

บทที่ 4

ผลการวิเคราะห์ข้อมูล

การวิจัยครั้งนี้เป็นการวิจัยเชิงสัมพันธ์ (Correlational Research) ระหว่างตัวแปรพหุระดับ ซึ่งประกอบด้วย ตัวแปรระดับนักเรียน และตัวแปรระดับห้องเรียน ที่มีอิทธิพลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 ในสามจังหวัดชายแดนภาคใต้ โดยใช้เทคนิคการวิเคราะห์ด้วยโมเดลเชิงเส้นตรัตระดับลูกคอลลั่น (HLM : Hierarchical Linear Model) ผู้วิจัยได้เสนอการวิเคราะห์ข้อมูลเป็น 3 ตอน ดังนี้

ตอนที่ 1 ผลการวิเคราะห์ค่าสถิติพื้นฐาน

ตอนที่ 2 ผลการวิเคราะห์ค่าสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรระดับนักเรียนและตัวแปรระดับห้องเรียน

ตอนที่ 3 ผลการวิเคราะห์พหุระดับ (Multilevel Analysis) ของปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนนำเสนอผลการวิเคราะห์แบ่งออกเป็น 3 ขั้นตอนดังนี้

1. ผลการวิเคราะห์ขั้น โมเดลศูนย์ (Null Model) ของตัวแปรผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6
2. ผลการวิเคราะห์ขั้น โมเดลแบบง่าย (Simple Model) ของตัวแปรระดับนักเรียน
3. วิเคราะห์ขั้น โมเดลตามสมมติฐาน (Hypothetical Model) โดยนำตัวแปรอิสระระดับนักเรียนที่ผ่านการวิเคราะห์และพิจารณาแล้วว่าเหมาะสมมาจากการวิเคราะห์ระดับนักเรียนมา วิเคราะห์ร่วมกับตัวแปรอิสระระดับห้องเรียนเพื่อตรวจสอบอิทธิพลของตัวแปรระดับห้องเรียนที่มีต่อตัวแปรตาม

ผู้วิจัยกำหนดสัญลักษณ์ที่ใช้แทนตัวแปรต่างๆ ในการนำเสนอผลการวิจัย ดังนี้

THI หมายถึง การคิดเชิงระบบ

ATS หมายถึง เจตคติต่อการเรียน

SUP หมายถึง การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง

GRO หมายถึง อิทธิพลของกลุ่มเพื่อน

MOT หมายถึง แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์

EXP หมายถึง ความคาดหวังในผลสัมฤทธิ์

PUR หมายถึง ความเชื่อมั่นในตนเอง

CHA หมายถึง นิสัยในการเรียน

REL	หมายถึง	ปฏิสัมพันธ์ระหว่างครุกับนักเรียน
SIZ	หมายถึง	จำนวนนักเรียน
MED	หมายถึง	สื่อการเรียนรู้
EVN	หมายถึง	สภาพแวดล้อมในห้องเรียน
ACH	หมายถึง	ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

ผลการวิเคราะห์ข้อมูล

ผลการวิเคราะห์ข้อมูลสำหรับการวิจัยครั้งนี้ มีดังต่อไปนี้

ตอนที่ 1 ผลการวิเคราะห์ค่าสถิติพื้นฐาน ประกอบด้วยจำนวนและร้อยละของข้อมูลนักเรียน ค่าเฉลี่ย และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของตัวแปรระดับนักเรียน ได้แก่ การคิดเชิงระบบ เจตคติต่อการเรียน การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง อิทธิพลของกลุ่มเพื่อน แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์ ความคาดหวังในผลสัมฤทธิ์ ความเชื่อมั่นในตนเองนิสัยในการเรียน ปฏิสัมพันธ์ระหว่างครุกับนักเรียน ตัวแปรระดับห้องเรียน ได้แก่ จำนวนนักเรียน สื่อการเรียนรู้ สภาพแวดล้อม ในห้องเรียน และตัวแปรตาม คือ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนดังแสดงในตาราง 3 - 4

