

## แผนการสอนที่ 4

เรื่อง กฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน

จำนวน 2 คาบ

### สาระสำคัญ

มวล น้ำหนัก และความสำคัญของกฎการเคลื่อนที่แต่ละข้อ ซึ่งประกอบด้วย กฎของความเฉื่อย กฎของความเร่ง และกฎของกิริยาและปฏิกิริยา การแก้ปัญหาโจทย์และการประยุกต์ใช้

### จุดประสงค์การเรียนรู้ ( ปลายทาง )

นักกฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน ไปประยุกต์ใช้ได้

### จุดประสงค์ย่อย ( นำทาง )

1. บอกความหมายของมวลและน้ำหนักได้
2. อธิบายกฎการเคลื่อนที่ของนิวตันแต่ละข้อได้
3. แก้ปัญหาโจทย์ง่าย ๆ โดยใช้กฎการเคลื่อนที่ของนิวตันได้
4. ประยุกต์ใช้กฎการเคลื่อนที่ของนิวตันได้

### เนื้อหา

ในการเคลื่อนที่นิวตันเป็นผู้บุกเบิกและคิดหาเหตุผลเพื่ออธิบายการเคลื่อนที่ของวัตถุ โดยการเคลื่อนที่ในกรณีนี้เกี่ยวข้องกับแรงที่กระทำต่อวัตถุ ซึ่งสรุปเป็นกฎการเคลื่อนที่ได้ 3 ข้อ คือ กฎข้อที่ 1 ของนิวตัน ( Newton' s First Law ) วัตถุที่อยู่นิ่งก็ยังคงอยู่นิ่งและวัตถุที่กำลังเคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่ (  $a = 0$  ) ก็ยังคงเคลื่อนที่ในสภาพเดิมต่อไป



รูป ก.



รูป ข.

รูปที่ 27 แรงที่กระทำบนวัตถุที่ทำให้วัตถุเคลื่อนที่  
และอยู่ในสภาพสมดุล

จากรูปที่ 27 ถ้ามีแรง  $F_1$  กระทำต่อวัตถุ ดังรูป ก. วัตถุจะเคลื่อนที่เลื่อนตำแหน่งไปถ้าให้แรง  $F_2$  มีขนาดเท่ากับแรง  $F_1$  กระทำบนวัตถุก้อนเดียวกัน ดังรูป ข. วัตถุจะรักษาสภาพอยู่นิ่งหรือถ้ากำลังเคลื่อนที่ก็เคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่ ซึ่งแสดงเป็นสมการดังนี้

$$F_2 = -F_1$$

แรงลัพธ์  $R$  ซึ่งเป็นผลรวมของเวกเตอร์ทั้งสองเท่ากับศูนย์

$$R = F_1 + F_2 = 0$$

เมื่อวัตถุอยู่ในสภาพที่สมดุลผลรวมของเวกเตอร์ลัพธ์  $R$  ของแรงทั้งหมดที่กระทำจะต้องเท่ากับศูนย์

$$R = \Sigma F = 0$$

หรือ

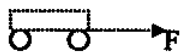
$$\Sigma F_x = 0 \text{ และ } \Sigma F_y = 0$$

ถ้าผลรวมของแรงเป็นศูนย์ทั้งสองแกน แสดงว่าวัตถุอยู่ในสภาพสมดุล

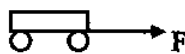
กฎข้อที่ 2 ของนิวตัน (Newton's Second Law)

ความเร่งเป็นสัดส่วนตรงกับแรง ดังนั้นอัตราส่วนของแรงกับความเร่งจะเป็นค่าคงที่ ซึ่งตรงกับมวล  $m$  ของวัตถุ

รูป  $a_1$

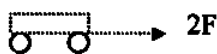


$t = 0 \text{ s}$

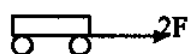


$t = 1 \text{ s}$

รูป  $a_2$

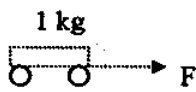


$t = 0 \text{ s}$

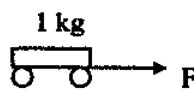


$t = 1 \text{ s}$

รูป  $b_1$

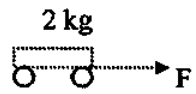


$t = 0 \text{ s}$

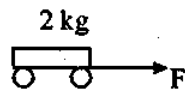


$t = 1 \text{ s}$

รูป  $b_2$



$t = 0 \text{ s}$



$t = 1 \text{ s}$

รูปที่ 28 a ความเร่งเป็นสัดส่วนตรงกับขนาดของแรง

b ความเร่งเป็นสัดส่วนผกผันกับมวล

จากรูปจะ ได้ความสัมพันธ์ดังนี้

$$a \propto F$$

และ  $a \propto \frac{1}{m}$

ดังนั้น  $a \propto \frac{F}{m}$

หรือ  $F \propto Kma$

เพราะฉะนั้น  $F = ma = m \frac{\Delta v}{\Delta t}$

$$F = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

ในกรณีที่มีแรงหลาย ๆ แรงกระทำบนอนุภาคที่ตำแหน่งเดียวกัน ความเร่งคำนวณได้จากแรงลัพธ์ ซึ่งได้มาจากการรวมแรงทั้งหลาย

ถ้าแยกแรงออกเป็นแรงย่อยบนแกน X และ Y จะได้

แรงรวมบนแนวแกน X  $\Sigma F_x = ma_x$

แรงรวมบนแนวแกน Y  $\Sigma F_y = ma_y$

แรงลัพธ์  $\Sigma F = ma$

$\Sigma F$  เป็นแรงสุทธิที่กระทำบนวัตถุในขณะนั้น

$$\Sigma F = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

หน่วยของแรง

จาก  $F = ma$

m มีหน่วยเป็น kg

a มีหน่วยเป็น  $m/s^2$

F มีหน่วยเป็น  $kg \cdot m/s^2$  เรียกว่า นิวตัน (N)

$$1 N = 1 kg \cdot m/s^2$$

## มวลและน้ำหนัก

มวล  $m$  ของวัตถุ หมายถึง เนื้อของวัตถุหรือความเฉื่อยต่อการเคลื่อนที่ ส่วนน้ำหนัก  $\vec{W}$  ของวัตถุ หมายถึง แรงที่เกิดจากความโน้มถ่วงของโลกกระทำต่อวัตถุ ดังนั้นถ้าปล่อยให้วัตถุมวล  $m$  ตกลงมาอย่างอิสระ แรงสุทธิที่กระทำต่อวัตถุคือ น้ำหนักของมวล  $m$  คูณกับความเร่งโน้มถ่วงของโลก  $\vec{g}$  นั่นเอง

จาก

$$\vec{F} = m \vec{a}$$

เขียนในรูปของเวกเตอร์

$$\vec{W} = m \vec{g}$$

หรือขนาด

$$W = mg$$

## กฎข้อที่ 3 ของนิวตัน (Newton's Third Law)

เมื่อวัตถุอันหนึ่งออกแรงกระทำกับวัตถุอีกอันหนึ่ง วัตถุอันที่สองย่อมออกแรงกระทำตอบด้วยขนาดเท่ากัน แต่อยู่ในทิศตรงข้ามกับอันแรก



รูปที่ 29 แสดงการเกิดแรงกิริยาและแรงปฏิกิริยา

จะได้

$$F_{AB} = - F_{BA}$$

$F_{AB}$  คือแรงที่ A กระทำบน B (แรงกิริยา)

$F_{BA}$  คือแรงที่ B กระทำบน A (แรงปฏิกิริยา)

## กิจกรรมการเรียนรู้การสอนแบบร่วมมือ

- นำเข้าสู่บทเรียน โดยครูและนักเรียนร่วมกันทบทวนเรื่องของเวกเตอร์ของแรงและแรงเสียดทาน และให้นักศึกษาร่วมกันวิเคราะห์หาค่าว่าถ้าเราออกแรงกระทำต่อวัตถุ ผลจะเป็นอย่างไร
- ครูแจ้งเรื่องและจุดประสงค์การเรียนรู้
- ครูให้นักศึกษาออกมาอธิบายความรู้ที่ 4 เรื่อง กฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน
- ครูให้ความรู้เรื่องกฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน
- นักศึกษาร่วมกันศึกษาและสรุปกฎการเคลื่อนที่ของนิวตันแต่ละข้อจากใบความรู้
- ครูให้ความรู้เพิ่มเติมเกี่ยวกับการนำกฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน ไปประยุกต์ใช้
- นักศึกษาร่วมกันทำโจทย์ตัวอย่างจากใบความรู้

8. ครูและนักศึกษาร่วมกันเฉลยโจทย์ตัวอย่าง
9. ครูแจกใบงานที่ 4 โจทย์ปัญหาเรื่อง กฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน จำนวน 4 ข้อ
10. ให้สมาชิกภายในกลุ่มช่วยกันทำโจทย์พร้อมทั้งอธิบายให้เพื่อนในกลุ่มเข้าใจ
11. ครูสุ่มตัวแทนกลุ่มออกมาเฉลยโจทย์บนกระดานดำ
12. ครูและนักศึกษาค้นคนอื่น ๆ ช่วยกันตรวจสอบความถูกต้อง
13. ครูและนักศึกษาร่วมกันสรุปบทเรียน
14. นักศึกษาแต่ละกลุ่มแก้ไขใบงานและรวบรวมส่งครู

### สื่อการเรียนการสอน

1. ใบความรู้ที่ 4
2. ใบงานที่ 4

### การวัดผลและประเมินผล

1. สังเกตจากความเข้าใจ ความตั้งใจ และความร่วมมือในการทำกิจกรรม
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจใบงาน
4. จากการทดสอบ

### กิจกรรมการเรียนการสอนแบบสืบเสาะหาความรู้

1. ครูนำเข้าสู่บทเรียนโดยใช้คำถามดังนี้

1.1 ในการรักษาสภาพสมดุลต่อการเคลื่อนที่ และการที่จะให้วัตถุเคลื่อนที่นั้นจะต้องออกแรงกระทำต่อวัตถุเสมอ ซึ่งในการเคลื่อนที่ของวัตถุนั้น นิวตันได้ทำการศึกษาค้นคว้าและได้สรุปเป็นกฎการเคลื่อนที่ไว้ด้วยกัน 3 ข้อ นักศึกษาทราบหรือไม่ว่า กฎการเคลื่อนที่ของนิวตันแต่ละข้อมีความสำคัญอย่างไรบ้าง

1.2 กฎการเคลื่อนที่ของนิวตันแต่ละข้อมีประโยชน์อย่างไร

1.3 เราจะนำกฎการเคลื่อนที่ของนิวตันไปประยุกต์ใช้ในชีวิตประจำวันได้อย่างไรบ้าง

2. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้
3. ครูแจกใบความรู้ที่ 4ให้นักศึกษาแต่ละคนศึกษาใบความรู้ด้วยตนเอง
4. นักศึกษาร่วมกันอภิปรายและสรุปกฎการเคลื่อนที่ของนิวตันแต่ละข้อ
5. นักศึกษาสรุปขั้นตอนการประยุกต์ใช้กฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน โดยครูใช้คำถามนำ

6. ครูอธิบายเพิ่มเติมในส่วนที่นักศึกษายังไม่เข้าใจ
7. นักศึกษาทำโจทย์ตัวอย่างในใบความรู้ที่ 4
8. ตัวแทนห้องออกไปเฉลยโจทย์ในใบความรู้บนกระดานดำ
9. นักศึกษาคณะอื่นๆ ร่วมกันตรวจสอบความถูกต้อง
10. ครูและนักศึกษาร่วมกันสรุปบทเรียน
11. ครูให้นักศึกษาทำแบบฝึกหัด เรื่อง กฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน

### สื่อการเรียนการสอน

1. ใบความรู้ที่ 4
2. แบบฝึกหัด

### การวัดผลและประเมินผล

1. สังเกตจากความเข้าใจ ความตั้งใจ
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจแบบฝึกหัด

## ใบความรู้ที่ 4

กฎการเคลื่อนของนิวตันมี 3 ข้อ คือ

กฎข้อที่ 1 ของนิวตัน (Newton's First Law) วัตถุที่อยู่นิ่งก็ยังคงอยู่นิ่งและวัตถุที่กำลังเคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่ ( $a = 0$ ) ก็ยังคงเคลื่อนที่ในสภาพเดิมต่อไป



รูป ก.



รูป ข.

