมการทั่วไปคือ  $AX + BY = C$  เมื่อ A, B และ C เป็นจำนวนเต็ม โดยคำตอบที่ได้จะอยู่ในรูปแบบสมการ 1 ตัวแปรซึ่งสามารถแทนค่าตัวแปรที่ได้ด้วยจำนวนเต็ม ดังภาพประกอบที่ ก.7

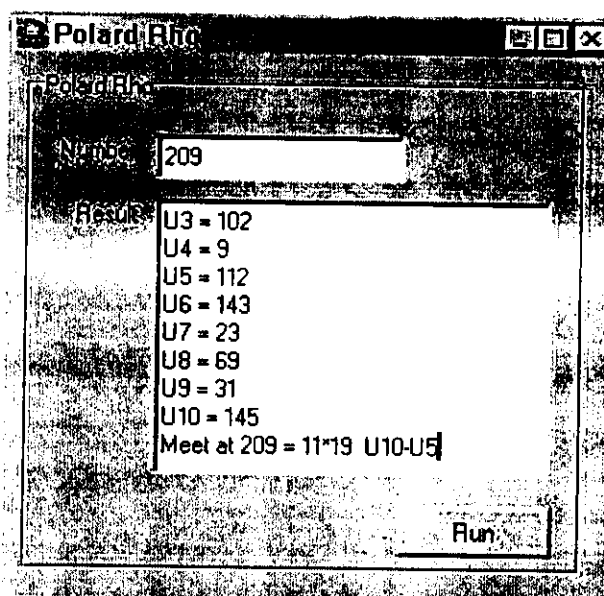


ภาพประกอบที่ ก.7 Linear Diophantine

- 7.1 จากภาพประกอบเป็นการหาคำตอบของสมการ  $5X + 7Y = 8$
- 7.2 ป้อนค่าตัวแปร A, B และ C ลงในช่องรับค่า จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run
- 7.3 ผลลัพธ์การคำนวณจะปรากฏในช่อง Result ซึ่งในส่วนแรกของผลลัพธ์จะเป็นการตรวจสอบก่อนว่าสมการที่ผู้ใช้ป้อนค่าต่างๆ เข้ามานั้นสามารถหาคำตอบได้หรือไม่ โดยการตรวจสอบค่าตัวหารร่วมมากระหว่าง A และ B หากค่าตัวหารร่วมมากที่สุดที่สามารถหาร C ลงตัว แสดงว่าสมการนี้สามารถหาคำตอบได้ แต่หากค่าตัวหารร่วมมากที่สุดที่ไม่สามารถหาร C ได้ลงตัว แสดงว่าสมการดังกล่าวไม่สามารถหาคำตอบได้

7.4 ผลลัพธ์การคำนวณต่อมาคือค่าของตัวแปร X และ Y ที่ส่วนของโปรแกรมคำนวณได้ ซึ่งติดอยู่ในรูปตัวแปร N ซึ่งเป็นตัวแปรจำนวนเต็ม

8. Polard Rho เป็นการส่วนของโปรแกรมที่ใช้ทำงานในหัวข้อเรื่องของการแยกตัวประกอบ โดยวิธีการของ Polard ดังภาพประกอบที่ ก.8

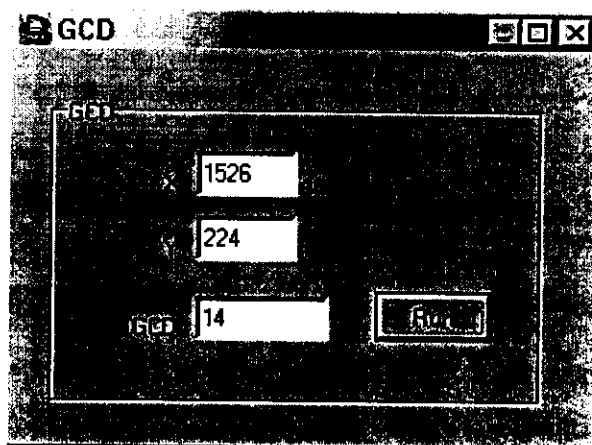


ภาพประกอบที่ ก.8 Polard Rho

- 8.1 จากภาพประกอบจะเป็นตัวอย่างการแยกตัวประกอบของจำนวน 209 โดยใช้วิธีของ Polard
- 8.2 ป้อนค่าตัวเลขที่ต้องการแยกตัวประกอบลงในช่อง Number จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run เพื่อให้ส่วนของโปรแกรมทำการหาคำตอบ
- 8.3 คำตอบการคำนวณจะปรากฏในช่อง Result ซึ่งจะแสดงค่าต่างๆ ที่เกี่ยวข้องในการแยกตัวประกอบ พร้อมทั้งแสดงผลลัพธ์