ตาราง 3 จำนวนและร้อยละของเพศและอายุของกลุ่มตัวอย่างที่เป็นนักเรียน

	ข้อมูลนักเรียน	จำนวน	ร้อยละ
เพศ			
	ชาย	258	28.29
	หญิง	654	71.71
	รวม	912	100.00
อายุ			
	11 ปี	268	29.39
	12 ปี	572	62.72
	13 ปี	72	7.89
	รวม	912	100.00

จากตาราง 3 ผลจากการวิเคราะห์ข้อมูล แสดงให้เห็นว่า กลุ่มตัวอย่างที่เป็นนักเรียนส่วนใหญ่เป็นเพศหญิง (ร้อยละ 71.71) และรองลงมาคือ เพศชาย (ร้อยละ 28.29) ส่วนใหญ่มีอายุ 12 ปี (ร้อยละ 62.72) รองลงมาคืออายุ 11 ปี (ร้อยละ 29.39) 13 ปี (ร้อยละ 7.89) ตามลำดับ

ตาราง 4 ค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของตัวแปรระดับนักเรียนและตัวแปรระดับห้องเรียนและผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

ตัวแปร	n	\bar{X}	S.D.	CV.
ตัวแปรระดับนักเรียน				
THI หมายถึง การคิดเชิงระบบ	912	36.87	12.15	0.33
ATS หมายถึง เจตคติต่อการเรียน	912	3.98	0.51	0.13
SUP หมายถึง การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง	912	3.79	1.24	0.33
GRO หมายถึง อิทธิพลของกลุ่มเพื่อน	912	3.54	1.16	0.33
MOT หมายถึง แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์	912	3.81	1.23	0.32
EXP หมายถึง ความคาดหวังในผลสัมฤทธิ์	912	3.44	1.22	0.35
PUR หมายถึง ความเชื่อมั่นในตนเอง	912	3.11	1.14	0.37
CHA หมายถึง นิสัยในการเรียน	912	3.26	1.01	0.31
REL หมายถึง ปฏิสัมพันธ์ระหว่างครูกับนักเรียน	912	3.61	1.20	0.33
ตัวแปรระดับห้องเรียน				
SIZ หมายถึง จำนวนนักเรียน	40	26.40	7.61	0.29
MED หมายถึง สื่อการเรียนรู้	40	3.75	1.23	0.33
EVN หมายถึง สภาพแวดล้อมในห้องเรียน	40	3.46	4.61	1.33
ตัวแปรรวม				
ACH หมายถึง ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน	912	2.67	6.45	2.42

จากตาราง 4 ผลจากการวิเคราะห์ข้อมูลเมื่อพิจารณาตัวแปรระดับนักเรียน พบว่า ได้แก่ เจตคติต่อการเรียนของนักเรียนมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.98 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 0.51 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.13 แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.81 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.23 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.32 การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครองมีค่าเฉลี่ย

เท่ากับ 3.79 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.24 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.33 ปัญสัมพันธ์ระหว่างครูกับนักเรียนมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.61 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.20 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.33 อิทธิพลของกลุ่มเพื่อนมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.54 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.16 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.33 ความคาดหวังในผลสัมฤทธิ์มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.44 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.22 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.35 นิสัยในการเรียนมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.26 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.01 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.31 ความเชื่อมั่นในตนเองมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.11 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.14 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.37 การคิดเชิงระบบเนื่องจากเป็นแบบทดสอบอัตนัยที่ให้นักเรียนตอบให้ได้มากที่สุดในเวลาที่กำหนดให้ และจากการตรวจให้คะแนน พ布ว่า นักเรียนได้คะแนนสูงสุดเท่ากับ 62 คะแนนต่ำสุดเท่ากับ 25 คะแนน มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 36.87 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 12.15 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.33 สำหรับตัวแปรระดับห้องเรียน ได้แก่ จำนวนนักเรียนมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 26.40 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 7.61 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.29 สื่อการเรียนรู้มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.75 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 1.23 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 0.33 สภาพแวดล้อมในห้องเรียนมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 3.46 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 4.61 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 1.33 และตัวแปรตาม คือ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 2.67 ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 6.45 มีค่าสัมประสิทธิ์การกระจายเท่ากับ 2.42

ตอนที่ 2 ผลการวิเคราะห์ค่าสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรระดับนักเรียนและตัวแปรระดับห้องเรียน