รูปที่ 30 แรงที่กระทำบนวัตถุที่ทำให้วัตถุเคลื่อนที่และอยู่ในสภาพสมดุล

จากรูปถ้ามีแรง  $F_1$  กระทำต่อวัตถุ ดังรูป ก. วัตถุจะเคลื่อนที่เปลี่ยนตำแหน่งไปถ้าให้แรง  $F_2$  มีขนาดเท่ากับแรง  $F_1$  กระทำบนวัตถุก็อันเดียวกัน ดังรูป ข. วัตถุจะรักษาสภาพอยู่นิ่งหรือถ้ากำลังเคลื่อนที่ก็เคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่ ซึ่งแสดงเป็นสมการดังนี้

$$F_2 = -F_1$$

แรงลัพธ์  $R$  ซึ่งเป็นผลรวมของเวกเตอร์ทั้งสองเท่ากับศูนย์

$$R = F_1 + F_2 = 0$$

เมื่อวัตถุอยู่ในสภาพที่สมดุลผลรวมของเวกเตอร์ลัพธ์  $R$  ของแรงทั้งหมดที่กระทำจะต้องเท่ากับศูนย์

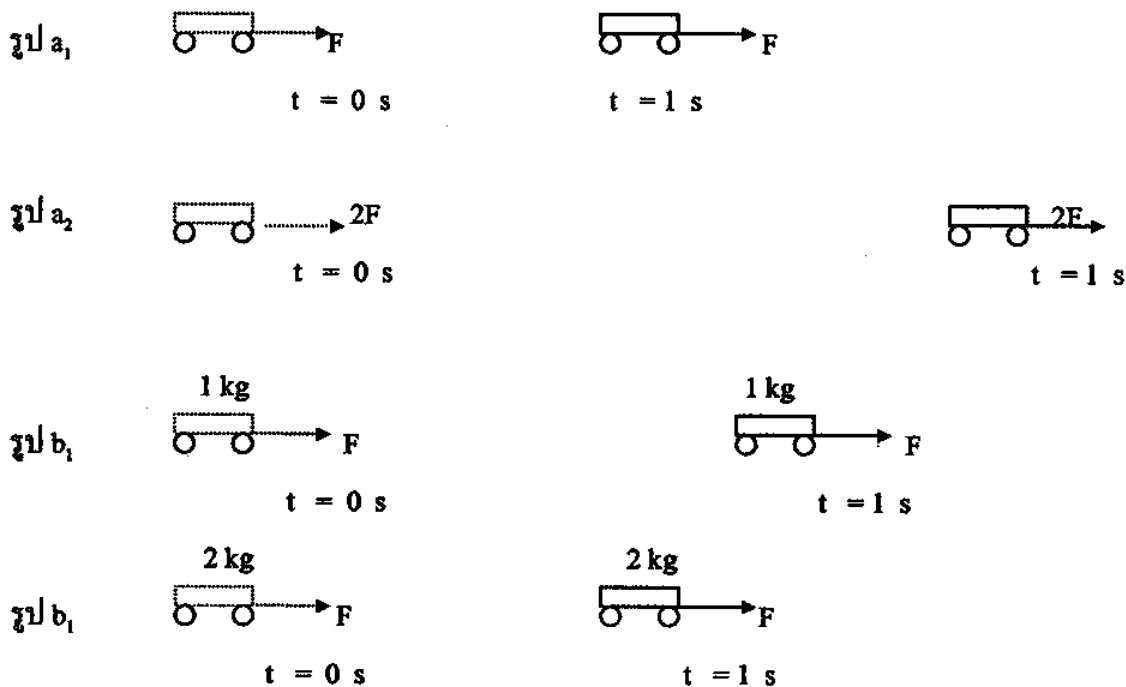
$$R = \Sigma F = 0$$

หรือ 
$$\Sigma F_x = 0 \text{ และ } \Sigma F_y = 0$$

ถ้าผลรวมของแรงเป็นศูนย์ทั้งสองแกน แสดงว่าวัตถุอยู่ในสภาพสมดุล

กฎข้อที่ 2 ของนิวตัน (Newton's Second Law)

ความเร่งเป็นสัดส่วนตรงกับแรง ดังนั้นอัตราส่วนของแรงกับความเร่งจะเป็นค่าคงที่ ซึ่งตรงกับมวล  $m$  ของวัตถุ



รูปที่ 31 a ความเร่งเป็นสัดส่วนตรงกับขนาดของแรง  
 b ความเร่งเป็นสัดส่วนผกผันกับมวล

จากรูปจะ ได้ความสัมพันธ์ดังนี้

$$a \propto F$$

และ  $a \propto \frac{1}{m}$

ดังนั้น  $a \propto \frac{F}{m}$

หรือ  $F \propto Kma$

เพราะฉะนั้น  $F = ma = m \frac{\Delta v}{\Delta t}$

$$F = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$



ในกรณีที่มิมีแรงหลาย ๆ แรงกระทำบนอนุภาคที่ตำแหน่งเดียวกัน ความเร่งคำนวณได้จากแรงลัพธ์ ซึ่งได้มาจากการรวมแรงทั้งหลาย

ถ้าแยกแรงออกเป็นแรงย่อยบนแกน X และ Y จะได้

$$\text{แรงรวมบนแนวแกน X} \quad \Sigma F_x = ma_x$$

$$\text{แรงรวมบนแนวแกน Y} \quad \Sigma F_y = ma_y$$

$$\text{แรงลัพธ์} \quad \Sigma F = ma$$

$\Sigma F$  เป็นแรงสุทธิที่กระทำบนวัตถุในระบบ 2 มิติ

$$\Sigma F = \Sigma F_x + \Sigma F_y$$

หน่วยของแรง

$$\text{จาก} \quad F = ma$$

m มีหน่วยเป็น kg

a มีหน่วยเป็น  $m/s^2$

F มีหน่วยเป็น  $kg \cdot m/s^2$  เรียกว่า นิวตัน (N)

$$1 \text{ N} = 1 \text{ kg} \cdot m/s^2$$

มวลและน้ำหนัก

มวล m ของวัตถุ หมายถึง เนื้อของวัตถุหรือความเฉื่อยต่อการเคลื่อนที่ ส่วนน้ำหนัก พิวของวัตถุ หมายถึง แรงที่เกิดจากความโน้มถ่วงของโลกกระทำต่อวัตถุ ดังนั้นถ้าปล่อยให้วัตถุมวล m ตกลงอย่างอิสระ แรงสุทธิที่กระทำต่อวัตถุคือ น้ำหนักของมวล m คูณกับความเร่งโน้มถ่วงของโลก  $\vec{g}$  นั่นเอง

$$\text{จาก} \quad \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\text{เขียนในรูปของเวกเตอร์} \quad \vec{W} = m\vec{g}$$

$$\text{หรือขนาด} \quad W = mg$$

กฎข้อที่ 3 ของนิวตัน (Newton's Third Law)

เมื่อวัตถุอันหนึ่งออกแรงกระทำกับวัตถุอีกอันหนึ่ง วัตถุอันที่สองย่อมออกแรงกระทำตอบด้วยขนาดเท่ากัน แต่อยู่ในทิศตรงข้ามกับอันแรก



รูปที่ 32 แสดงการเกิดแรงกิริยาและแรงปฏิกิริยา

จะได้

$$F_{AB} = - F_{BA}$$

$F_{AB}$  คือแรงที่ A กระทำบน B (แรงกิริยา)

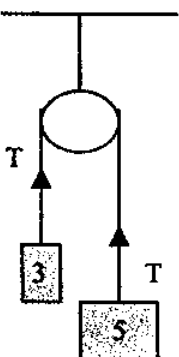
$F_{BA}$  คือแรงที่ B กระทำบน A (แรงปฏิกิริยา)

โจทย์ตัวอย่าง

1. จงหาความเร่งที่เกิดจากแรงลัพธ์ 250 นิวตัน กระทำบนมวล 20 กิโลกรัม
2. จงหาแรงที่ใช้เร่งรถยนต์ซึ่งมีมวล 1,500 กิโลกรัม จาก 30 กิโลเมตร/ชั่วโมง เป็น 85 กิโลเมตร/ชั่วโมง
3. ชายคนหนึ่งมีมวล 70 กิโลกรัม นั่งอยู่บนรถยนต์ซึ่งกำลังวิ่งด้วยความเร่ง 4 เมตร/วินาที<sup>2</sup> จงหาน้ำหนักของชายคนนี้ ( ให้  $g = 10 \text{ M/s}^2$  )
4. วัตถุ A และ B วางอยู่บนพื้นราบ โดยมีแรง  $F_1$  และ  $F_2$  กระทำดังรูป ถ้า A เท่ากับ 8 กิโลกรัม B เท่ากับ 12 กิโลกรัม และ  $F_1$  เท่ากับ 100 นิวตัน  $F_2$  เท่ากับ 40 นิวตัน จงหาความเร่งของวัตถุ A และแรงที่ A คั่น B



5. มวล 5 และ 3 กิโลกรัมแขวนอยู่ที่ปลายเชือกคล้องผ่านรอกคล้อง ดังรูป ถ้ามวลของรอกและเชือกน้อยมาก จงหาความตึงเชือกและอัตราเร่งของระบบ



## ใบงานที่ 4

โจทย์ปัญหาเรื่อง กฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน

สมาชิกภายในกลุ่ม

สาขา.....

1.....รหัส.....

2.....รหัส.....

3.....รหัส.....

4.....รหัส.....

5.....รหัส.....

วันที่.....เดือน.....พ.ศ.....

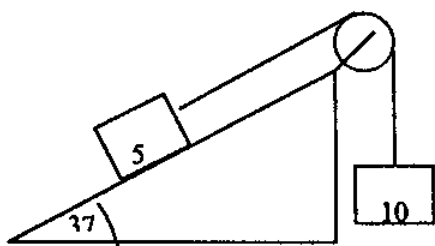
1. มวล 4 กิโลกรัม ผูกติดกับมวล 5 กิโลกรัม ในแนวระนาบ ถ้ามวล 5 กิโลกรัม มีความเร่ง 1.6 เมตร/วินาที<sup>2</sup> จงหาแรงและความเร่งที่กระทำต่อมวล 4 กิโลกรัม

2. วัตถุ A และ B อยู่ติดกันบนพื้นที่ไม่มีแรงเสียดทาน A มีมวล 3 กิโลกรัม B มีมวล 2 กิโลกรัม

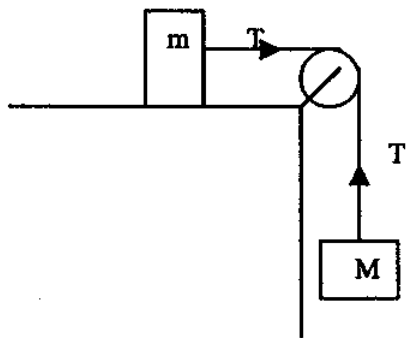
ก. จงหาแรงกระทำที่ A ที่จะทำให้ A และ B เกิดความเร่ง 0.8 เมตร/วินาที<sup>2</sup>

ข. แรงที่วัตถุ A กระทำต่อวัตถุ B

3. วัตถุมวล 5 และ 10 กิโลกรัม ผูกติดกันด้วยเชือกเบาและคล่องผ่านรอก ดังรูป ถ้าพื้นเอียงทำมุม  $37^\circ$  จงหาความเร่งและแรงดึงเชือก ( $\cos 37 = 0.8$  และ  $\sin 37 = 0.6$ )



4. วัตถุมวล  $m$  วางอยู่บนโต๊ะที่ไม่มีแรงเสียดทาน ผูกติดอยู่กับมวล  $M$  ด้วยเชือกเบาแล้วคล้องผ่านรอกที่ไม่มีแรงเสียด คังรูป จงหาความเร่งของมวลทั้งสอง



## แผนการสอนที่ 5

เรื่อง การกระจัด ระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง

จำนวน 2 คาบ

### สาระสำคัญ

ความหมายของการกระจัด ระยะทาง ความเร็ว ความเร่ง และการหาค่าปริมาณต่าง ๆ

### จุดประสงค์การเรียนรู้ ( ปลายทาง )

เข้าใจเกี่ยวกับระยะการกระจัด ระยะทาง ความเร็ว และความเร่งได้

### จุดประสงค์ย่อย ( นำทาง )

1. บอกความหมาย การกระจัด ระยะทาง ความเร็วเฉลี่ย ความเร็วขณะใดขณะหนึ่ง ความเร่งเฉลี่ย ความเร่งขณะใดขณะหนึ่งได้
2. หาค่าระยะการกระจัด ระยะทาง ความเร็วเฉลี่ย ความเร็วขณะใดขณะหนึ่ง ความเร่งเฉลี่ย ความเร่งขณะใดขณะหนึ่งได้