9. Greatest Common Divisor เป็นการส่วนของโปรแกรมที่ใช้ทำงานในหัวข้อเรื่องของการหาค่าตัวหารร่วมมากของจำนวนสองจำนวน ดังภาพประกอบที่ ก.9





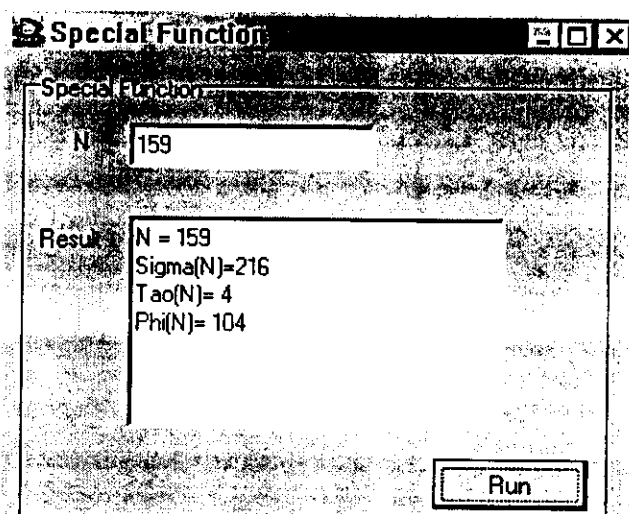
ภาพประกอบที่ ก.9 การหาค่าตัวหารร่วมมากของจำนวนสองจำนวน

9.1 ส่วนโปรแกรมนี้ต้องการข้อมูลที่ใช้ในการคำนวณเป็นตัวเลขจำนวนเต็มสองจำนวน จากภาพประกอบจะเป็นตัวอย่างการหาค่าตัวหารร่วมมากระหว่าง 1526 และ 224

9.2 ป้อนค่าข้อมูลที่ต้องการลงในช่องรับค่า ซึ่งในที่นี้คือ 1526 และ 224 จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run เพื่อให้ส่วนของโปรแกรมทำการคำนวณ

9.3 ค่าตอบผลการคำนวณจะปรากฏในช่อง GCD ซึ่งก็คือค่าตัวหารร่วมมากระหว่างค่าข้อมูลเข้าทั้งสอง

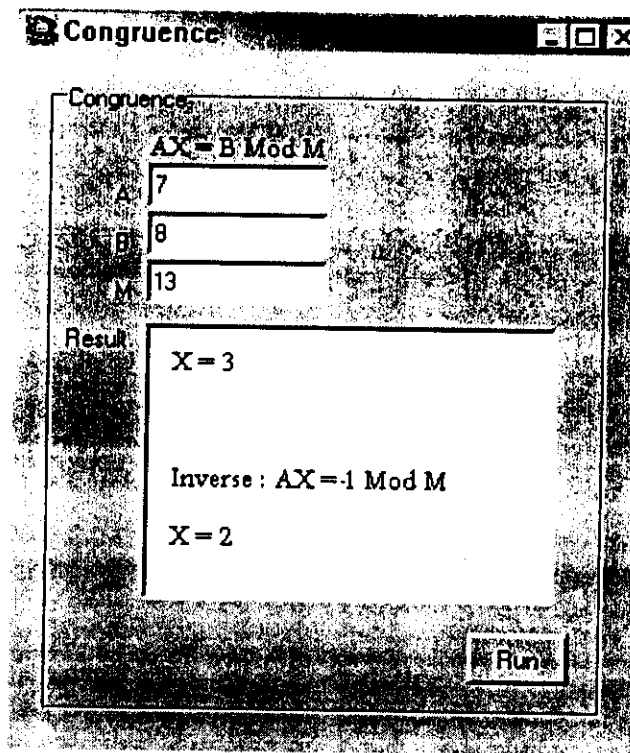
10. Special Function เป็นส่วนของโปรแกรมที่ใช้ในการหาค่าฟังก์ชันพิเศษต่างๆ ที่เกี่ยวข้องกับวิชาทฤษฎีจำนวน ดังภาพประกอบที่ ก.10



ภาพประกอบที่ ก.10 การหาค่าฟังก์ชันพิเศษต่างๆ

- 10.1 จากภาพประกอบเป็นการหาค่าฟังก์ชันพิเศษต่างๆ เมื่อค่าข้อมูลรับเข้าที่ต้องการหาคือ 159
- 10.2 ป้อนค่าข้อมูลที่ต้องการหา ซึ่งในที่นี้คือ 159 ลงในช่องรับข้อมูลเข้า จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run เพื่อให้ส่วนของโปรแกรมทำการคำนวณคำตอบ
- 10.3 ผลการคำนวณจะปรากฏในช่อง Result ซึ่งก็คือค่า Sigma, Tao และ Phi ของค่าข้อมูลเข้า