1. ผลการวิเคราะห์ข้อมูลเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายใน (Intercorrelation Coefficient) ระหว่างตัวแปรระดับนักเรียน ได้แก่ การคิดเชิงระบบ (THI), เจตคติต่อการเรียน (ATS), การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง (SUP), อิทธิพลของกลุ่มเพื่อน (GRO), แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์ (MOT), ความคาดหวังในผลสัมฤทธิ์ (EXP), ความเชื่อมั่นในตนเอง (PUR), นิสัยในการเรียน (CHA), ปัญสัมพันธ์ระหว่างครูกับนักเรียน (REL) กับ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (ACH) ปรากฏผลดังตาราง 5

ตาราง 5 ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ของตัวแปรระดับนักเรียนกับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

ตัวแปร	THI	ATS	SUP	GRO	MOT	EXP	PUR	CHA	REL
THI	1.00								
ATS	.272**	1.00							
SUP	.162*	.304**	1.00						
GRO	.060	.177**	.102	1.00					
MOT	.089	.481**	.316**	.217**	1.00				
EXP	.111**	.248**	.166**	.089	.318**	1.00			
PUR	.099**	.079	.071	.151**	.235**	.311**	1.00		
CHA	.071	.127**	.097	.131**	.101*	.113**	.123**	1.00	
REL	.237**	.111**	.221**	.120**	.137**	.071	.099	.105	1.00
ACH	.120*	.563**	.542**	.167*	.297**	.184*	.179*	.166*	.498**

** มีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01

* มีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05

จากตาราง 5 พบร ว ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายนอกระหว่างตัวแปรต่าง ๆ จำนวนทั้งสิ้น 45 ค่า มีค่าระหว่าง 0.060 ถึง 0.563 โดยเจตคติของการเรียน (ATS) กับ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (ACH) มีความสัมพันธ์กันสูงที่สุด ($r=0.563$) อิทธิพลของกลุ่มเพื่อน (GRO) กับการคิดเชิงระบบ (THI) มีความสัมพันธ์กันต่ำที่สุด ($r=0.060$)

ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายนอกระหว่างตัวแปรระดับนักเรียนด้วยกัน พบร ว เจตคติของการเรียน (ATS) กับ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ (MOT) มีความสัมพันธ์กันมากที่สุด มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.481 รองลงมาคือ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ (MOT) กับ ความคาดหวังในผลสัมฤทธิ์ (EXP) มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.318 และ การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง (SUP) กับ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ (MOT) มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.316 ตามลำดับ เมื่อพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่างผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (ACH) กับตัวแปรต่างๆ พบร ว ตัวแปรที่มีความสัมพันธ์กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน(ACH)) อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 ได้แก่ เจตคติของการเรียน (ATS) มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์มากที่สุดเท่ากับ 0.563 การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง(SUP)มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.542 ปฏิสัมพันธ์

ระหว่างครุภัณฑ์เรียน (REL) มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.498 แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์ (MOT) มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.297 ตามลำดับ

เมื่อพิจารณาความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรระดับนักเรียนด้วยกันเอง พบว่าค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรระดับนักเรียนไม่มีค่าใดที่มีค่าใกล้ +1.00 หรือ -1.00 ดังนั้น จึงไม่มีปัญหาเกี่ยวกับภาวะร่วมเด็นตรงเดียวกันพหุ (Multicollinearity) (บุญชุม ศรีสะอาด. 2541:174)

2.ผลการวิเคราะห์ข้อมูลเพื่อหาค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายใน (Intercorrelation Coefficient) ระหว่างตัวแปรระดับห้องเรียน ได้แก่ จำนวนนักเรียน (SIZ), สื่อการเรียนรู้ (MED), สภาพแวดล้อมในห้องเรียน (EVN) กับ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (ACH) ปรากฏผลดังตาราง 6

ตาราง 6 ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ของตัวแปรระดับห้องเรียนกับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