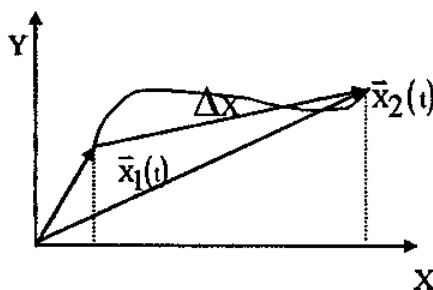
### เนื้อหา

ในการเคลื่อนที่ของวัตถุนั้นมีปริมาณต่างๆที่เกี่ยวข้องดังนี้

#### 1. การกระจัดและระยะทาง

1.1 การกระจัด ( displacement ) หมายถึง เส้นตรงที่ลากจากจุดตั้งต้นไปยังจุดสุดท้ายที่วัตถุเคลื่อนที่ได้

สมมติให้ที่เวลา  $t_1$  วัตถุอยู่ที่ตำแหน่ง  $\bar{x}_1(t)$  ต่อมาเมื่อเวลา  $t_2$  วัตถุเปลี่ยนไปอยู่ที่  $\bar{x}_2(t)$  การเปลี่ยนตำแหน่งของวัตถุ  $\Delta X$  เราเรียกว่า การกระจัด แสดงดังรูปที่ 33



รูปที่ 33 แสดงระยะการกระจัดและระยะทาง

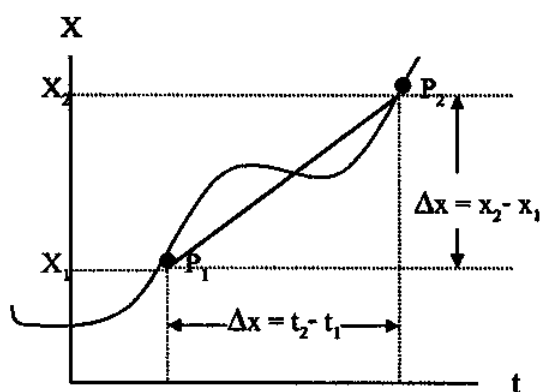
จากรูปที่ 33 จะได้ระยะการกระจัด

$$\Delta \bar{x}(t) = \bar{x}_2(t) - \bar{x}_1(t)$$

1.2 ระยะทาง (distance) หมายถึง ความยาวทั้งหมดที่วัดตามเส้นทางที่วัตถุเคลื่อนที่ จะมีค่าเป็นบวกเสมอ

2. ความเร็ว (Velocity) ความเร็วในทางฟิสิกส์มี 2 ลักษณะ คือ

2.1 ความเร็วเฉลี่ย (Average Velocity) คืออัตราการเปลี่ยนตำแหน่งของวัตถุหรือ คราส่วนของการกระจัดเมื่อเวลาเปลี่ยนไป

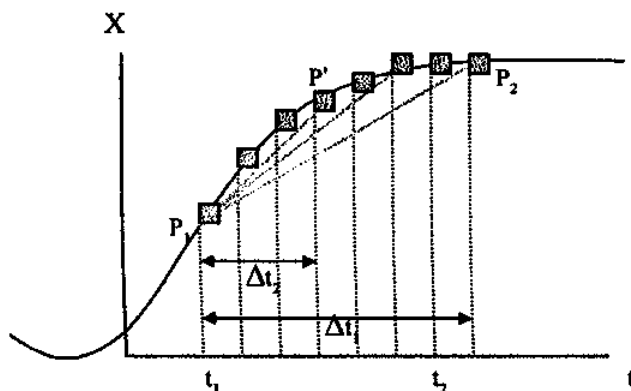


รูปที่ 34 กราฟระหว่าง X กับ t

จากรูป ถ้าลากจุด  $P_1$  ไปยัง  $P_2$  จะเห็นว่า  $\frac{\Delta x}{\Delta t}$  คือค่าความชัน (slope) ของเส้นตรงนี้

ความเร็วเฉลี่ย 
$$\bar{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\bar{x}_2 - \bar{x}_1}{t_2 - t_1}$$

2.2 ความเร็วขณะใดขณะหนึ่ง (Instantaneous Velocity) เป็นความเร็วของวัตถุในช่วงเวลาสั้นๆ



รูปที่ 35 หาค่าความชันของกราฟเมื่อ  $\Delta t_1$  มีค่าน้อยๆ

จากรูป เมื่อพิจารณาที่เวลาน้อยๆ ที่  $\Delta t$  เข้าใกล้ศูนย์ เส้นทางการเคลื่อนที่จะเป็นเส้นตรง ระยะการกระจัดเท่ากับระยะทาง ซึ่ง  $\Delta x$  เข้าใกล้ศูนย์ด้วย

$$\text{จะได้} \quad \bar{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \bar{x}}{\Delta t} = \frac{d\bar{x}(t)}{dt}$$

นอกจากนี้ยังมีคำว่า อัตราเร็ว (speed) ขนาดของความเร็วขณะใดขณะหนึ่ง ซึ่งเป็นปริมาณสเกลาร์

3. ความเร่ง (Acceleration) หมายถึง อัตราการเปลี่ยนแปลงความเร็วเทียบกับเวลา ซึ่งสามารถแบ่งเป็น ความเร่งเฉลี่ยและความเร่งขณะใดขณะหนึ่ง

### 3.1 ความเร่งเฉลี่ย (Average Acceleration)

$$\bar{a} = \frac{\Delta \bar{v}}{\Delta t} = \frac{\bar{v}_2 - \bar{v}_1}{t_2 - t_1}$$

### 3.2 ความเร่งขณะใดขณะหนึ่ง (Instantaneous Acceleration)

$$\bar{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \bar{v}}{\Delta t} = \frac{d\bar{v}(t)}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2}$$

## กิจกรรมการเรียนรู้การสอนแบบร่วมมือ

1. นำเข้าสู่บทเรียน โดยครูและนักเรียนร่วมกันอภิปรายสรุปกฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน ครูแจ้งให้ทราบว่าในบทเรียนต่อไป จะศึกษาเกี่ยวกับการเคลื่อนที่

2. ครูถามคำถามนักเรียนว่า

2.1 มีปริมาณใดบ้างที่เกี่ยวข้องกับการเคลื่อนที่ของวัตถุ (การกระจัด ระยะทาง ความเร็ว ความเร่ง อัตราเร็ว)

2.2 ปริมาณเหล่านี้แตกต่างกันอย่างไร

3. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้

4. ครูแจกใบความรู้ที่ 5 เรื่อง การเปรียบเทียบการกระจัดกับระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง

5. ครูอธิบายให้ความรู้ตามลำดับเนื้อหาของแผนการสอน

6. นักเรียนร่วมกันสรุปความหมายของการกระจัด ระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง

7. ครูแจกใบงานที่ 5 โจทย์คำถามให้หาระยะทาง และระยะเวลาการจัด นักศึกษาแต่ละกลุ่มร่วมกันทำ
8. ให้นักศึกษาแต่ละกลุ่มแลกเปลี่ยนใบงานกับกลุ่มอื่นแล้วเปรียบเทียบกับกลุ่มของตัวเอง
9. ครูและนักศึกษาร่วมกันเฉลยคำตอบของคำถามในใบงานที่ 5
10. ครูให้ความรู้เพิ่มเติมในส่วนที่นักศึกษายังไม่เข้าใจ
11. ครูแจกใบงานที่ 6 โจทย์ปัญหาเรื่องการการจัด ระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง จำนวน 4 ข้อ
12. นักศึกษาร่วมกันคิด ร่วมกันทำพร้อมทั้งอธิบายให้เพื่อนเข้าใจ
13. ครูสุ่มตัวแทนกลุ่มออกมาเฉลยโจทย์ปัญหามนกระดานดำ
14. ครูและนักศึกษาค้นคนอื่นช่วยกันตรวจสอบ
15. ครูและนักศึกษาร่วมกันสรุปบทเรียน
16. นักศึกษาทำการปรับปรุงแก้ไขใบงานของตนเองและนำส่งครูผู้สอน

### สื่อการเรียนรู้การสอน

1. ใบความรู้ที่ 5
2. ใบงานที่ 5
3. ใบงานที่ 6

### การวัดและประเมินผล

1. สังเกตจากความสนใจ ความตั้งใจ และความร่วมมือในกิจกรรมกลุ่ม
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจใบงานที่ 5 และ 6
4. จากการทดสอบ

### กิจกรรมการเรียนรู้แบบสืบเสาะหาความรู้

1. นำเข้าสู่บทเรียน โดยครูใช้คำถามดังนี้
  - 1.1 การที่วัตถุจะเคลื่อนที่ได้จะต้องมีแรงมากกระทำ นักศึกษาคิดว่า การเคลื่อนที่ของวัตถุมีลักษณะ อะไรบ้าง
  - 1.2 ในการเคลื่อนที่แต่ละลักษณะมีปริมาณใดบ้างที่เกี่ยวข้อง
  - 1.3 ปริมาณเหล่านี้แตกต่างกันอย่างไร



2. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้
3. ครูแจกใบความรู้ที่ 5 เรื่อง การเปรียบเทียบการกระจัดกับระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง
4. ให้นักศึกษาแต่ละคนศึกษารายละเอียดจากใบความรู้ แล้วช่วยกันอภิปรายสรุป
5. ครูอธิบายเพิ่มเติมในส่วนที่นักศึกษายังไม่เข้าใจ
6. แจกใบงานที่ 5 โจทย์คำถามให้หาระยะทาง และระยะการกระจัด นักศึกษาแต่ละคนทำ
7. ครูและนักศึกษาช่วยกันเฉลยคำตอบ
8. ครูและนักศึกษาร่วมกันสรุปบทเรียน
9. ครูให้นักศึกษาทำแบบฝึกหัด เรื่อง การกระจัด ระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง

### สื่อการเรียนการสอน

1. ใบความรู้ที่ 5
2. ใบงานที่ 5
3. แบบฝึกหัด

### การวัดและประเมินผล

1. สังเกตจากความสนใจ ความตั้งใจ
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจแบบฝึกหัด

## ใบความรู้ที่ 5

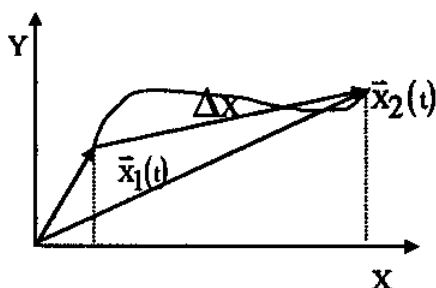
การกระจัด ระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง

ในการเคลื่อนที่ของวัตถุนั้นมีปริมาณต่างๆที่เกี่ยวข้องดังนี้

### 1. การกระจัดและระยะทาง

1.1 การกระจัด (displacement) หมายถึง เส้นตรงที่ลากจากจุดตั้งต้น ไปยังจุดสุดท้ายที่วัตถุเคลื่อนที่ได้

สมมติให้ที่เวลา  $t_1$  วัตถุอยู่ที่ตำแหน่ง  $\bar{x}_1(t)$  ต่อมาเมื่อเวลา  $t_2$  วัตถุเปลี่ยนไปอยู่ที่  $\bar{x}_2(t)$  การเปลี่ยนตำแหน่งของวัตถุ  $\Delta X$  เราเรียกว่า การกระจัด แสดงดังรูป



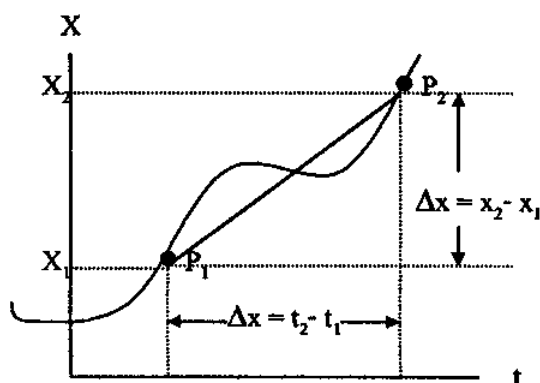
รูปที่ 36 แสดงระยะการกระจัด และระยะทาง

จากรูปจะได้ระยะการกระจัด  $\Delta \bar{x}(t) = \bar{x}_2(t) - \bar{x}_1(t)$

1.2 ระยะทาง (distance) หมายถึง ความยาวทั้งหมดที่วัตถุตามเส้นทางที่วัตถุเคลื่อนที่ จะมีค่าเป็นบวกเสมอ