11. Congruence คือส่วนของโปรแกรมที่ทำการคำนวณเกี่ยวกับระบบคอนกรูเอนซ์ ดังภาพประกอบที่ ก.11

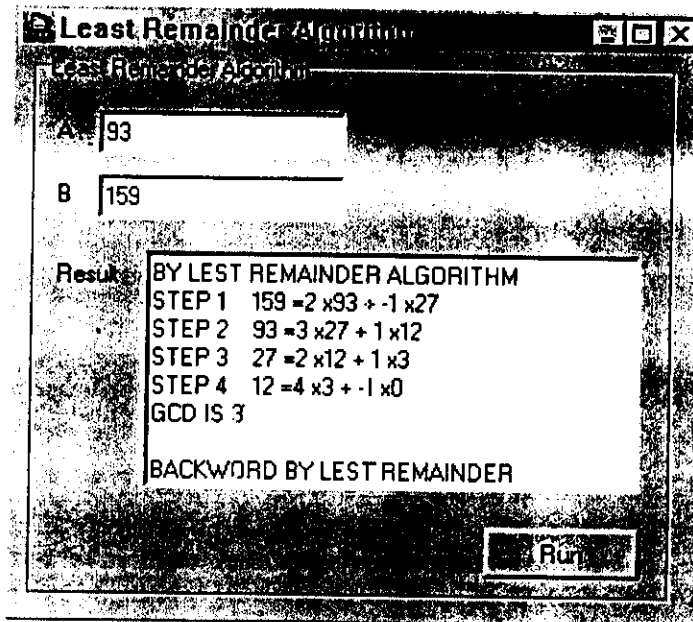


ภาพประกอบที่ ก.11 ระบบคอนกรูเอนซ์

- 11.1 ส่วนของโปรแกรมนี้อาศัยค่าข้อมูลเข้าคือค่า A, B และ M เพื่อให้สอดคล้องกับสมการที่แสดงไว้ จากตัวอย่างเป็นการหาค่าตัวแปรที่ต้องการเมื่อค่า A, B และ M คือ 7, 8 และ 13 ตามลำดับ
- 11.2 ป้อนค่าข้อมูลเข้าที่ต้องการลงในช่องรับข้อมูลเข้า จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run เพื่อให้ส่วนของโปรแกรมทำการคำนวณผลลัพธ์

11.3 ผลลัพธ์การคำนวณจะปรากฏในช่อง Result ซึ่งคือค่าของตัวแปรที่ต้องการ พร้อมทั้งหาค่าผกผันของตัวแปรดังกล่าวที่สอดคล้องกับสมภาคที่กำหนดด้วย

12. Least Remainder Algorithm คือการหาค่าตัวหารร่วมมากโดยวิธีเศษเหลือ้น้อยที่สุด เป็นวิธีการหาค่าตัวหารร่วมมากอีกวิธีหนึ่ง ค่าข้อมูลเข้าคือตัวเลขจำนวนเต็มสองจำนวน การใช้งานแสดงตามภาพประกอบที่ ก.12



ภาพประกอบที่ ก.12 การหาค่าตัวหารร่วมมากโดยวิธีเศษเหลือ้น้อยที่สุด

12.1 จากภาพประกอบเป็นการหาค่าตัวหารร่วมมากระหว่าง 93 และ 159 ป้อนค่าตัวเลขที่ต้องการหาค่าตัวหารร่วมมากสองค่าลงในช่องรับค่า ในที่นี้คือ 93 และ 159 จากนั้นจึงคลิกที่ปุ่ม Run

12.2 ผลลัพธ์ที่คำนวณได้จะแสดงในช่อง Result ซึ่งเป็นขั้นตอนการคำนวณแต่ละขั้นตอนเพื่อจะให้ได้คำตอบซึ่งก็คือค่าตัวหารร่วมมากของจำนวน จากนั้นส่วนของโปรแกรมจึงแสดงผลการทำงานย้อนกลับของผลลัพธ์ที่ได้เพื่อให้ผู้ใช้ทราบอีกด้วย

13. การเปลี่ยนเลขฐานในส่วนของโปรแกรมต้องการค่าข้อมูลเข้าคือตัวเลขฐานสิบที่เป็นค่าตัวเลขที่ต้องการเปลี่ยนเป็นฐานอื่นๆ และค่าของฐานที่ต้องการให้เปลี่ยน การใช้งานดังแสดงในภาพประกอบที่ ก.13