ตัวแปร	SIZ	MED	EVN	GRO
SIZ	1.00			
MED	.199	1.00		
EVN	.164	.575**	1.00	
ACH	.123	.467**	.589**	1.00

** มีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01

จากตาราง 6 ผลการวิเคราะห์ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรระดับห้องเรียนจำนวน 3 ตัวแปร ได้แก่ จำนวนนักเรียน (SIZ), สื่อการเรียนการสอน (MED), สภาพแวดล้อมในห้องเรียน (EVN) กับ ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (ACH) พบว่า ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายในระหว่างตัวแปรระดับนักเรียนด้วยกัน พบว่า สื่อการเรียนรู้ (MED) กับ สภาพแวดล้อมในห้องเรียน (EVN) มีความสัมพันธ์กันมากที่สุด มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.575

เมื่อพิจารณาค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่างผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (ACH) กับ ตัวแปรระดับห้องเรียน พบว่าตัวแปรที่มีความสัมพันธ์กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน(ACH)) อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 ได้แก่ สภาพแวดล้อมในห้องเรียน (EVN) มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์มากที่สุดเท่ากับ 0.589 สื่อการเรียนรู้ (MED) มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เท่ากับ 0.467

ตอนที่ 3 ผลการวิเคราะห์พหุระดับ (Multilevel Analysis) ของปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนนำเสนอผลการวิเคราะห์แบ่งออกเป็น 3 ขั้นตอนดังนี้

1. ผลการวิเคราะห์ขั้นโมเดลศูนย์ (Null Model)

เป็นการวิเคราะห์ขั้นแรกที่สุดเพื่อให้เห็นภาพรวมของตัวแปรตาม

ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 โดยไม่มีตัวแปรอิสระใดๆ เข้าร่วมพิจารณา และเพื่อตรวจสอบว่าตัวแปรตามมีความแปรปรวนภายในหน่วยหรือระหว่างหน่วยเพียงพอที่จะวิเคราะห์ตัวแปรอิสระที่ส่งผลขึ้นต่อไปหรือไม่ มีรูปแบบการวิเคราะห์ดังนี้

การวิเคราะห์ภายในห้องเรียน (Within – unit Model)

$$ACH_{ij} = b_{01} + e_{ij}$$

การวิเคราะห์ระหว่างห้องเรียน (Between – unit Model)

$$b_{01} = \gamma_{00} + U_{0j}$$

(Fixed Effects) (Random Effects)

ค่าเฉลี่ยค่าความคลาดเคลื่อน, $e \sim N(0, \sigma^2)$

ในกระบวนการวิเคราะห์ HLM จะแบ่งผลพารามิเตอร์ออกเป็นอิทธิพลคงที่ (Fixed Effects) และอิทธิพลสุ่ม (Random Effects) และใช้สถิติ (t -test) ในการทดสอบอิทธิพลคงที่ (Fixed Effects) ($H_0: \gamma_{00} = 0$) ถ้าไม่เป็นศูนย์แสดงว่าค่าคงที่ (Intercept) และตัวแปรอิสระมีความสัมพันธ์กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียน แต่ถ้ามีค่าเป็น 0 แสดงว่าไม่มีความสัมพันธ์ต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียน และใช้ χ^2 – test ทดสอบความแปรปรวนของอิทธิพลสุ่ม (Random Effects) หรือความแปรปรวนของค่าพารามิเตอร์ (Parameter Variance) ($H_0: \text{Var}(b_{01}) = 0$, $(H_0: \text{Var}(U_{0j}) = 0)$) ถ้าไม่เป็น 0 แสดงว่าพารามิเตอร์ b_{01} มีความแปรปรวนระหว่างหน่วย จึงสมเหตุสมผลที่จะหาตัวแปรอิสระมาอธิบายความแปรปรวนดังกล่าว แต่ถ้ามีค่าเป็น 0 แสดงว่าพารามิเตอร์ดังกล่าวไม่มีความแปรปรวนระหว่างหน่วย ซึ่งสามารถตั้งข้อจำกัดให้เป็นค่าคงที่ในการวิเคราะห์ได้ ผลการวิเคราะห์ปรากฏดังตาราง 7

ตาราง 7 ผลการวิเคราะห์ ขั้นโน้มเดลคูนย์ (Null Model) ของตัวแปรผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