### 2. ความเร็ว (Velocity) ความเร็วในทางฟิสิกส์มี 2 ลักษณะ คือ

2.1 ความเร็วเฉลี่ย (Average Velocity) คืออัตราการเปลี่ยนตำแหน่งของวัตถุหรือ คราส่วนของการกระจัดเมื่อเวลาเปลี่ยนไป

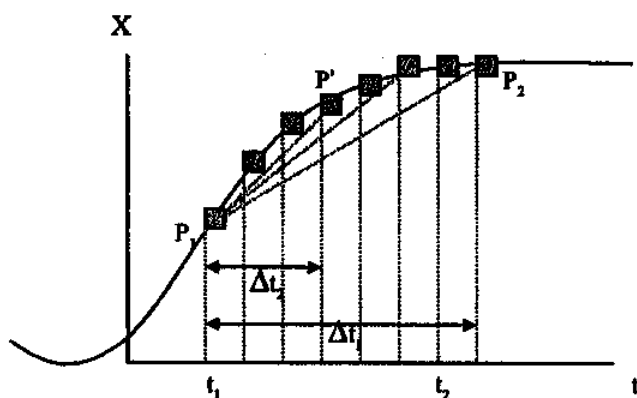


รูปที่ 37 กราฟ ระหว่าง X กับ t

จากรูป ถ้าลากจุด  $P_1$  ไปยัง  $P_2$  จะเห็นว่า  $\frac{\Delta x}{\Delta t}$  คือค่าความชัน (slope) ของเส้นตรงนี้

$$\text{ความเร็วเฉลี่ย} \quad \bar{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\bar{x}_2 - \bar{x}_1}{t_2 - t_1}$$

2.2 ความเร็วขณะใดขณะหนึ่ง (Instantaneous Velocity) เป็นความเร็วของวัตถุในช่วงเวลาที่สั้นๆ



รูปที่ 38 หาค่าความชันของกราฟเมื่อ  $\Delta t$  มีค่าน้อยๆ

จากรูปเมื่อพิจารณาที่เวลาน้อยๆ ที่  $\Delta t$  เข้าใกล้ศูนย์ เส้นทางการเคลื่อนที่จะเป็นเส้นตรงระยะการกระจัดเท่ากับระยะทาง ซึ่ง  $\Delta x$  เข้าใกล้ศูนย์ด้วย

$$\text{จะได้} \quad \bar{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \bar{x}}{\Delta t} = \frac{d\bar{x}(t)}{dt}$$

นอกจากนี้ยังมีคำว่า อัตราเร็ว (speed) ขนาดของความเร็วขณะใดขณะหนึ่ง

3. ความเร่ง (Acceleration) หมายถึง อัตราการเปลี่ยนแปลงความเร็วเทียบกับเวลา ซึ่งสามารถแบ่งเป็น ความเร่งเฉลี่ยและความเร่งขณะใดขณะหนึ่ง

3.1 ความเร่งเฉลี่ย (Average Acceleration)

$$\bar{a}_{av} = \frac{\Delta \bar{v}}{\Delta t} = \frac{\bar{v}_2 - \bar{v}_1}{t_2 - t_1}$$

3.2 ความเร่งขณะใดขณะหนึ่ง (Instantaneous Acceleration)

$$\bar{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \bar{v}}{\Delta t} = \frac{d\bar{v}(t)}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2}$$

## ใบงานที่ 5

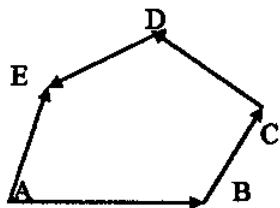
โจทย์คำถามเกี่ยวกับการหาระยะทาง และระยะการกระจัด

สมาชิกภายในกลุ่ม	สาขา.....
1 .....	รหัส .....
2 .....	รหัส .....
3 .....	รหัส .....
4 .....	รหัส .....
5 .....	รหัส .....
วันที่.....เดือน.....พ.ศ.....	

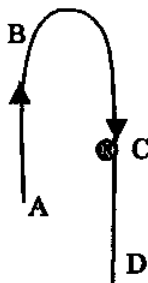
จากโจทย์คำถามต่อไปนี้ จงหาระยะทางและระยะการกระจัดของวัตถุ

1. โยนวัตถุขึ้นไปได้สูง 10 เมตร
  - ระยะทาง = .....
  - ระยะการกระจัด = .....
2. โยนวัตถุขึ้นไป 10 เมตร แล้ววัตถุตกกลับลงมา 3 เมตร
  - ระยะทาง = .....
  - ระยะการกระจัด = .....
3. โยนวัตถุขึ้นไป 10 เมตร แล้ววัตถุตกกลับลงมาที่จุดเดิม
  - ระยะทาง = .....
  - ระยะการกระจัด = .....
4. โยนวัตถุจากสะพานขึ้นไป 10 เมตร แล้ววัตถุตกกลับลงมาได้ระยะทาง 15 เมตร
  - ระยะทาง = .....
  - ระยะการกระจัด = .....
5. วัตถุเคลื่อนที่เป็นวงกลม 1 รอบ
  - ระยะทาง = .....
  - ระยะการกระจัด = .....

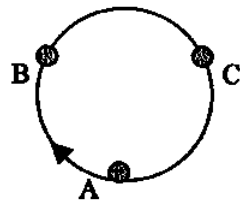
6. วัตถุเคลื่อนที่ต่อเนื่องดังรูปข้างล่าง



รูปที่ 1



รูปที่ 2



รูปที่ 3

1. รูปที่ 1 วัตถุเคลื่อนที่จาก A ไปยัง E

ระยะทางคือ .....

ระยะการกระจัดคือ .....

2. รูปที่ 2 วัตถุเคลื่อนที่จาก A ไปยัง D

ระยะทางคือ .....

ระยะการกระจัดคือ .....

3. รูปที่ 3 วัตถุเคลื่อนที่จาก A ไปยัง C

ระยะทางคือ .....

ระยะการกระจัดคือ .....

## ใบงานที่ 6

โจทย์ปัญหาเรื่องการกระจัด ระยะทาง ความเร็ว และความเร่ง

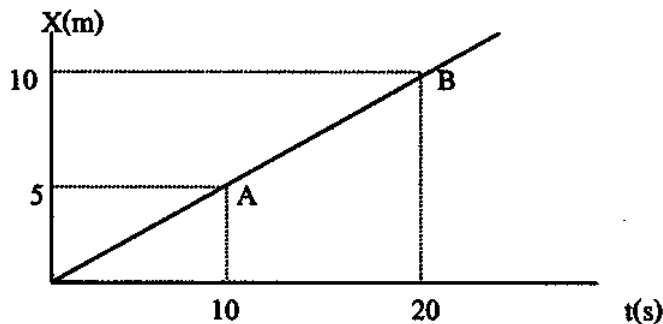
สมาชิกภายในกลุ่ม	สาขา.....
1 .....	รหัส .....
2 .....	รหัส .....
3 .....	รหัส .....
4 .....	รหัส .....
5 .....	รหัส .....
วันที่.....เดือน.....พ.ศ.....	

1. จงเปลี่ยนค่าอัตราเร็ว 0.200 เซนติเมตร/วินาที ไปเป็นค่าในหน่วย กิโลเมตร/ปี
  2. ถ้าอนุภาคมีความเร็วตามฟังก์ชัน  $v(t) = m + nt$  เมื่อ  $m = 10$  เมตร/วินาที และ  $n = 2$  เมตร/วินาที<sup>2</sup> จงหา
    - ก. ความเร็วที่เปลี่ยนไปในช่วงเวลา  $t_1 = 2$  วินาที,  $t_2 = 5$  วินาที
    - ข. ความเร่งเฉลี่ยในช่วงเวลาดังกล่าว
  3. อัตราเร็วของรถบรรทุกคันหนึ่งเพิ่มขึ้นสม่ำเสมอจาก 15 กิโลเมตร/ชั่วโมง เป็น 60 กิโลเมตร/ชั่วโมง ในเวลา 20 วินาที จงหา
    - ก. อัตราเร็วเฉลี่ย
    - ข. ความเร่ง
    - ค. ระยะทางที่เคลื่อนที่ได้
- ( โดยตอบในหน่วยของเมตร/วินาที )

4. กราฟการเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรงของวัตถุ มีลักษณะดังรูป จงหา

ก. ความเร็วขณะใดขณะหนึ่งของวัตถุ

ข. ที่ตำแหน่ง A และ B วัตถุมีความเร็วเฉลี่ยและความเร่งเฉลี่ยเท่าใด



## แผนการสอนที่ 6

เรื่อง การเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบ

จำนวน 2 คาบ

## สาระสำคัญ

สูตรการเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบ กราฟความสัมพันธ์ระหว่าง ระยะทางกับเวลา ความเร็วกับเวลา และความเร่งกับเวลา

## จุดประสงค์การเรียนรู้ ( ปลายทาง )

นำสูตรการเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบ ไปใช้แก้ปัญหาโจทย์ได้

## จุดประสงค์ย่อย ( นำทาง )

1. บอกความสัมพันธ์ของกราฟระหว่าง ระยะทางกับเวลา ความเร็วกับเวลา และความเร่งกับเวลาได้
2. บอกสูตรที่ใช้ในการคำนวณการเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบ ได้
3. อธิบายการคำนวณการเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบได้
4. แก้ปัญหาโจทย์การเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรงได้

## เนื้อหา

ในการเคลื่อนที่ของวัตถุมีลักษณะการเคลื่อนที่ 3 ลักษณะด้วยกัน คือ

1. วัตถุหยุดนิ่ง หมายถึงเวลาเปลี่ยนไปแต่ระยะทางของวัตถุไม่มีการเปลี่ยนแปลง
2. ความเร็วคงที่ หมายถึงวัตถุมีอัตราเร็วคงที่ ทิศทางคงเดิม
3. วัตถุมีความเร่ง มี 3 ลักษณะ
  - 3.1 อัตราเร็วคงที่แต่เปลี่ยนทิศทาง
  - 3.2 อัตราเร็วเปลี่ยนแต่ทิศทางคงเดิม
  - 3.3 เปลี่ยนทั้งอัตราเร็วและทิศทาง

การเคลื่อนที่ของวัตถุด้วยอัตราเร็วคงที่

ถ้า  $v$  = ความเร็วของวัตถุ ( m/s )

$S$  = การกระจัด ( m )