อิทธิพลคงที่	ค่าสัมประสิทธิ์	ความคลาดเคลื่อน	t-ratio	df	P-value
Fixed Effects	Coefficient	มาตรฐาน			
		Standard Error			
ACH Intercept, β_0	2.261	1.665	19.724	39	0.000
อิทธิพลสุ่ม	ส่วนเบี่ยงเบน	ความแปรปรวน	df	χ^2	P-value
Random Effects	มาตรฐาน	Variance			
	Standard Deviation	Component			
ACH Intercept1, U_0	8.301	6.904	39	198.432	0.000
Level-1 Error, R_{ij}	6.321	39.957			

จากตาราง 7 ผลการวิเคราะห์ ขั้นโน้มเดลคูนย์ (Null Model) พบว่า ค่าเฉลี่ยรวมของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (β_0) มีค่าเท่ากับ 2.261 ผลการทดสอบอิทธิพลคงที่ (Fixed Effects) พบว่า ค่าคงที่ (Intercept) มีอิทธิพลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ ระดับ .01 ($t = 19.724$)

เมื่อพิจารณาอิทธิพลสุ่ม (Random Effect) พบว่า ค่าเฉลี่ยผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (β_0) มีค่าความแปรปรวน (Variance Component) เท่ากับ 6.904 โดยผลการวิเคราะห์ได้ค่าไคสแควร์ เท่ากับ 198.432($df = 39$) แสดงให้เห็นว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 มีความผันแปรระหว่างห้องเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ ($p < 0.01$) ดังนั้น จึงต้องทำการวิเคราะห์ตัวแปรในระดับนักเรียนเพื่อทดสอบว่ามีตัวแปรอิสระใดบ้างที่ มีผลทำให้ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 6 ของแต่ละห้องเรียนมีความแตกต่างกันผลการวิเคราะห์ขั้นโน้มเดลคูนย์ (Null Model) และในรูปแบบสมการได้ดังนี้

การวิเคราะห์ภายในห้องเรียน (Within – unit Model)

$$ACH_{ij} = 2.261 + e_{ij}$$

การวิเคราะห์ระหว่างห้องเรียน (Between – unit Model)

$$b_{01} = 2.261 + U_{0j}$$

2. ผลการวิเคราะห์โดยเดลแบบง่าย (Simple Model)

เป็นการวิเคราะห์ด้วยการนำตัวแปรอิสระระดับนักเรียน

(Micro Level) เข้ามายิ่งใหญ่ที่สุด เพื่อตรวจสอบว่าตัวแปรอิสระเหล่านี้มีความสัมพันธ์กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนหรือไม่ ตลอดจนตรวจสอบว่าตัวแปรอิสระระดับนักเรียนเมื่อนำมาวิเคราะห์แล้วทำให้เกิดความแปรปรวนระหว่างห้องเรียนเพียงพอที่จะนำไปวิเคราะห์หาผลของตัวแปรอิสระระดับห้องเรียนต่อไปหรือไม่ มีรูปแบบสมการดังต่อไปนี้

การวิเคราะห์ภายในห้องเรียน (Within – unit Model)

$$Y_{ij} = b_{01} + b_{ij}(X_{ij}) + e_{ij}$$

การวิเคราะห์ระหว่างห้องเรียน (Between – unit Model)

$$b_{01} = \gamma_{00} + U_{0j}$$

$$b_{ij} = \gamma_{10} + U_{ij}$$

(Fixed Effects) (Random Effects)