$t$

จะได้

$$v = \frac{S}{t}$$



การเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบด้วยความเร่งคงที่

ถ้าให้  $u$  = ความเร็วต้น

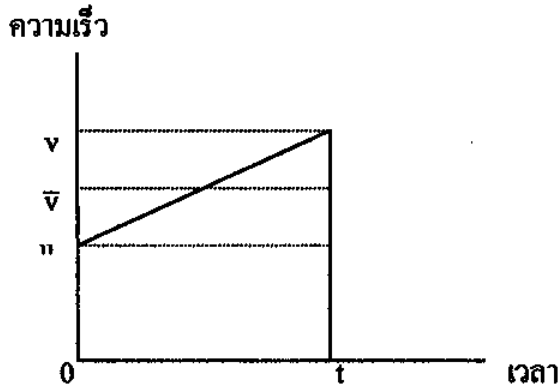
$v$  = ความเร็วปลาย

$a$  = ความเร่ง

$t$  = เวลาที่ใช้ในการเคลื่อนที่

$S$  = ระยะทาง

การเคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่ ไม่ว่าเราจะเลือก  $\Delta t$  จากช่วงใดหรือมีค่ามากน้อยเพียงใด  $\frac{\Delta v}{\Delta t}$  มีค่าเท่าเดิม ซึ่งเราแทนด้วย  $a$  ถ้าที่เวลา  $t = 0$  วัตถุเคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่ที่มีความเร็วต้นเป็น  $u$  และมีความเร็วที่เวลา  $t$  เป็น  $v$  ดังรูป



$$x = x_0 \quad \text{และ} \quad v = u$$

เมื่อ  $t = 0$  วินาที

รูปที่ 39 กราฟของความเร็วในฟังก์ชันของเวลา

จากรูป จะได้

$$a = \frac{v-u}{t-0}$$

$$at = v - u \quad \dots\dots\dots(2)$$

$$v = u + at \quad \dots\dots\dots(3)$$

จากรูป ความชันของเส้นกราฟคือความเร่ง ซึ่งมีค่าคงที่และพื้นที่ใต้กราฟคือ ระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ในช่วง 0 ถึง  $t$  ความเร็วเฉลี่ยระหว่างช่วงเวลาจาก 0 ถึง  $t$  วินาที

$$v_{av} = \frac{v+u}{2}$$

ดังนั้นในช่วงเวลา  $t$  วินาที วัตถุจะเคลื่อนที่ให้การกระจัด หรือวัตถุอยู่ห่างจากตำแหน่งเดิม ( $x_0$ ) เป็นระยะทาง

$$x - x_0 = \left( \frac{v + u}{2} \right) t \quad \dots\dots\dots(4)$$

แทนค่า  $v$  จากสมการ (2) จะได้

$$x - x_0 = \left( \frac{u + at + u}{2} \right)$$

$$x - x_0 = \frac{2ut + at^2}{2}$$

$$x - x_0 = ut + \frac{1}{2}at^2 \quad \dots\dots\dots(5)$$

ถ้าที่เวลา  $t = 0$  วินาที จะได้

$$x = ut + \frac{1}{2}at^2 \quad \dots\dots\dots(6)$$

จากสมการ (2)  $v - u = at$

จากสมการ (4)  $\left( \frac{v + u}{2} \right) t = x - x_0$

(2) x (4) จะได้  $\left( \frac{v^2 + u^2}{2} \right) t = at(x - x_0) \quad \dots\dots\dots(7)$

$$v^2 = u^2 + 2a(x - x_0) \quad \dots\dots\dots(8)$$

ถ้าที่  $t = 0$  วินาที  $x_0 = 0$

จะได้ว่า  $v^2 = u^2 + 2ax \quad \dots\dots\dots(9)$

สมการ (2), (4), (5) และ (8) ใช้สำหรับคำนวณปัญหาโจทย์เกี่ยวกับการเคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่ต่างๆ ไป และแต่ละสมการสามารถบรรยายการเคลื่อนที่ได้ดังนี้

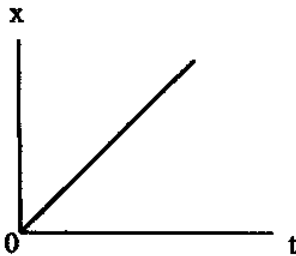
สมการ (2) มีความหมายว่า ความเร็วของวัตถุ (ที่เคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่) ที่เวลา  $t$  วินาที มีค่าเท่ากับความเร็วของวัตถุที่เวลา 0 วินาที บวกกับความเร่งที่เปลี่ยนไป เพราะวัตถุมีความเร่งคือ  $at$

สมการ (4) ระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ในช่วงเวลา  $t$  วินาที วัดจากตำแหน่งเดิม ( $x_0$ ) มีค่าเท่ากับความเร็วเฉลี่ยคูณด้วยเวลาการเคลื่อนที่ ซึ่งเท่ากับพื้นที่ใต้กราฟในช่วง 0 ถึง  $t$  วินาที

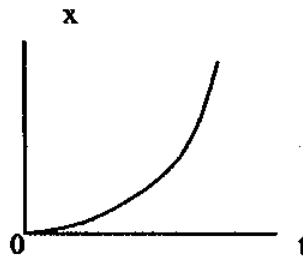
(5) ระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ในช่วงเวลา  $t$  วินาที มีค่าเท่ากับระยะทางที่ตำแหน่งเดิมบวกกับระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ ถ้าวัตถุมีขนาดความเร็วคงที่  $v$  บวกกับระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้เนื่องจากความเร่งที่เปลี่ยนไปเพราะวัตถุมีความเร่ง มีความเร่งเท่ากับ  $\frac{1}{2}at^2$

กราฟของการเคลื่อนที่เป็นเส้นตรง

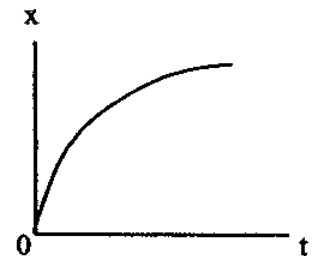
### 1. กราฟระหว่างการกระจัด $X$ กับเวลา $t$



วัตถุเคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่

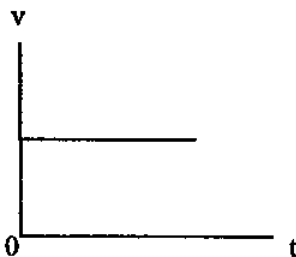


วัตถุเคลื่อนที่โดยมีความเร่ง

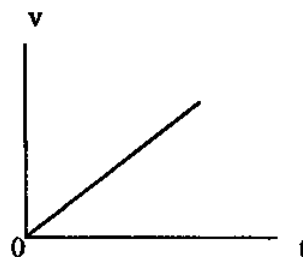


วัตถุเคลื่อนที่โดยมีความหน่วง

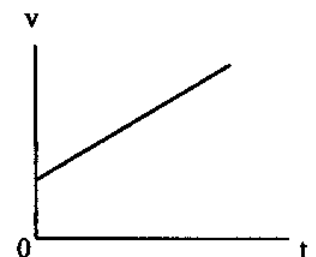
### 2. กราฟระหว่างความเร็ว $v$ กับเวลา $t$



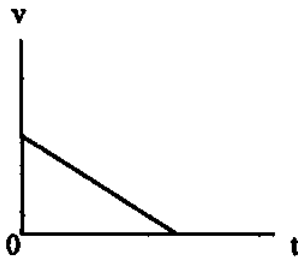
วัตถุเคลื่อนที่โดยมีความเร็วคงที่



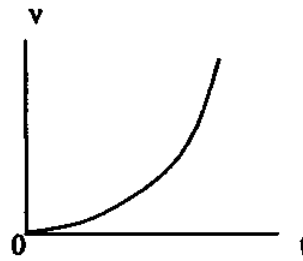
วัตถุเคลื่อนที่ด้วยความเร็วต้นเป็นศูนย์



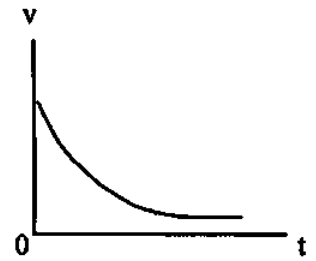
วัตถุเคลื่อนที่โดยมีความเร็วต้นและความเร่งคงที่



วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความหน่วงคงที่

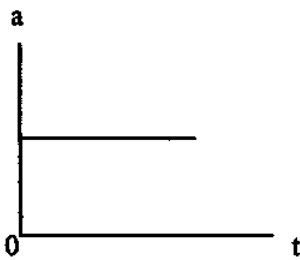


วัตถุเคลื่อนที่ด้วย  
ความเร่ง ไม่คงที่

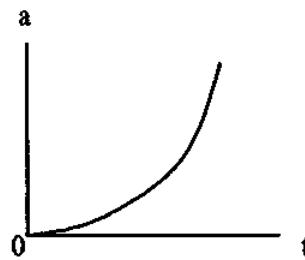


วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความหน่วง ไม่คงที่

### 3. กราฟระหว่างความเร่ง $a$ กับเวลา $t$



วัตถุเคลื่อนที่ด้วย  
ความเร็วคงที่



วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความเร่ง ไม่คงที่

### กิจกรรมการเรียนรู้แบบร่วมมือ

1. ครูนำเข้าสู่บทเรียนโดยครูและนักเรียนร่วมกันอภิปรายสรุปเกี่ยวกับ ปริมาณที่เกี่ยวข้องกับการเคลื่อนที่ของวัตถุในบทเรียนที่ผ่านมา ครูแจ้งให้ทราบถึงบทเรียนต่อไปเรื่อง การเคลื่อนที่ของวัตถุในแนวเส้นตรง
2. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้
3. ครูแจกใบความรู้ที่ 6 เรื่อง การเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบ
4. ครูให้ความรู้เรื่อง การเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบตามบทเรียน
5. นักเรียนร่วมกันอภิปรายสรุปสูตรการเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรง
6. ครูให้ความรู้เพิ่มเติมเกี่ยวกับความสัมพันธ์ของกราฟระหว่าง ระยะทางกับเวลา ความเร็วกับเวลา และความเร่งกับเวลา
7. นักเรียนร่วมกันทำโจทย์ตัวอย่างจากใบความรู้
8. นักเรียนร่วมกันเฉลยคำตอบของโจทย์ตัวอย่าง

9. ครูแจกใบงานที่ 7 โจทย์ปัญหาเรื่องการเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรง จำนวน 4 ข้อ
10. สมาชิกภายในกลุ่มช่วยกันทำ และอธิบายให้สมาชิกภายในกลุ่มเข้าใจ
11. ครูสุ่มตัวแทนนักศึกษาออกมาเฉลยโจทย์ปัญหบนกระดานดำ
12. ครูและนักศึกษาค้นอื่นตรวจสอบความถูกต้อง
13. ครูและนักศึกษาร่วมกันสรุปบทเรียน
14. นักศึกษาแต่ละกลุ่มรวบรวมใบงานส่งครู

### สื่อการเรียนการสอน

1. ใบความรู้ที่ 6
2. ใบงานที่ 7

### การวัดและประเมินผล

1. สังเกตจากความสนใจ ความตั้งใจ และความร่วมมือในการทำกิจกรรม
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจใบงานที่ 7
4. จากการทดสอบ

### กิจกรรมการสอนแบบสืบเสาะหาความรู้

1. ครูนำเข้าสู่บทเรียนโดยใช้คำถามดังนี้
  - 1.1 จากคาบที่ผ่านมาเราได้ทราบถึงปริมาณที่เกี่ยวข้องกับการเคลื่อนที่ของวัตถุไปแล้ว นักศึกษาทราบหรือไม่ว่ามีความสัมพันธ์กันอย่างไร และเราสามารถนำปริมาณเหล่านี้ไปคำนวณหาการเคลื่อนที่ของวัตถุ ได้อย่างไร
2. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้
3. ครูแจกใบความรู้ที่ 6 เรื่อง การเคลื่อนที่ของวัตถุในแนวเส้นตรง
4. นักศึกษาแต่ละคนศึกษาใบความรู้ของตัวเองและสรุปสูตรการคำนวณ พร้อมทั้งอภิปรายความสัมพันธ์ของกราฟ
5. นักศึกษาซักถามและครูอธิบายเพิ่มเติมในส่วนที่ยังไม่เข้าใจ
6. ครูให้นักศึกษาทำโจทย์ตัวอย่างในใบความรู้เพื่อดูความเข้าใจ
7. ให้ตัวแทนห้องออกมาเฉลยโจทย์บนกระดานดำ
8. นักศึกษาช่วยกันตรวจสอบและแก้ไขข้อบกพร่อง

9. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปบทเรียน

10. ครูให้นักศึกษาทำฝึกหัด เรื่อง การเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงในแนวระนาบ

### สื่อการเรียนการสอน

1. ใบความรู้ที่ 6
2. แบบฝึกหัด

### การวัดและประเมินผล

1. สังเกตจากความสนใจ ความตั้งใจ
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจแบบฝึกหัด

## ใบความรู้ที่ 6

การเคลื่อนที่เป็นเส้นตรงของวัตถุในแนวระนาบ

ในการเคลื่อนที่ของวัตถุมีลักษณะการเคลื่อนที่ 3 ลักษณะด้วยกัน คือ

1. วัตถุหยุดนิ่ง หมายถึงเวลาเปลี่ยนไปแต่ระยะทางของวัตถุไม่มีการเปลี่ยนแปลง
2. ความเร็วคงที่ หมายถึงวัตถุมีอัตราเร็วคงที่ ทิศทางคงเดิม
3. วัตถุมีความเร่ง มี 3 ลักษณะ
  - 3.1 อัตราเร็วคงที่แต่เปลี่ยนทิศทาง
  - 3.2 อัตราเร็วเปลี่ยนแต่ทิศทางคงเดิม
  - 3.3 เปลี่ยนทั้งอัตราเร็วและทิศทาง