ค่าเฉลี่ยค่าความคลาดเคลื่อน, $e \sim N(0, \sigma^2_j)$

จากสมการ HLM จะแบ่งผลของพารามิเตอร์ออกเป็น Fixed Effects และ Random Effects โดยใช้สมการทดสอบที่ (t – test) ทดสอบผลคงที่ (Fixed Effects) ($H_0 : \gamma_{00} = 0$) ถ้าไม่เป็น 0 แสดงว่าค่าคงที่ (Intercept) และตัวแปรอิสระระดับนักเรียนมีความสัมพันธ์กับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนแล้วใช้ χ^2 - test ทดสอบความแปรปรวนของผลเชิงสุ่ม (Random Effects) ($H_0 : \text{Var}(b_{01}) = 0$, $(H_0 : \text{Var}(U_{0j}) = 0)$ ถ้าไม่เป็น 0 แสดงว่าพารามิเตอร์ b_{01} มีความแปรปรวนระหว่างหน่วย จึงสมเหตุสมผลที่จะหาตัวแปรอิสระมาอธิบายความแปรปรวนดังกล่าว แต่ถ้าเป็น 0 แสดงว่าพารามิเตอร์ ดังกล่าวไม่มีความแปรปรวนระหว่างหน่วย ซึ่งสามารถตั้งข้อจำกัดให้เป็นค่าคงที่ในการวิเคราะห์ได้ ผลการวิเคราะห์ปรากฏดังตาราง 8

ตาราง 8 ผลการวิเคราะห์ขั้นโน้มเดลแบบง่าย (Simple Model) ของตัวแปรระดับนักเรียนกับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

อิทธิพลคงที่	ค่าสัมประสิทธิ์	ความคลาดเคลื่อน	t-ratio	P-value	
Fixed Effects	Coefficient	มาตรฐาน			
		Standard Error			
ACH Intercept1, β_0	2.256	1.406	23.406	0.000	
-Intercept, γ_{00}					
ATS Intercept1, β_1	0.140	0.207	1.678	0.003	
-Intercept, γ_{10}					
MOT Intercept1, β_2	0.347	0.178	1.787	0.004	
-Intercept, γ_{20}					
SUP Intercept1, β_3	0.472	0.235	1.980	0.000	
-Intercept, γ_{30}					
อิทธิพลสุ่ม	ส่วนเบี่ยงเบน	ความแปรปรวน	df	χ^2	
Random Effects	มาตรฐาน	Variance Component		P-value	
	Standard Deviation				
ACH Intercept1, U_0	6.976	0.483	39	155.556	0.000
ATS Slope, U_1	0.957	0.944	39	112.853	0.004
MOT Slope, U_2	0.693	0.456	39	51.657	0.002
SUP Slope, U_3	1.136	1.287	39	132.306	0.006
Level-1 Error, R_{ij}	4.289	18.397			
$R^2 = 0.539$					

จากตาราง 8 ผลการวิเคราะห์ขั้นโน้มเดลแบบง่าย (Simple Model) ของตัวแปรระดับนักเรียนกับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน แสดงให้เห็นผลของการทดสอบอิทธิพลคงที่ (Fixed Effects) ซึ่งประกอบด้วยค่าเฉลี่ยของ Intercepts และ Slopes ระหว่างห้องเรียนในระดับที่ 2 จากผลการวิเคราะห์พบว่า มีนัยสำคัญทางสถิติที่ 4 ค่า และแสดงว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (β_{01}), เจตคติต่อการเรียน (ATS) แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์ (MOT) และการส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง(SUP) ส่งผลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ ระดับ .01 (t = 23.406, 1.678, 1.787, และ 1.980)

ตามลำดับ โดยที่ค่าเฉลี่ยของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (β_{01}) มีค่าเท่ากับ 2.256 แสดงว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนมีความแตกต่างกันอันเนื่องมาจากตัวแปรอิสระระดับนักเรียนทั้ง 3 ตัว คือ เจตคติต่อการเรียน (ATS) และ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ (MOT) และ การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง (SUP) ทั้งนี้ เจตคติต่อการเรียน (ATS) และ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ (MOT) และ การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง (SUP) มีค่าเฉลี่ยของสัมประสิทธิ์การทดลองอยู่ที่ 0.140, 0.347 และ 0.472 ตามลำดับ หมายความว่า ถ้านักเรียนมีเจตคติต่อการเรียน และ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ และ การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครองเพิ่มขึ้น 1 หน่วย มีผลต่อการเพิ่มของคะแนนผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน 0.140, 0.347 และ 0.472 หน่วยตามลำดับ ที่ระดับความเชื่อมั่น 99%

เมื่อพิจารณาอิทธิพลสุ่ม (Random Effects) พบว่า ส่วนประกอบความแปรปรวนของ ค่าเฉลี่ยผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (u_{0j}) มีค่าเท่ากับ 0.0483 ซึ่งมีนัยสำคัญทางสถิติที่ ระดับ .01 แสดงว่า ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน (β_{01}) มีความผันแปรระหว่างห้องเรียน ($\chi^2 = 155.556$) และจากผลการวิเคราะห์ พบว่า อิทธิพลสุ่มของสัมประสิทธิ์การทดลองของตัวแปรเจตคติต่อการเรียน (ATS Slope β_{1j}) และ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ (MOT Slope β_{2j}) และ การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง (SUP Slope β_{3j}) มีความผันแปรระหว่างห้องเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 ($\chi^2 = 112.853, 51.657$ และ 132.306) โดยมีส่วนประกอบความแปรปรวนเท่ากับ 0.944, 0.456 และ 1.287 ตามลำดับ

จากผลการวิเคราะห์ดังกล่าว แสดงให้เห็นว่ามีตัวแปรอิสระอื่นๆ ในระดับสูงกว่าระดับนักเรียนส่งผลต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียน และ ส่งผลต่อค่าสัมประสิทธิ์การทดลองของเจตคติต่อการเรียน และ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ และ การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครองที่ส่งผลต่อผลสัมฤทธิ์ ดังนั้นจึงต้องทำการวิเคราะห์ระดับห้องเรียน (Macro Level) เพื่อทดสอบผลของตัวแปรอิสระในระดับห้องเรียนต่อไป

ทั้งนี้ตัวแปรอิสระระดับนักเรียนคือเจตคติต่อการเรียน และ แรงจูงใจไฟฟ้าสัมฤทธิ์ และ การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง สามารถเข้าร่วมกันอธิบายความแปรปรวนของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ได้ร้อยละ 53.9 ($R^2 = 0.539$) แสดงผลการวิเคราะห์ในรูปแบบสมการได้ดังนี้

การวิเคราะห์ภายในห้องเรียน (Within – unit Model)

$$ACH_{ij} = 2.258 + 0.140 \text{ ATS} + 0.347 \text{ MOT} + 0.472 \text{ SUP}$$

การวิเคราะห์ระหว่างห้องเรียน (Between – unit Model)

$$b_{01} = 2.258 + U_{0j}$$

$$b_{ATS} = 0.140 + U_{ATS}$$

$$b_{MOT} = 0.347 + U_{MOT}$$

$$b_{SUP} = 0.472 + U_{SUP}$$

3. ผลการวิเคราะห์วิเคราะห์ขั้นโน้มเดลตามสมมติฐาน

(Hypothetical Model)

เป็นการวิเคราะห์ขั้นโน้มเดลตามสมมติฐาน (Hypothetical Model) โดยนำตัวแปรอิสระระดับนักเรียนที่ผ่านการวิเคราะห์และพิจารณาแล้วว่าเหมาะสมจาก การวิเคราะห์ระดับนักเรียนมาวิเคราะห์ ร่วมกับตัวแปรอิสระระดับห้องเรียนเพื่อตรวจสอบอิทธิพลของตัวแปรระดับห้องเรียนที่ มีต่อค่าคงที่ (Intercept β_{01}) หรือค่าเฉลี่ยผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนและค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยของตัวแปรเจตคติต่อการเรียน แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์ และการส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง โดยมีตัวแปรระดับโรงเรียน 3 ตัวแปร คือ จำนวนนักเรียน (SIZ) สื่อการเรียนรู้ (MED) สภาพแวดล้อมในห้องเรียน (EVN) มีรูปแบบสมการดังนี้

การวิเคราะห์ภายในห้องเรียน (Within-Unit Model)

$$ACH_{ij} = b_{01} + b_{1j} (ATS)_{ij} + b_{2j} (MOT)_{ij} + b_{3j} (SUP)_{ij} + e_{ij}$$

การวิเคราะห์ระหว่างห้องเรียน (Between- Unit Model)

$$b_{01} = \gamma_{00} + \gamma (Z_{lj}) + u_{0j}$$

จากสมการ HLM ใช้การทดสอบที่ (t-test) ในการทดสอบอิทธิพลคงที่ (Fixed Effect)