การเคลื่อนที่ของวัตถุด้วยอัตราเร็วคงที่

ถ้า  $v =$  ความเร็วของวัตถุ (m/s)

$S =$  การกระจัด(m)

$t =$  เวลาที่ใช้ (s)

จะได้  $v = \frac{S}{t}$  ใช้เฉพาะเมื่อความเร็วคงที่ .....1

การเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรงด้วยความเร่งคงที่

ถ้าให้  $u =$  ความเร็วต้น

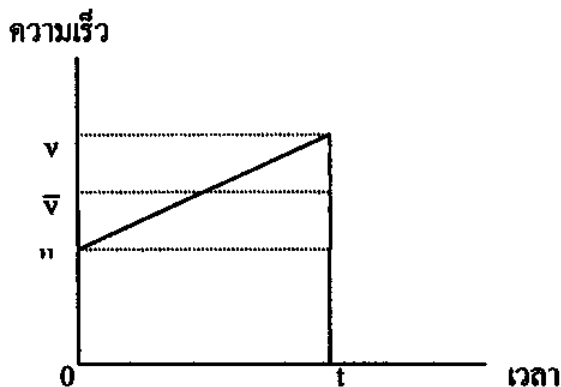
$v =$  ความเร็วปลาย

$a =$  ความเร่ง

$t =$  เวลาที่ใช้ในการเคลื่อนที่

$S =$  ระยะทาง

การเคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่ ไม่ว่าจะเลือก  $\Delta t$  จากช่วงใด หรือมีค่านานน้อยเพียงใด  $\frac{\Delta v}{\Delta t}$  มีค่าเท่าเดิม ซึ่งเราแทนด้วย  $a$  ถ้าที่เวลา  $t = 0$  วัตถุเคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่ที่มีความเร็วต้นเป็น  $u$  และมีความเร็วที่เวลา  $t$  วินาที เป็น  $v$  ดังรูป



$$x = x_0 \quad \text{และ} \quad v = u$$

เมื่อ  $t = 0$  วินาที

รูปที่ 40 กราฟของความเร็วในฟังก์ชันของเวลา

จากรูป จะได้

$$a = \frac{v - u}{t - 0}$$

$$at = v - u \quad \dots\dots\dots(2)$$

$$v = u + at \quad \dots\dots\dots(3)$$

จากรูป ความชันของเส้นกราฟคือความเร่ง ซึ่งมีค่าคงที่และพื้นที่ใต้กราฟคือ ระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ในช่วง 0 ถึง t ความเร็วเฉลี่ยระหว่างช่วงเวลาจาก 0 ถึง t วินาที

$$v_{av} = \frac{v + u}{2}$$

ดังนั้นในช่วงเวลา t วินาที วัตถุจะเคลื่อนที่ให้การกระจัด หรือวัตถุอยู่ห่างจากตำแหน่งเดิม ( $x_0$ ) เป็นระยะทาง

$$x - x_0 = \left( \frac{v + u}{2} \right) t \quad \dots\dots\dots(4)$$

แทนค่า v จากสมการ (2) จะได้

$$x - x_0 = \left( \frac{u + at + u}{2} \right) t$$



$$x - x_0 = \frac{2ut + at^2}{2}$$

$$x - x_0 = ut + \frac{1}{2}at^2 \quad \dots\dots\dots(5)$$

ถ้าที่เวลา  $t = 0$  วินาที จะได้

$$x = ut + \frac{1}{2}at^2 \quad \dots\dots\dots(6)$$

จากสมการ (2)  $v - u = at$

จากสมการ (4)  $\left(\frac{v+u}{2}\right)t = x - x_0$

(2) x (4) จะได้  $\left(\frac{v^2+u^2}{2}\right)t = at(x - x_0) \quad \dots\dots\dots(7)$

$$v^2 = u^2 + 2a(x - x_0) \quad \dots\dots\dots(8)$$

ถ้าที่  $t = 0$  วินาที  $x_0 = 0$

จะได้ว่า  $v^2 = u^2 + 2ax \quad \dots\dots\dots(9)$

สมการ (2), (4), (5) และ (8) ใช้สำหรับคำนวณปัญหาโจทย์เกี่ยวกับการเคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่ที่ทั่วไป และแต่ละสมการสามารถบรรยายการเคลื่อนที่ได้ดังนี้

สมการ (2) มีความหมายว่า ความเร็วของวัตถุ (ที่เคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่) ที่เวลา  $t$  วินาที มีค่าเท่ากับความเร็วของวัตถุที่เวลา 0 วินาที บวกกับความเร่งที่เปลี่ยนไป เพราะวัตถุมีความเร่งคือ  $at$

สมการ (4) ระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ในช่วงเวลา  $t$  วินาที วัดจากตำแหน่งเดิม ( $x_0$ ) มีค่าเท่ากับความเร็วเฉลี่ยคูณด้วยเวลาการเคลื่อนที่ ซึ่งเท่ากับพื้นที่ใต้กราฟในช่วง 0 ถึง  $t$  วินาที

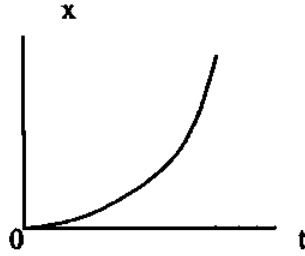
สมการ (5) ระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ในช่วงเวลา  $t$  วินาที มีค่าเท่ากับระยะทางที่ตำแหน่งเดิมบวกกับระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้ ถ้าวัตถุมีขนาดความเร่งคงที่  $v$  บวกกับระยะทางที่วัตถุเคลื่อนที่ได้เนื่องจากความเร็วที่เปลี่ยนไปเพราะวัตถุมีความเร่ง มีความเร่งเท่ากับ  $\frac{1}{2}at^2$

กราฟของการเคลื่อนที่เป็นเส้นตรง

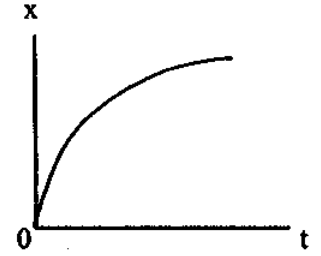
1. กราฟระหว่างการกระจัด  $x$  กับเวลา  $t$



วัตถุเคลื่อนที่ด้วย  
ความเร็วคงที่

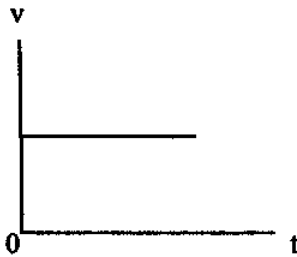


วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความเร่ง

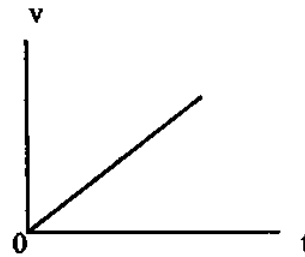


วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความหน่วง

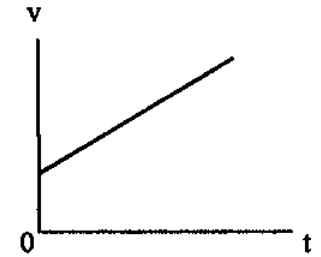
2. กราฟระหว่างความเร็ว  $v$  กับเวลา  $t$



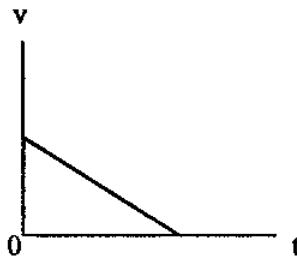
วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความเร็วคงที่



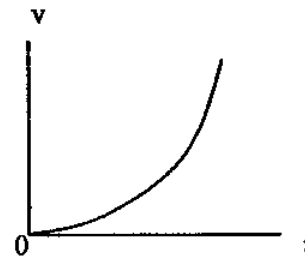
วัตถุเคลื่อนที่ด้วย  
ความเร่งต้นเป็นศูนย์



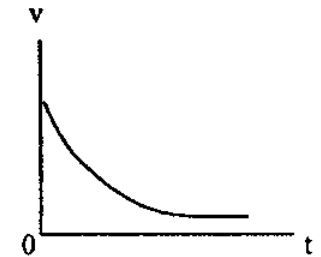
วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความเร่งต้นและความเร่งคงที่



วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความหน่วงคงที่

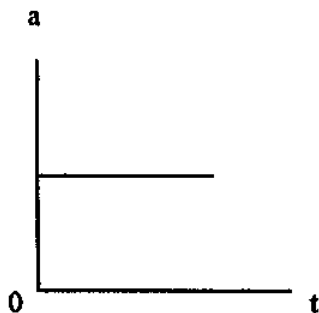


วัตถุเคลื่อนที่ด้วย  
ความเร่งไม่คงที่

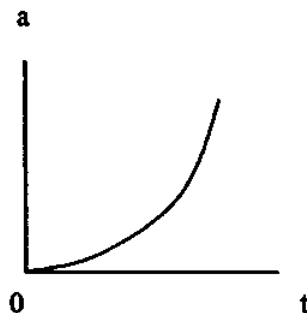


วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความหน่วงไม่คงที่

### 3. กราฟระหว่างความเร่ง $a$ กับเวลา $t$



วัตถุเคลื่อนที่ด้วย  
ความเร็วคงที่



วัตถุเคลื่อนที่โดยมี  
ความเร่งไม่คงที่

โจทย์ตัวอย่าง

- อนุภาคเคลื่อนที่ตามแนวแกน  $X$  โดยมีความเร็วแปรผันตามเวลา  $v(t) = 40 - 5t^2$  จงหา
  - ความเร่งเฉลี่ยในช่วงเวลา  $t = 0$  ถึง  $t = 2$  วินาที
  - ความเร่งขณะใดขณะหนึ่งที่เวลา  $t = 2$  วินาที
- ระยะกระจัดของวัตถุเป็นไปตามสมการ  $x = 10t^3$  จงหาความเร็วที่  $t = 2$  วินาที
- วัตถุชิ้นหนึ่งเริ่มเคลื่อนที่จากจุดหยุดนิ่งด้วยความเร่ง  $8$  เมตร/วินาที<sup>2</sup> ไปตามเส้นตรงเส้นหนึ่ง
  - อัตราเร็วขณะใดที่เวลาผ่านไป  $5$  วินาทีพอดี
  - อัตราเร็วเฉลี่ยในช่วง  $5$  วินาที นี้
  - ระยะทางที่เคลื่อนที่ไปได้ใน  $5$  วินาที

## ใบงานที่ 7

โจทย์ปัญหาเรื่องการเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรง

สมาชิกภายในกลุ่ม

1.....

2.....

3.....

4.....

5.....

สาขา.....

รหัส.....

รหัส.....

รหัส.....

รหัส.....

รหัส.....

วันที่.....เดือน.....พ.ศ.....