($H_0: \gamma_{00} = 0 : \gamma_{10} = 0$) และวิธี χ^2 - test ทดสอบความแปรปรวนของผลเชิงสุ่ม(Random Effect)

($H_0: \text{Var}(\beta_{01}) = 0, H_0: \text{Var}(u_{0j}) = 0$) ผลการวิเคราะห์ ปรากฏดังตาราง 9

ตาราง 9 ผลการวิเคราะห์ข้อมูล ขั้นโน้มเดลตามสมมติฐาน (Hypothetical Model) ของตัวแปรระดับนักเรียนและตัวแปรระดับห้องเรียนกับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน

อิทธิพลคงที่	ค่าสัมประสิทธิ์	ความคลาดเคลื่อน	t-ratio	P-value	
Fixed Effects	Coefficient	มาตรฐาน			
		Standard Error			
ACH (β_0)	2.265	1.414	20.441	0.000	
-Intercept, γ_{00}					
SIZ, γ_{01}	0.070	0.133	0.386	0.702	
MED, γ_{02}	-0.298	0.287	-0.573	0.512	
EVN, γ_{03}	0.238	0.367	0.534	0.519	
ATS Slope, β_1	0.144	0.197	0.636	0.563	
-Intercept, γ_{10}					
MOT Slope, β_2	0.453	0.177	1.893	0.070	
-Intercept, γ_{20}					
SUP Slope, β_3	0.492	0.230	2.167	0.057	
-Intercept, γ_{30}					
อิทธิพลสุ่ม	ส่วนเบี่ยงเบน	ความแปรปรวน	df	χ^2	
Random Effects	มาตรฐาน	Variance			
	Standard Deviation	Component			
ACH Intercept1, U_0	6.721	0.795	36	147.442	0.000
ATS Slope, U_1	1.972	0.927	39	110.126	0.002
MOT Slope, U_2	0.656	0.452	39	50.558	0.008
SUP Slope, U_3	1.227	1.240	39	137.167	0.000
Level-1 Error, R_{ij}	4.289	18.397			
$R^2 = 0.645$					

จากตาราง 9 ผลการวิเคราะห์ข้อมูลขั้นโน้มเดลตามสมมติฐาน (Hypothetical Model) ของตัวแปรระดับนักเรียนและตัวแปรระดับห้องเรียนกับผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน พบร่วมกัน

1. เมื่อพิจารณาค่าเฉลี่ยผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนระดับห้องเรียน (Macro-level) ได้แก่ จำนวนนักเรียน (SIZ) สื่อการเรียนรู้ (MED) สภาพแวดล้อมในห้องเรียน (EVN) พบร่วมกันไม่มีตัวแปรระดับห้องเรียนมีนัยสำคัญทางสถิติกับค่าเฉลี่ยผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียน

ทั้งนี้ตัวแปรอิสระระดับนักเรียนคือจำนวนนักเรียน สื่อการเรียนรู้และสภาพแวดล้อมในห้องเรียน สามารถอธิบายความแปรปรวนของผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน ได้ร้อยละ 64.5 ($R^2 = 0.645$)

2. ตัวแปรระดับห้องเรียนที่ส่งผลต่อค่าสัมประสิทธิ์ของ เจตคติของการเรียน ($Slope, \beta_{1j}$) แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์ ($Slope, \beta_{2j}$) การส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง ($Slope, \beta_{3j}$) ผลจากการวิเคราะห์ไม่พบตัวแปรที่ส่งผลต่อค่าสัมประสิทธิ์ของ เจตคติของการเรียน ($Slope, \beta_{1j}$) แรงจูงใจไฟสัมฤทธิ์ ($Slope, \beta_{2j}$) และการส่งเสริมการเรียนของผู้ปกครอง ($Slope, \beta_{3j}$)

จากผลการวิเคราะห์พหุระดับในขั้นโน้มเดลแบบง่ายและโน้มเดลตามสมมติฐานสามารถเขียนเป็นสมการในรูปแบบดังนี้ ได้ดังนี้

การวิเคราะห์ภายในห้องเรียน (Within-Unit Model)

$$ACH_{ij} = 2.258 + 0.140 (ATS)_{ij} + 0.347 (MOT)_{ij} + 0.472 (SUP)_{ij}$$