1. อนุภาคเคลื่อนที่ตามฟังก์ชัน  $x(t) = 3.5t^2 + 5t$  จงหา

ก. ระยะทางที่อนุภาคเคลื่อนที่ได้ในเวลา  $t = 1$  วินาที

ข. ความเร็วของอนุภาคที่เวลา  $t = 2$  วินาที

ค. ความเร่งของอนุภาคที่เวลา  $t = 1$  วินาที

2. อิเล็กตรอนในหลอดแคโทดในเครื่องรับโทรทัศน์ ผ่านเข้าไปในบริเวณที่ทำให้เกิดความเร่งคงตัว จากความเร็ว  $3 \times 10^4$  เมตร/วินาที เป็น  $5 \times 10^6$  เมตร/วินาที ในระยะทาง 2 เซนติเมตร

จงหา ก. ความเร่งของอิเล็กตรอนขณะที่ผ่านบริเวณนี้

ข. เวลาที่อิเล็กตรอนใช้ในการผ่านบริเวณที่มีความเร่งนี้

3. รถสปอร์ตคันหนึ่งเคลื่อนที่บนถนนด้วยความเร็วต้น 10 เมตร/วินาที และเพิ่มความเร็วขึ้นเรื่อยๆ ด้วยอัตราคงที่ เมื่อเวลาผ่านไป 5 วินาที พบว่ามีความเร็ว 25 เมตร/วินาที จงหาค่าความเร่งของรถคันนี้

4. ถ้าระยะทางของตำแหน่งของวัตถุที่กำลังเคลื่อนที่ เขียนเป็นฟังก์ชันของเวลาเป็น

$x = 5 + 20t + 5t^2$  จงหาความเร็วและความเร่งที่เป็นฟังก์ชันของเวลา

## แผนการสอนที่ 7

เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง

จำนวน 2 คาบ

## สาระสำคัญ

สูตรที่ใช้ในการคำนวณการเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง กราฟการเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง และข้อสังเกตเกี่ยวกับการเคลื่อนที่

## จุดประสงค์การเรียนรู้ (ปลายทาง)

นำสูตรการเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง ไปใช้แก้ปัญหาโจทย์ได้

## จุดประสงค์ย่อย (นำทาง)

1. บอกความสัมพันธ์ของกราฟระหว่างระยะทางกับเวลา ความเร็วกับเวลา และความเร่งกับเวลาได้
2. บอกสูตรที่ใช้ในการคำนวณการเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้งได้
3. อธิบายวิธีการคำนวณการเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้งได้
4. แก้ปัญหาโจทย์การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้งได้

## เนื้อหา

ในการวิเคราะห์การเคลื่อนที่ตามแนวเส้นตรงที่ผ่านมา เราใช้แกน X เป็นแกนอ้างอิงแทนเส้นตรง แต่ในการวิเคราะห์การตกโดยอิสระ ซึ่งเป็นการเคลื่อนที่ด้วยความเร่งคงที่ตามแนวตั้ง เราจะใช้แกน Y เป็นแกนอ้างอิงในแนวตั้ง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง เป็นการเคลื่อนที่ภายใต้แรงดึงดูดของโลกเพียงอย่างเดียว โดยถือว่าแรงต้านอากาศมีค่าน้อยมาก การเคลื่อนที่แบบนี้จะมีความเร่งคงที่ คือ  $g = 9.8$  เมตร/วินาที<sup>2</sup> หรือเพื่อความสะดวกจะใช้ค่า  $g = 10$  เมตร/วินาที<sup>2</sup>

แกน Y

$y_0$	ตำแหน่งของวัตถุเมื่อ $t = 0$ วินาที
$y$	ตำแหน่งของวัตถุเมื่อเวลา $t$

แนวระดับ (X)

รูปที่ 41 แสดงตำแหน่งของวัตถุที่เวลาต่างๆ กัน

สูตรการเคลื่อนที่ด้วยความเร่งตามแนวตั้ง

$$v = u + gt$$

$$y - y_0 = ut + \frac{1}{2}gt^2$$

$$v^2 = u^2 + 2g(y - y_0)$$

ข้อสังเกตเกี่ยวกับการเคลื่อนที่ในแนวตั้ง

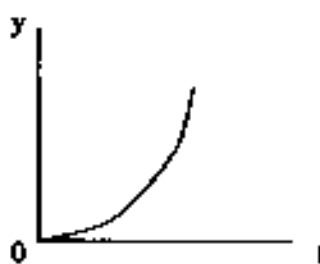
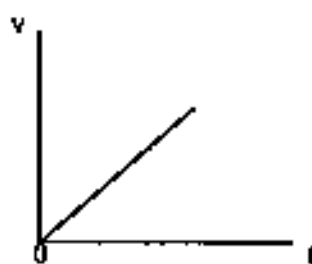
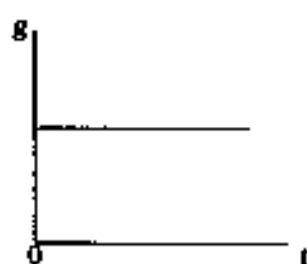
1. เมื่อปล่อยหรือทิ้งวัตถุให้ตกลงมาเอง หมายความว่าความเร็วต้น  $u = 0$  ถ้าขว้างลงมาความเร็วต้น  $u$  ไม่เป็นศูนย์
2. เมื่อวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุดความเร็วปลาย  $v = 0$
3. ทิศของความเร่ง  $g$  จะมีทิศลงในแนวตั้งเสมอ
4. ถ้าวัตถุเคลื่อนที่ลง  $g$  มีเครื่องหมายเป็น  $+$  และถ้าวัตถุเคลื่อนที่ขึ้น  $g$  มีเครื่องหมายเป็น  $-$
5. เมื่อวัตถุเคลื่อนที่ลง ความเร็วจะมากขึ้น (มีความเร่ง  $g$ ) ถ้าวัตถุเคลื่อนที่ขึ้นความเร็วจะลดลง (มีความหน่วง  $g$ )
6. เมื่อปล่อยวัตถุจากสิ่งที่ยึดค้างเคลื่อนที่ขึ้น วัตถุจะมีความเร็วต้นเท่ากับสิ่งนั้น
7. เมื่อวัตถุมีการเคลื่อนที่ต่อเนื่องคือ ขึ้นแล้วลง
  - 7.1 การกระจัดที่ระดับเดิมเป็นศูนย์
  - 7.2 ความเร็วต้นและความเร็วปลายที่ระดับเดิมเท่ากัน
  - 7.3 ความเร็วที่ระดับความสูงเดียวกันเท่ากัน
  - 7.4 เวลาขึ้นและเวลาลงที่ระดับเดียวกันเท่ากัน
8. ถ้าขว้างวัตถุขึ้นแล้ววัตถุตกกลับลงมาต่ำกว่าจุดเดิม ให้ใช้การกระจัดที่ต่ำกว่าเดิมเป็นลบ แทน  
ในสูตร  $= ut + \frac{1}{2}gt^2$  แต่ค่าของ  $t$  ให้ใช้เวลาทั้งหมด
9. ถ้าวัตถุเคลื่อนที่ขึ้นด้วยความเร็วต้น  $x$  เท่าของ  $g$  วัตถุจะขึ้นถึงจุดสูงสุดในเวลา  $x$  วินาที เช่น ปล่อยวัตถุขึ้นด้วยความเร็วต้น  $3g$  วัตถุจะขึ้นถึงจุดสูงสุดในเวลา 3 วินาที
10. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นแล้วให้หาเวลา  $t$  ณ จุดที่สูงจากพื้น โดยแทนสูตร  $y = ut + \frac{1}{2}gt^2$  จะได้ค่า  $t^2$  ค่า คือช่วงเวลาที่ขึ้นกับช่วงเวลาที่นับไปจนถึงที่ขึ้นได้สูงสุด แล้วคกกลับมาถึงจุดเดิม

## การคิดเครื่องหมาย

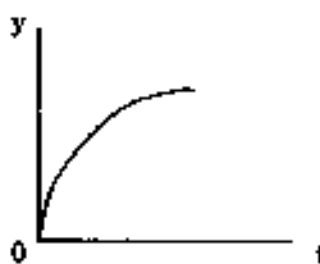
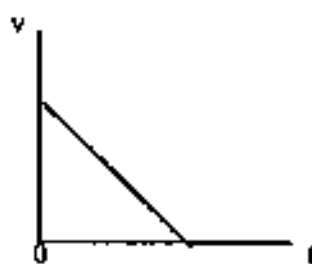
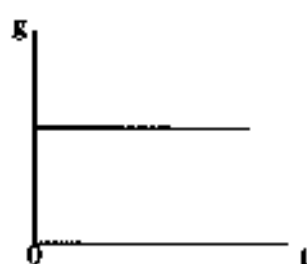
1. ให้ทิศของความเร็วต้น  $u$  - ครั้งแรกเป็น  $+$  เสมอไม่ว่าวัตถุจะขึ้นหรือลง
2. ปริมาณอื่นๆ เช่นความเร็วปลาย ความเร่ง และการกระจัด ถ้ามีทิศเดียวกับความเร็วต้น  $u$  ให้ใช้เครื่องหมาย  $+$  ทิศตรงข้ามใช้เครื่องหมาย  $-$
3. เวลา  $t$  เป็นบวกเสมอ
4. ปริมาณที่หาค่าไม่ว่าจะเป็น  $u, v$  หรือ  $y$  ไม่ต้องกำหนดเครื่องหมาย

## กราฟของการเคลื่อนที่ในแนวตั้ง

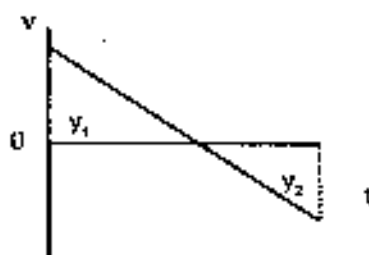
1. เมื่อปล่อยวัตถุตกลงมา ความเร็วเพิ่มขึ้น เวลารวมเพิ่มขึ้น

slope =  $v$ slope =  $g$ 

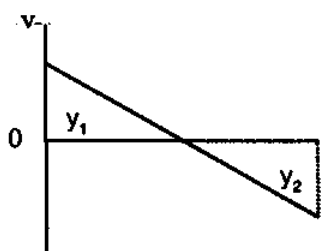
2. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นความเร็วลดลง เวลารวมเพิ่มขึ้น

slope =  $v$ slope =  $-g$ 

3. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุด แล้วตกกลับลงมา ณ จุดตกสูงกว่าเดิม

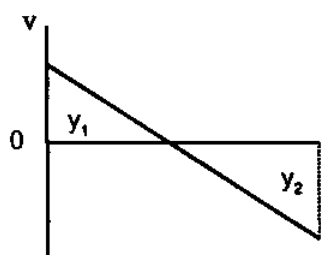
การกระจัด  $y = y_1 - y_2$

4. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุด แล้วตกกลับลงมาที่ระดับเดิม



t การกระจัด  $y = y_1 - y_2 = 0$

5. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุด แล้วตกกลับลงมาที่ระดับต่ำกว่าเดิม



t การกระจัด  $y = -y = y_1 - y_2$

### กิจกรรมการเรียนรู้แบบร่วมมือ

1. ครูนำเข้าสู่บทเรียน โดยครูและนักเรียนร่วมกันทบทวนบทเรียนที่ผ่านมา แล้วครูแจ้งให้นักศึกษาทราบเนื้อหาที่จะสอน เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
2. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้
3. ครูแจกใบความรู้ที่ 7 เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
4. ครูให้ความรู้เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
5. นักเรียนร่วมกันอภิปรายและสรุปสูตรการเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
6. ครูให้ความรู้เพิ่มเติมในส่วนที่นักศึกษายังไม่เข้าใจ
7. นักเรียนแต่ละกลุ่มทำโจทย์ตัวอย่างในใบความรู้ที่ 7 เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
8. นักเรียนร่วมกันเฉลยโจทย์ตัวอย่างครูแจกใบงานที่ 8 โจทย์ปัญหา เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
9. นักเรียนร่วมกันทำโจทย์ปัญหา
10. ครูสุ่มนักศึกษาที่เป็นตัวแทนกลุ่มออกมาทำหน้าที่เฉลยโจทย์ปัญหา
11. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปบทเรียน
12. นักศึกษาแต่ละกลุ่มรวบรวมใบงานส่งครู



## สื่อการเรียนการสอน

1. ใบความรู้ที่ 7
2. ใบงานที่ 8

## การวัดและประเมินผล

1. สังเกตความสนใจ ความตั้งใจ และความร่วมมือในการทำกิจกรรม
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจใบงานที่ 8
4. จากการทดสอบ

## กิจกรรมการเรียนการสอนแบบสืบเสาะหาความรู้

1. ครูนำเข้าสู่บทเรียน ดังนี้

ครูและนักศึกษาร่วมกันทบทวนบทเรียนในคาบที่ผ่านมา ครูแจ้งเนื้อหาที่จะสอนในคาบต่อไปให้นักศึกษาทราบ

2. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้
3. ครูแจกใบความรู้ที่ 7 เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
4. นักศึกษาแต่ละคนศึกษาใบความรู้ของตัวเอง
5. ครูใช้คำถามเพื่อให้นักศึกษาสรุปสูตรที่ใช้ในการคำนวณ
6. ให้นักศึกษาถามครูในเรื่องที่ยังไม่เข้าใจ หลังจากที่ได้ศึกษาในใบความรู้
7. ครูให้ความรู้เพิ่มเติมในส่วนที่นักศึกษายังไม่เข้าใจ
8. นักศึกษาทำโจทย์ตัวอย่างจากใบความรู้ที่ 7 เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
9. ให้ตัวแทนนักศึกษาออกมาเฉลยโจทย์ตัวอย่างบนกระดานดำ
10. ครูและนักศึกษาค้นคนอื่นช่วยกันตรวจสอบความถูกต้องครูแจกใบงานที่ 8 โจทย์ปัญหา เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง
11. ครูและนักศึกษาร่วมกันสรุปบทเรียน
12. ครูให้นักศึกษาทำแบบฝึกหัด เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง

## สื่อการเรียนการสอน

1. ใบความรู้ที่ 7
2. แบบฝึกหัด.....

## การวัดและประเมินผล

1. สังเกตความสนใจ ความตั้งใจ
2. จากการซักถามและการตอบคำถาม
3. จากการตรวจแบบฝึกหัด

## ใบความรู้ที่ 7

การเคลื่อนที่โดยอิสระ ในแนวตั้ง

สูตรการเคลื่อนที่ด้วยความเร่งตามแนวตั้ง

$$v = u + gt$$

$$y - y_0 = ut + \frac{1}{2}gt^2$$

$$v^2 = u^2 + 2g(y - y_0)$$

ข้อสังเกตเกี่ยวกับการเคลื่อนที่ในแนวตั้ง

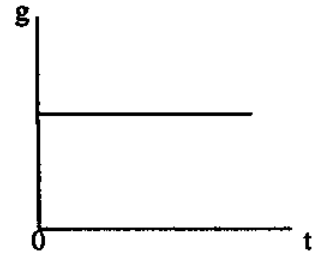
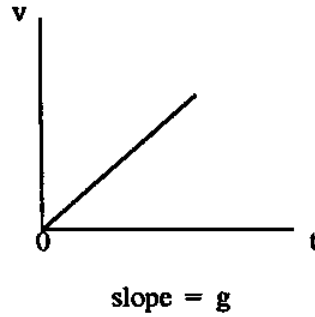
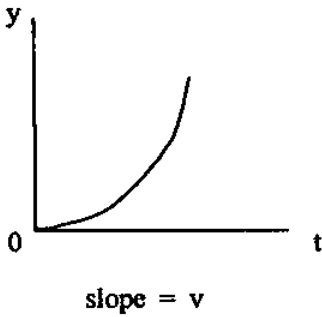
- เมื่อปล่อยหรือทิ้งวัตถุให้ตกลงมาเอง หมายความว่าความเร็วต้น  $u = 0$  ถ้าขว้างลงมาความเร็วต้น  $u$  ไม่เป็นศูนย์
- เมื่อวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุดความเร็วปลาย  $v = 0$
- ทิศของความเร่ง  $g$  จะมีทิศลงในแนวตั้งเสมอ
- ถ้าวัตถุเคลื่อนที่ลง  $g$  มีเครื่องหมายเป็น  $+$  และถ้าวัตถุเคลื่อนที่ขึ้น  $g$  มีเครื่องหมายเป็น  $-$
- เมื่อวัตถุเคลื่อนที่ลง ความเร็วจะมากขึ้น (มีความเร่ง  $g$ ) ถ้าวัตถุเคลื่อนที่ขึ้นความเร็วจะลดลง (มีความหน่วง  $g$ )
- เมื่อปล่อยวัตถุจากสิ่งที่กำลังเคลื่อนที่ขึ้น วัตถุจะมีความเร็วต้นเท่ากับสิ่งนั้น
- เมื่อวัตถุมีการเคลื่อนที่ต่อเนื่องคือ ขึ้นแล้วลง
  - การกระจัดที่ระดับเดิมเป็นศูนย์
  - ความเร็วต้นและความเร็วปลายที่ระดับเดิมเท่ากัน
  - ความเร็วที่ระดับความสูงเดียวกันเท่ากัน
  - เวลาขึ้นและเวลาลงที่ระดับเดียวกันเท่ากัน
- ถ้าขว้างวัตถุขึ้นแล้ววัตถุตกกลับลงมาต่ำกว่าจุดเดิม ให้ใช้การกระจัดที่ต่ำกว่าเดิมเป็นลบ แทนในสูตร  $y = ut + \frac{1}{2}gt^2$  แต่ค่าของ  $t$  ให้ใช้เวลาทั้งหมด
- ถ้าวัตถุเคลื่อนที่ขึ้นด้วยความเร็วต้น  $x$  เท่าของ  $g$  วัตถุจะขึ้นถึงจุดสูงสุดโดยใช้เวลา  $t = \frac{x}{g}$  ปล่อยวัตถุขึ้นด้วยความเร็วต้น  $3g$  วัตถุจะขึ้นถึงจุดสูงสุดในเวลา  $t = \frac{3g}{g} = 3$  วินาที
- เมื่อขว้างวัตถุขึ้นแล้วให้หาเวลา  $t$  ณ จุดที่สูงจากพื้น โดยแทนสูตร  $y = ut + \frac{1}{2}gt^2$  จะได้ค่า  $t = 2$  ค่า คือช่วงเวลาที่ขึ้นกับช่วงเวลาที่นับ ไปถึงที่ขึ้นได้สูงสุดแล้วตกกลับมาถึงจุดนั้น

## การคิดเครื่องหมาย

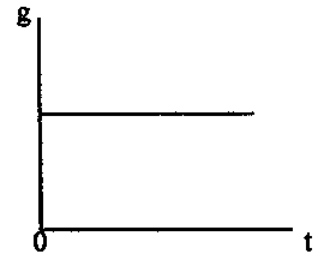
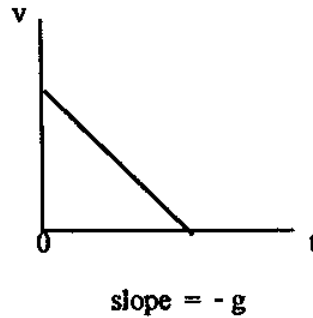
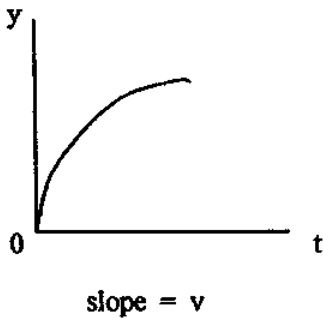
1. ให้ทิศของความเร็วต้น  $u$  ครั้งแรกเป็น  $+$  เสมอไม่ว่าวัตถุจะขึ้นหรือลง
2. ปริมาณอื่นๆ เช่นความเร็วปลาย ความเร่ง และการกระจัด ถ้ามีทิศเดียวกับความเร็วต้น  $u$  ให้ใช้เครื่องหมาย  $+$  ทิศตรงข้ามใช้เครื่องหมาย  $-$
3. เวลา  $t$  เป็นบวกเสมอ
4. ปริมาณที่ต้องหาค่าไม่ว่าจะเป็น  $u, v$  หรือ  $y$  ไม่ต้องกำหนดเครื่องหมาย

## กราฟของการเคลื่อนที่ในแนวตั้ง

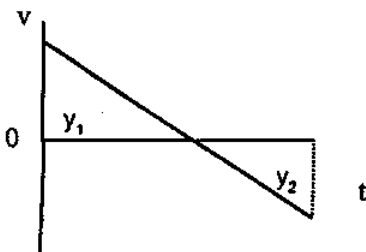
1. เมื่อปล่อยวัตถุตกลงมา ความเร็วเพิ่มขึ้น เวลาเพิ่มขึ้น



2. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นความเร็วลดลง เวลาเพิ่มขึ้น

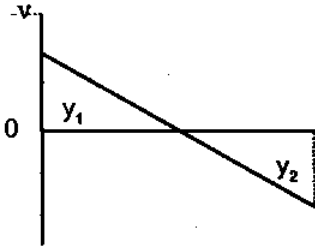


3. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุด แล้วตกกลับลงมาแต่จุดตกสูงกว่าเดิม



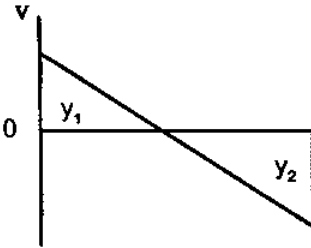
การกระจัด  $y = y_1 - y_2$

4. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุด แล้วตกกลับลงมาที่ระดับเดิม



t การกระจัด  $y = y_1 - y_2 = 0$

5. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นถึงจุดสูงสุด แล้วตกกลับลงมาที่ระดับต่ำกว่าเดิม



t การกระจัด  $y = -y = y_1 - y_2$

โจทย์ตัวอย่าง

- ถ้าโยนก้อนหินขึ้นไปตามแนวตั้งด้วยความเร็ว 9.8 เมตร/วินาที จงหาระยะทางที่ก้อนหินขึ้นไปได้สูงสุด และเวลาที่ใช้ในการเคลื่อนที่ทั้งหมด
- ลูกบอลที่ถูกโยนขึ้นไปในอากาศด้วยความเร็ว 10 เมตร/วินาที
  - ลูกบอลที่ใช้เวลานานเท่าไรถึงจะตกกลับลงมา
  - ลูกบอลตกขึ้นไปได้สูงเท่าใด
  - หลังจากลูกบอลถูกโยนขึ้นไปนานเท่าใดมันจึงจะตกกลับมาถึงจุดเริ่มต้นอีกครั้ง
- ลูกหินลูกหนึ่งถูกปล่อยลงมาจากสะพานและกระทบผิวน้ำในเวลา 5 วินาที จงหา อัตราเร็วที่ลูกหินกระทบผิวน้ำและความสูงของสะพาน

## ใบงานที่ 8

โจทย์ปัญหา เรื่อง การเคลื่อนที่โดยอิสระในแนวตั้ง

สมาชิกภายในกลุ่ม

1.....

สาขา.....

2.....

รหัส.....

3.....

รหัส.....

4.....

รหัส.....

5.....

รหัส.....

วันที่.....เดือน.....พ.ศ.....

1. ขว้างวัตถุขึ้นไปในแนวตั้งเมื่อขึ้นไปสูง 5 เมตร วัตถุนั้นมีความเร็ว 7.2 เมตร/วินาที จงหา

ก. ความเร็วต้น

ข. วัตถุขึ้นไปได้ระยะทางสูงสุดเท่าไร

ค. วัตถุนั้นอยู่ในอากาศนานเท่าไร

2. เด็กผู้หญิงคนหนึ่งขว้างลูกบอลขึ้นไปในแนวตั้งขณะที่ยืนอยู่บนหลังคาซึ่งสูง 20 เมตร ด้วยความเร็ว 10 เมตร/วินาที จงหา

ก. ลูกบอลจะใช้เวลาเท่าใดจึงจะตกถึงพื้น

ข. ความเร็วของลูกบอลเมื่อตกถึงพื้น

3. บอลลูกกำลังลอยขึ้นไปในแนวตั้งด้วยอัตราเร็ว 10 เมตร/วินาที เมื่อลอยขึ้นไปได้สูง 40 เมตร คนในบอลลูกก็ทิ้งวัตถุก้อนหนึ่งลงมายังพื้นดิน จงหา

ก. ตำแหน่งและอัตราเร็วของวัตถุ ที่เวลา  $t$  เท่ากับ 1, 2 และ 3 วินาที

ข. วัตถุจะตกถึงพื้นหลังจากถูกทิ้งกี่วินาที

4. ลูกบอลถูกขว้างขึ้นไปในแนวตั้ง ด้วยความเร็วต้น 14.6 เมตร/วินาที ชายผู้หนึ่งยืนอยู่บนหน้าต่าซึ่งสูง 6 เมตร จากพื้นดินรับลูกบอลได้ขณะลูกบอลตกลงมา จงหา

ก. ความสูงจากพื้นดินที่ลูกบอลขึ้นไปได้

ข. ระยะเวลาที่ลูกบอลอยู่ในอากาศ

### รายนามผู้เชี่ยวชาญ

1. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.วณิ ชูพงศ์ สถาบันเทคโนโลยีราชมงคล วิทยาเขตนครศรีธรรมราช
2. ผู้ช่วยศาสตราจารย์วรรณ หอมเกตุ สถาบันเทคโนโลยีราชมงคล วิทยาเขตนครศรีธรรมราช
3. ผู้ช่วยศาสตราจารย์อมรพันธ์ แก้วศรีนวล สถาบันเทคโนโลยีราชมงคล วิทยาเขตนครศรีธรรมราช
4. อาจารย์ทิพวรรณ คล้ายบ้านใหม่ สถาบันเทคโนโลยีราชมงคล วิทยาเขตนครศรีธรรมราช
5. อาจารย์ประกอบ ศรีจันทร์ สถาบันเทคโนโลยีราชมงคล วิทยาเขตนครศรีธรรมราช